

**بناء برنامج اثرائى فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين
بالصف الأول الاعدادى وأثره على تحصيلهم
لجوانب التعلم الاثرانية والمعتادة**

بحث مقدم من

هشام مصطفى كمال احمد

مدرس مساعد بقسم المناهج وطرق التدريس

للحصول على

درجة دكتوراة الفلسفة فى التربية

(تخصص مناهج وطرق تدريس الرياضيات)

اشراف

أ.د/ وديع مكسيب موسى داود

استاذ المناهج وطرق تدريس الرياضيات

وعميد كلية التربية الرياضية

جامعة أسيوط

أ.د/ وليم تاوضروس عبيد

استاذ المناهج وطرق تدريس الرياضيات

ووكيل كلية التربية

جامعة عين شمس سابقا

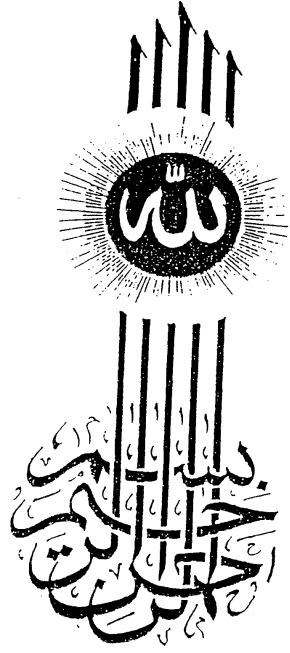
أ.د/ أحمد السيد عبدالحميد مصطفى

استاذ المناهج وطرق تدريس الرياضيات

ووكيل كلية التربية

جامعة المنيا

١٤١٥ هـ - ١٩٩٤ م



وقل رب زدني علماً

سوره طه آية ١١٤

قرار لجنة الحكم

على رسالة الدكتوراه المقدمة من السيد/ هشام مصطفى كمال احمد
وموضوعها " بناء برنامج اثرائي في الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي
واثره على تحصيلهم لجوانب التعلم الاثرائيه والمعتاده .
بناءً على قرار السيد الأستاذ الدكتور/ نائب رئيس الجامعة لشئون الدراسات العليا
والبحوث في ١٩٩٤/٤/٢٣ م بتشكيل لجنة المناقشة من :

- ١-الأستاذ الدكتور/ وديع مكسيموس داود مشرفاً ورئيساً
- ٢-الأستاذ الدكتور/ محمد علي احمد نصر عضواً
- ٣- الأستاذ الدكتور/ احمد السيد عبد الحميد مصطفى مشرفاً
- ٤- الاستاذ المساعد الدكتور/ جمال محمد فكري عضواً

اجتمعت اللجنة في تمام الساعة التاسعة من يوم الاربعاء الموافق ١٩٩٤/٩/٢١ م
واستمرت المناقشة حتى الساعة ١٢:٠٠ ورايت بعد المناقشة أن توصي بمنح
الطالب/ هشام مصطفى كمال احمد درجة دكتوراه الفلسفة في التربية تخصص
[مناهج وطرق تدريس الرياضيات] .

"لجنة المناقشة العلنية والحكم على الرسالة"

- ١-الأستاذ الدكتور/ وديع مكسيموس داود (رئيس اللجنة)
- ٢-الأستاذ الدكتور/ محمد علي احمد نصر (عضو)
- ٣- الأستاذ الدكتور/ احمد السيد عبد الحميد مصطفى (عضو)
- ٤- الأستاذ المساعد الدكتور/ جمال محمد فكري (عضو)

شكر وتقدير

رب أوزعنى أن أشكر نعمتك التى أنعمت على والدى وأن أعمل صالحا ترضاه ... لك الحمد يالهي كما ينبغي لجلال وجهك وعظيم سلطتك ... لانحصى ثناء عليك... أنت كما أثنيت على نفسك... وصلاة وسلاما على النبي الامي الخاتم محمد صلى الله عليه وسلم.
وبعد فلايسعني وقد أنتهيت من هذا العمل الا ان أتقدم باسمي آيات العرفان بالجميل لكل عقل أنار لي الطريق وكل يد أمتدت بالعون وكل لسان لهج بالدعاء.

الى استاذي الاستاذ الدكتور/ وليم تاووضروس عبيد أستاذ تعليم الرياضيات ووكيل كلية التربية جامعة عين شمس سابقا ... والذي كان كالعهد به النهج علما وخلقا ... على ملاحظتي به وماتهلته من معين علمه الذي لاينضب. كل اعزازي وتقديري وعرفاني بالجميل.

والى استاذي الاستاذ الدكتور/ وديع مكسيموس داود استاذ تعليم الرياضيات وعميد كلية التربية الرياضية باسيوط ... العالم المتقن والاب الحاني ... والذي شملني بعطائه ورعايته فطوقني بدين ادعوك ياربي أن أوفى منه ولو القليل ... وعرفانا وامتنانا له مني كل الشكر والتقدير.

والى استاذي الاستاذ الدكتور/ أحمد السيد عبد الحميد مصطفى استاذ تعليم الرياضيات ووكيل كلية التربية جامعة المنيا لشئون التعليم والطلاب ... والذي أفاض على بما وهبه الله من الرأي الثاقب والقلب الممتلئ بالخير ماذلل الكثير من العقبات والصعاب فحفز الهمة واشعل في النفس شعلة الامل والعمل فليبارك الله له في علمه وقلبه وأولاده وليجزه الله عنى خير الجزاء.

والى الاستاذ الدكتور/ تشارلز لامب Charles Lamb استاذ تعليم الرياضيات بجامعة تكساس بمدينة أوستن The University of Texas at Austin بالولايات المتحدة الأمريكية على ماأمدني به من المراجع وماخصني به من وقت وعلم كل التقدير والاحترام وذلك خلال فترة تواجدي بأمریکا.

والى الاساتذة اعضاء هيئة التدريس ومعاونيهم بكلية التربية جامعة المنيا على ماأسهموا به سواء فى الحكم على أدوات البحث أو فى المراجعة . وأخص بالشكر استاذي الاستاذ الدكتور/ محمد على نصر عميد الكلية على مايحيطني به وزملائي من الباحثين من عطاء بلا حدود. علما وتوجيها ونصحا فلتجزه يارب عنى وعنهم خير الجزاء.

والى الدكتور/ محمد ربيع حسنى ، والدكتور/ ابراهيم عبد الغنى ، على ماأسهما به كمشرفين فى بداية هذا العمل لهما مني كل اعزاز وتقدير وعرفان بالجميل.
والى الاستاذة الدكتورة/ كوثر قطب على ماأسهمت به فى مراجعة الترجمة كل تقديري وشكري وامتناني.

والى مصدر الخير وسببه ... أمى ... وأبى ... اللذين بهما ومنهما وببركة دعائهما أنعم الله على بكرمه ... رب أجعلني ماحييت بارا بهما والى أخوتي كل اعزازي وتقديري.
والى شريكة عمري ... وبهجة القلب هدى ومحمود ... رب اجزهم عنى على ماتحملوه خير الجزاء واجعلنى دوما سببا لاسعادهم.

وبعد... فالكمال لله وحده ... وان كان هناك تقصير فمنى ... وحسبى أن حاولت وأجتهدت.
الباحث

نبذة عن الدراسة

هدفت الدراسة الحالية الى بناء برنامج اثرائى فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى، وقياس أثر تدريسه على تحصيلهم لجوانب التعلم الاثرائية والمعتادة ممثلا فى وحدة المجموعات.

ولتحقيق ذلك قام الباحث باعداد برنامج اثرائى فى رياضيات الصف الاول الاعدادى، يشمل ثلاث وحدات اثرائية : المجموعات ، والاعداد الطبيعية ، والأشكال الهندسية المستوية ، وذلك فى ضوء معايير مشتقة من قائمة معايير محتوى الرياضيات المدرسية (NCTM, 1989)، ونموذج جالهر (Gallagher, 1984)، وتصنيف بلوم (Bloom, 1956)، بالإضافة الى اعداد اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات ، واختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات الاثرائية.

وقد جاء تقرير الدراسة فى خمسة فصول ، يتناول الفصل الاول مشكلة الدراسة وأهميتها ، ويمثل الفصل الثانى الإطار النظرى للدراسة حول تعليم التلاميذ المتفوقين ، ويعرض الفصل الثالث الدراسات العربية والاجنبية المرتبطة بهذه الدراسة ، كما يتناول الفصل الرابع اجراءات الدراسة التى شملت بناء أدوات الدراسة ، وتطبيق تجربة الدراسة، وجاء الفصل الخامس ليعرض نتائج الدراسة وتفسيرها.

وقد توصلت الدراسة الحالية الى مجموعة نتائج من أهمها ما يلى:

- فعالية تدريس البرنامج الاثرائى ممثلا فى وحدة المجموعات الاثرائية فى تحسين تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لكل من جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج ، وجوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات . حيث بلغت نسبة الكسب المعدل ١٥٤٥ ، و١٤٧ -على الترتيب.

- يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية (الذين يدرسون البرنامج الاثرائى ممثلا فى وحدة المجموعات الاثرائية) والمجموعة الضابطة (الذين يدرسون وحده المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات فقط) فى التطبيق البعدى لكل من اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج واختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات ، وذلك عند مستوى ٩٩٪ لصالح المجموعة التجريبية.

وفى ضوء نتائج الدراسة الحالية قدمت بعض التوصيات والمقترحات التى قد تفيد فى مجال تعليم الرياضيات للتلاميذ المتفوقين.

قائمة محتويات الدراسة

الصفحة	الموضوع
١٠-١	الفصل الأول: مشكلة الدراسة وأهميتها
٦-٢	- مقدمة ومشكلة الدراسة.
٦	- أهداف الدراسة.
٧	- أهمية الدراسة.
٧	- فروض الدراسة.
٧	- حدود الدراسة.
٨	- أدوات الدراسة.
٨	- مجتمع وعينة الدراسة.
٩-٨	- مصطلحات الدراسة.
١٠-٩	- إجراءات الدراسة.
٤٤-١١	الفصل الثاني: الإطار النظري
٣٩-١٢	* حول التلاميذ المتفوقين:
١٣-١٢	١- ماهية التلاميذ المتفوقين
٢١-١٢	أ- مجموعة تعريف المتفوقين في ضوء بعد واحد.
١٣-١٢	ب- مجموعة تعريف المتفوقين في ضوء عدة أبعاد.
١٨-١٣	٢- خصائص التلاميذ المتفوقين.
١٩-١٨	٣- حاجات التلاميذ المتفوقين.
٢١-٢٠	٤- تحديد التلاميذ المتفوقين.
٣٩-٢٢	* حول تعليم التلاميذ المتفوقين:
٣٦-٢٢	أ- برامج تعليم التلاميذ المتفوقين
٢٢	١- حيثيات تعليم التلاميذ المتفوقين.
٢٤-٢٢	٢- تخطيط برامج تعليم المتفوقين.
٢٦-٢٤	٣- أهداف برامج تعليم المتفوقين.
٣٤-٢٦	ب- أنواع برامج تعليم المتفوقين
٢٩-٢٦	١- الإسراع
٢٧-٢٦	- مفهوم الإسراع.
٢٨-٢٧	- مميزات الإسراع.
٢٩-٢٨	- عيوب الإسراع.
٣٤-٢٩	٢- الإثراء
٣٠-٢٩	- مفهوم الإثراء.
٣٠	- الصور المختلفة للإثراء.
٣١	- مميزات الإثراء.
٣٢-٣١	- عيوب الإثراء.
٣٤-٣٢	- اثرات الرياضيات المدرسية.

تابع قائمة محتويات الدراسة

الصفحة	الموضوع
٣٧-٣٤	ج- تجميع التلاميذ المتفوقين بناء على القدرة
٣٤	- تجميع التلاميذ المتفوقين مع العاديين في الفصل المعتاد.
٣٤	- تجميع التلاميذ المتفوقين في الفصل لبعض الوقت.
٣٥	- تفريد حجرات الدراسة.
٣٥	- تجميع التلاميذ المتفوقين في فصول خاصة.
٣٥	- تجميع التلاميذ المتفوقين في مدارس خاصة.
٣٧-٣٦	- فوائد تجميع التلاميذ المتفوقين بناء على القدرة.
٣٩-٣٧	د- نماذج تطوير مناهج التلاميذ المتفوقين
٣٨-٣٧	أولاً: نموذج بلوم Bloom لتصنيف الاهداف المعرفية.
٣٨	مدى استفادة البحث الحالي من تصنيف بلوم.
٣٩-٣٨	ثانياً: نموذج جالهر Gallagher لتعديل المحتوى.
٣٩	مدى استفادة البحث الحالي من تصنيف جالهر.
٤٤-٤٠	* حول رياضيات المرحلة الاعدادية:
٤٠	١- معايير رياضيات المرحلة الاعدادية.
٤١-٤٠	٢- خطة الدراسة في المرحلة الاعدادية بمصر.
٤٢-٤١	٣- الاهداف العامة لتدريس الرياضيات بالمرحلة الاعدادية بمصر.
٤٣-٤٢	٤- الاهداف الخاصة لتدريس الرياضيات في الصف الأول الاعدادي بمصر.
٤٤-٤٣	٥- مقرر رياضيات الصف الأول الاعدادي بمصر.
٤٤	مدى استفادة الباحث من الاطار النظرى للدراسة .
٦٦-٤٥	الفصل الثالث: الدراسات السابقة
٥٢-٤٦	أولاً: دراسات حول التلاميذ المتفوقين:
٤٩-٤٦	١- الدراسات العربية.
٥١-٤٩	٢- الدراسات الأجنبية.
٥٢-٥١	مدى استفادة الدراسة الحالية من مجموعة الدراسات المتعلقة بالتلاميذ المتفوقين.
٥٩-٥٢	ثانياً: دراسات حول البرامج التعليمية في الرياضيات (بصفة عامة):
٥٧-٥٢	١- الدراسات العربية.
٥٨-٥٧	٢- الدراسات الأجنبية.
٥٩-٥٨	مدى الاستفادة من الدراسات السابقة المتعلقة بالبرامج التعليمية في الرياضيات بصفة عامة.
٦٥-٦٠	ثالثاً: دراسات حول البرامج الاثرانية:
٦٢-٦٠	١- الدراسات العربية.
٦٤-٦٢	٢- الدراسات الأجنبية.
٦٥-٦٤	مدى استفادة الدراسة الحالية من الدراسات المتعلقة بالبرامج الاثرانية
٦٦	مدى استفادة الدراسة الحالية من الدراسات السابقة عامة

تابع قائمة محتويات الدراسة

الصفحة	الموضوع
٨٢-٦٧	الفصل الرابع: اجراءات الدراسة
٧٣-٦٨	أولاً: تصميم البرنامج الاثرائى فى رياضيات الصف الاول الاعدادى:
٦٨	أ- تحديد معايير اختيار التلاميذ المتفوقين المعد لهم البرنامج.
٦٨	ب- تحديد الأهداف العامة للبرنامج.
٧١-٦٩	ج- تحديد محتوى البرنامج.
٧٢-٧١	د- تنظيم محتوى البرنامج
٧٢-٧١	الوحدة الأولى: وحدة المجموعات.
٧٢	الوحدة الثانية: وحدة الأعداد الطبيعية.
٧٢	الوحدة الثالثة: وحدة الأشكال الهندسية المستوية.
٧٣	هـ- وسائل تقويم البرنامج.
٧٦-٧٢	ثانياً: بناء اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات.
٧٨-٧٦	ثالثاً: بناء اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات.
٧٩-٧٨	رابعاً: عرض لاختبار القدرات العقلية المستخدم بالدراسة.
٨٢-٧٩	خامساً: تطبيق الدراسة
٨٠-٧٩	أ- اختيار مجموعات الدراسة.
٨١-٨٠	ب- التطبيق القبلى للاختبارين التحصيليين.
٨٢-٨١	ج- تدريس البرنامج ممثلاً فى وحدة المجموعات الاثرائية.
٨٢	د- التطبيق البعدى للاختبارين التحصيليين.
٩٠-٨٣	الفصل الخامس: نتائج الدراسة وتحليلها وتفسيرها
٨٥-٨٤	أولاً: التحقق من صحة الفرض الأول للدراسة.
٨٦-٨٥	ثانياً: التحقق من صحة الفرض الثانى للدراسة.
٨٧-٨٦	ثالثاً: التحقق من صحة الفرض الثالث للدراسة.
٨٨-٨٧	رابعاً: التحقق من صحة الفرض الرابع للدراسة.
٨٩-٨٨	تفسير النتائج.
٩٠-٨٩	التوصيات.
٩٠	البحوث المقترحة
٩٤-٩١	ملخص الدراسة
١٠٣-٩٥	المراجع:
٩٨-٩٦	أولاً: المراجع العربية.
١٠٣-٩٩	ثانياً: المراجع الاجنبية.
٢٠٥-١٠٥	ملاحق الدراسة

قائمة جداول الدراسة

الصفحة	الموضوع	الجدول
٤١	واقع خطة الدراسة بالمرحلة الإعدادية بمصر .	جدول (١)
٧٠	الإحصاءات المستخدمة في حساب معامل سكوت لثبات التحليل.	جدول (٢)
٧٤	الوزن النسبي لكل موضوع من موضوعات وحدة المجموعات بالصف الأول الإعدادي.	جدول (٣)
٧٤	مواصفات اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات.	جدول (٤)
٧٦	الوزن النسبي لكل موضوع من موضوعات وحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الأثرائي.	جدول (٥)
٧٧	مواصفات اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم الإثرائية لوحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الأثرائي.	جدول (٦)
٧٩	متوسط كل من التحصيل السابق عامة وفي الرياضيات ونسب الذكاء الانحرافية، والعمر الزمني للمجموعتين التجريبية والضابطة.	جدول (٧)
٨٠	متوسط كل من التحصيل السابق عامة وفي الرياضيات ونسب الذكاء الانحرافية، والعمر الزمني للعينتين الاستطلاعية (أ) والاستطلاعية (ب).	جدول (٨)
٨٠	دلالة الفرق بين متوسطي تحصيل تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق القبلي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات.	جدول (٩)
٨١	دلالة الفرق بين متوسطي تحصيل تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق القبلي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الإثرائية لوحدة المجموعات.	جدول (١٠)
٨٤	دلالة الفرق بين متوسطي تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية في التطبيق القبلي والبعدي لجوانب التعلم الإثرائية لوحدة المجموعات الإثرائية.	جدول (١١)
٨٥	دلالة نسبة الكسب المعدل لتحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم الإثرائية لوحدة المجموعات الإثرائية.	جدول (١٢)
٨٥	دلالة الدرجة المعيارية لقيمة 'م' لدرجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الإثرائية لوحدة المجموعات.	جدول (١٣)
٨٦	دلالة الفرق بين متوسطي تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات.	جدول (١٤)
٨٧	دلالة نسبة الكسب المعدل لتحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات.	جدول (١٥)
٨٧	دلالة الفرق بين متوسطي تحصيل تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات.	جدول (١٦)

قائمة ملاحق الدراسة

الصفحة	الموضوع	الملحق
١١٠-١٠٦	نتائج تحليل محتوى الوحدات: المجموعات، الأعداد الطبيعية، والأشكال الهندسية المستوية.	ملحق (١)
١١٢-١١١	أسماء السادة المحكمين.	ملحق (٢)
١٣٩-١١٣	وحدة اثرائية في موضوع المجموعات لتلاميذ الصف الاول الاعدادى.	ملحق (٣)
١٥٩-١٤٠	وحدة اثرائية في الأعداد الطبيعية لتلاميذ الصف الاول الاعدادى.	ملحق (٤)
١٧٣-١٦٠	وحدة اثرائية في الأشكال الهندسية المستوية لتلاميذ الصف الاول الاعدادى.	ملحق (٥)
١٨٠-١٧٤	اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات المعتادة لتلاميذ الصف الاول الاعدادى.	ملحق (٦)
١٨٣-١٨١	تحليل بنود اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات	ملحق (٧)
١٨٨-١٨٤	اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية في وحدة المجموعات الاثرائية لتلاميذ الصف الاول الاعدادى.	ملحق (٨)
١٩٠-١٨٩	تحليل بنود اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات	ملحق (٩)
١٩٢-١٩١	ضبط المتغيرات المؤثرة على التكافؤ بين المجموعتين التجريبية والضابطة.	ملحق (١٠)
١٩٤-١٩٣	المعادلات الاحصائية التي استخدمت في الدراسة.	ملحق (١١)
٢٠٥-١٩٥	اختبار القدرات العقلية للاعمار (٩-١١) لقياس الذكاء، اعداد فاروق عبدالفتاح موسى.	ملحق (١٢)
٢٠٧-٢٠٦	خطة تدريس البرنامج الاثرى في الرياضيات ممثلا في وحدة المجموعات الاثرائية والمعوقات التي واجهتها تطبيق الدراسة.	ملحق (١٣)

الفصل الاول مشكلة الدراسة وأهميتها

يتناول هذا الفصل:

- * مقدمة ومشكلة الدراسة.
- * أهداف الدراسة.
- * أهمية الدراسة.
- * فروض الدراسة.
- * حدود الدراسة.
- * أدوات الدراسة.
- * مجتمع وعينة الدراسة.
- * مصطلحات الدراسة.
- * إجراءات الدراسة.

مشكلة الدراسة وأهميتها

مقدمة ومشكلة الدراسة:

أولت الدول المتقدمة في النصف الثاني من القرن العشرين اهتماما خاصا بالتلاميذ المتفوقين ، وذلك باعتبارهم أساس هذا التقدم والمحافظة عليه. وذكر **كاتينا Khatena (1982)** ان الاهتمام بتعليم المتفوقين في الولايات المتحدة الامريكية زاد عقب اطلاق روسيا لصاروخ الفضاء Sputnik، حيث قام مكتب التربية Office of Education سنة 1972- بتكليف من الكونجرس الامريكى - بمهام كثيرة تجاه تعليم المتفوقين ، من بينها تقويم برامج تعليم المتفوقين الموجودة، وانشاء مكتب مجموعة تعليم المتفوقين والموهوبين Office of Education Gifted and Talented Program Group بهدف بناء وتنفيذ برامج متقدمة للتلاميذ المتفوقين . وفى سنة 1972 أيضا تم انشاء مكتب المتفوقين والموهوبين Office of the Gifted and Talented الذى أسهم فى زيادة الدعم المقدم الى لبرامج المتفوقين نتيجة لزيادة الوعي بحاجاتهم، وانشاء معهد لتدريب مجموعة من التربويين من كل ولاية على تخطيط برامج تعليمية خاصة للتلاميذ المتفوقين . pp.348-349

كما ذكر **لارسون Larsson (1986)** ان من أبرز مظاهر الاهتمام بالمتفوقين فى اليابان تقديم برامج قبل المدرسة للأطفال الذين يبلغون سنتين من العمر ، وتصل نسبة ذكائهم الى (120) فاكتر، وتتضمن هذه البرامج مواد تعليمية مبنية على عوامل جيلفورد Guilford الشكلية والرمزية والسيمانتية ، وقد أظهرت نتائج تقويم هذه البرامج زيادة نسبة ذكاء هؤلاء الاطفال بمقدار (20) نقطة أو أكثر، وايضا نمو العمليات العقلية وبخاصة الانتاج التقارى والتبادى لدى الاطفال الذين تتراوح اعمارهم بين (5-6) سنوات. P. 217

وتصنف البرامج التعليمية الخاصة بالمتفوقين الى صنفين هما **الاسراع Acceleration** و**الاثراء Enrichment**، ويقصد **جيرهارت وآخرون Gearheart et al. (1988)** بالاسراع أى عملية تسمح للتلميذ المتفوق بالتحرك السريع خلال البرنامج المعتاد بالمدرسة، وقد يتضمن الالتحاق المبكر بالمدرسة ، تخطى الصفوف ، اختزال الزمن اللازم لدراسة برنامج ، الالتحاق المبكر او الوضع المتقدم Advanced Placement فى الجامعة، أو أى تنظيم آخر يسمح للتلميذ بان يكمل برنامج المدرسة المعتاد فى زمن أقل من الزمن المطلوب. P. 367

ومن أهم مميزات الاسراع يذكر **باسو Passow (1985)** أنه يتيح للمتفوقين فرصة الدخول فى الحياة المهنية مبكرا ، حيث أثبتت الدراسات البيولوجية ان الاعمال الابتكارية البارزة تأتى فى المراحل المبكرة للعمر أكثر من المراحل المتأخرة، كما ان الاسراع يتضمن فرصا تتماشى مع قدرة التلميذ المتفوق على التعلم بسرعة اكبر من التلميذ العادى. P.2051

ويقصد **فيلدهوزن Feldhusen (1987)** بالاثراء "خبرات المنهج التى تكمل أو تحل محل المنهج المعتاد ، ويصمم الاثراء للمتفوقين لمقابلة حاجاتهم او مقدرتهم على تعلم مادة أكثر تعقيدا". P. 616
كما عرف **شيفر وميكر Schiver and Maker (1991)** المنهج الاثرائى بأنه المنهج الذى تم تعديله أو الاضافة اليه بطريقة ما. P.99

ويصنف مارجورام **Marjoram (1992)** الاثراء الى نوعين ، يعمل النوع الاول على توسيع دائرة معرفة المتفوق ، وذلك بتناول موضوعات غير مرتبطة بالمنهج الاصلى ، ويعمل النوع الثانى على زيادة تعمق المتفوق فى الموضوعات المتصلة بالمنهج . P.42
ومن مميزات الاثراء ، يذكر باسو **Passow(1985)** أنه يأخذ فى الاعتبار اختلاف معدلات نمو الجوانب المختلفة للمتفوق ، فهو يهدف الى تعميق فهم المتفوق لمحتوى المنهج المعتاد وابقائه مع زملائه العاديين فى نفس الصف . P.2051
كما يذكر فيرنون وآخرون **Vernon(1977)** ان الاثراء هو المدخل الاكثر تفضيلا لدى الكثير من التربويين ، حيث انه لايتطلب تنظيمات مدرسية معقدة ، بالاضافة الى تجنبه لعديد من القضايا المختلفة المتعلقة بالاسراع . P.172
ويؤكد ذلك المسح الذى اجراه **كاتنيسا سنة 1979 (Khatena , 1982)** عن نوع الفرص التعليمية الخاصة التى تقدمها كل ولاية فى الولايات المتحدة لتلاميذها المتفوقين ، حيث تبين انه من بين (٤٤) ولاية الذين اجابوا على الاستبانة المستخدمة (٣٨) ولاية يستخدمون الاثراء. P.358

وفىما يختص بالرياضيات ، فقد اثبتت الدراسات ان مادة الرياضيات تعتبر عاملا جوهريا فى فهم التكنولوجيات والتحكم فيها ، حيث يقول فرجا **Verga (وليم عبيد ، ١٩٧٤)** * ان الاهتمام المتزايد فى الرياضيات بالتركيب والبناء هو فى جوهره اهتمام برفع درجة الاستخدام التطبيقي الفعال للرياضيات . ص ٧

لذا فان التلاميذ المتفوقين فى الرياضيات يحظون باهتمام كبير فى الدول المتقدمة. حيث يذكر المجلس القومى لمعلمى الرياضيات **NCTM(1987)** أنه يتم تقديم العديد من البرامج التعليمية المتنوعة للتلاميذ المتفوقين فى الرياضيات بالولايات المتحدة الامريكية ، من بينها المدارس الخاصة **Special Schools** مثل مدرسة شمال كارولينا للعلوم والرياضيات **North Carolina School of Science and Mathematics** التى تقدم مقررات متقدمة فى الرياضيات لعدد (٤٠٠) تلميذ متفوق تحت اشراف جامعة شمال كارولينا ، ومدرسة **The Oaks Academy** التى تقدم برامج خاصة للتلاميذ المتفوقين بالصفوف 6 - K ولاطفال ما قبل المدرسة الذين يبلغون من العمر ٣-٤ سنوات ، وهى تخدم منطقة شمال غرب هيوستن بولاية تكساس . كما تقدم العديد من الجامعات فصولا خاصة للطلاب المتفوقين بالمرحلة الثانوية ، مثل برنامج جامعة نيويورك للطلاب المتفوقين فى الرياضيات بمدينة بافلو **The State University of New York at Buffalo's Gifted Math. Program** الذى يضم (٢٥٠) طالبا متوقفا من (٨٥) مدرسة. كما يقدم مكتب اختبارات القبول بالجامعة **College Entrance Examination Board** برنامج الوضع المتقدم **Advanced Placement** وفيه يسمح للطلاب المتفوقين بان يكملوا مستوا جامعي اثناء تواجدهم فى المدرسة الثانوية . ومن أمثلة البرامج الصيفية للتلاميذ المتفوقين برنامج **Gatways Summer School for Gifted and Talented** بمدينة سان ديغو بولاية كاليفورنيا ، للصفوف ١-١٢ . هذا بالاضافة الى المسابقات الرياضية واولمبياد الرياضيات بالولايات المتحدة الامريكية **U SA Mathematics Olympiad** P.71-90

وفى انجلترا يذكر فريدريك هـ. بل (١٩٨٦) * أن مشروع الرياضيات المدرسية **SMP** أعد مجموعة من الكتب المعينة للاستخدام فى فصول المدرسة الثانوية للطلاب ذوى القدرة العالية * . ص ٢٥٧

كما ذكر مارجورام **Marjoram (1992)** أنه يسمح للتلاميذ المتفوقين بالاسراع والاثراء فى المرحلة الثانوية وذلك بتقديم مقررات متقدمة فى الرياضيات ، فضلا عن الدراسة المتعمقة لمنهج الرياضيات المعتاد.

كما أعد مقرر منهج الرياضيات القومى الجديد The New National Curriculum Syllabus Mathematics مقررات تناسب عشرة مستويات للقدرة على الفهم ، هذا بالإضافة الى المسابقات الرياضية كالمسابقة القومية فى الرياضيات The National Mathematics Contest التى تديرها جامعة لندن. PP.42-43

وفيما يختص بالتلاميذ المتفوقين والاهتمام بهم فى مصر ، يذكر يوسف صلاح الدين قطب (١٩٨٨) أن ادارة البحوث بوزارة التربية والتعليم بمصر بالمشاركة مع كلية التربية جامعة عين شمس بدأت فى الخمسينات من القرن الحالى فى التخطيط لمشروع موسع لرعاية الطلاب المتفوقين على مستوى الجمهورية ، وقد اتفق على تجريب أساليب ثلاثة هى:

أ - ان تكون الرعاية فى مدارس ثانوية مخصصة يختار طلابها على اساس خمسة من العشرة الاوائل فى الشهادة الاعدادية من كل محافظة.

ب - ان تكون العناية داخل فصول خاصة بالمدارس الثانوية العادية ، وتوضع لهم برامج وانشطة تتناسب مع جوانب تفوقهم.

ج - ان يحدد الطلاب المتفوقون ويتركون فى فصولهم العادية مع زملائهم العاديين وتوضع لهم مناهج وانشطة تتناسب مع مواهبهم. ص ص ٦-٧

وقد بدأ التنفيذ بالاسلوب الثانى حيث ذكر عيد السلام عيد الغفار (١٩٧٧) أن وزارة التربية والتعليم قامت بائشاء فصلين للمتفوقين فى مدرسة المعادى الثانوية ، حيث كان يلتحق بهما من يرغب من الحاصلين على الشهادة الاعدادية العامة شريطة ان يكون من الخمسة الاوائل فى هذه الشهادة، ثم خصصت مدرسة عين شمس الثانوية للمتفوقين ، وانتقلت اليها هذه الفصول . ص ٢٥

وبالنسبة للمناهج المقدمة فى مدرسة المتفوقين بعين شمس ، فقد أقرت وزارة التربية والتعليم (١٩٦١) " بان تسير المناهج فى المدرسة وفق المناهج المقررة فى مرحلة التعليم الثانوى ، ولمجلس ادارة المدرسة ان يقترح مناهج اضافية للطلاب للتوسع فى دراسة المواد المختلفة ويفسح المجال لكل طالب للتعلم فى دراسة المادة التى يظهر ميله اليها". ص ٢

وقد قام الباحث بزيارة لمدرسة المتفوقين بعين شمس ومقابلة معلمى الرياضيات بالمدرسة لمعرفة مناهج الرياضيات المقدمة بالمدرسة ، وقد ذكر مدرس الرياضيات انه تم تدريس موضوعات اضافية بدءا من العام الدراسى ١٩٦٢ - ١٩٦٣ تتضمن الكسور الجزئية ، الهندسة الحديثة ، المحددات والمصفوفات ، مفكوك ذات الحدين بأس سالب ، والمقذوفات ، وذلك على مدى صفوف المرحلة الثانوية ، ثم الغيت هذه الموضوعات عام ١٩٧٠ نتيجة تطبيق تجربة تدريس الرياضيات الحديثة بمصر.

وفى عام ١٩٨٧ أوصت استراتيجية تطوير التعليم فى مصر التى وضعها أحمد فتحى سرور (محبات محمودحافظ ابو عميرة ، ١٩٨٩) " بضرورة فرز التلاميذ المتفوقين وفقا لمعايير تربوية ونفسية دقيقة ، ووضعهم فى فصول خاصة بهم وفقا لضوابط موضوعية ، واعطائهم مقررات اكثر عمقا حسب قدراتهم ، ومتابعتهم فى فصولهم بدء من التعليم الاساسى". ص ٤٣٧

وبناء عليه أصدرت وزارة التربية والتعليم (١٩٨٨) القرار ١١٤ : ونصه " ينشأ بكل مدرسة ثانوية عامة فصل او عدد من الفصول - بحسب الاحوال - للطلاب المتفوقين بكل صف دراسى". ص ١

ويذكر على السيد طنش ، (١٩٨٥) أنه بالرغم من انتشار فصول المتفوقين في معظم المدارس الثانوية الكبرى بالمحافظات إلا أن خطة الدراسة والمناهج والتنظيمات المدرسية بفصول المتفوقين لاختلفت عن سائر الفصول الثانوية الأخرى من حيث المحتوى أو طرق التدريس المستخدمة. ص ١٤١

رغم مظاهر الاهتمام السابقة بالتلاميذ المتفوقين ، إلا أنه توجد كثير من الأدلة التي تبين الحاجة إلى دراسة حاجات واهتمامات التلاميذ المتفوقين وبناء برامج تعليمية خاصة بهم سواء على المستوى العالمي أو المستوى المحلي ، ومن هذه الأدلة مايلي:

١- وجد في مسح قام به جالبريث (Galbraith , 1987) (NCTM) عن الصعوبات التي تواجه التلاميذ المتفوقين ، أنهم يعانون من كثير من المضايقات منها أن المهام المدرسية سهلة جدا ومملة ، وكثير من المقررات الدراسية غير مرتبطة بهم، كما أن الآباء والمدرسين والإصدقاء يتوقعون منهم الكمال دائما. P.4 ويؤكد ذلك فيلدهوزن (Feldhusen 1993) حيث وجد " أن الأطفال المتفوقين غالبا مايشعرون بالملل في المدرسة ، ويرجع ذلك إلى مستوى التعليم المنخفض ، وبطء معدله ، وقضاء التلاميذ وقتا كبيرا في تعلم أشياء يعرفونها بالفعل". P.1088
كما وجد إبراهيم عباس الزهيرى (١٩٩٣) أن ٥٥.٩٪ من أفراد العينة (البالغ حجمها ٤١٠ من العاملين في التربية والتعليم في مصر) يرون أن المقررات الدراسية الحالية لا تتناسب والقدرات العقلية للمتفوقين". ص ١٨٤

٢- أوضح تقرير ليموف (جيمس ت ويب ، وآخرون ، ١٩٨٥) * أن أكثر من ثلاثين بالمائة من التلاميذ المتسربين الذين لم يكملوا دراستهم الثانوية تزيد نسبة ذكائهم عن ١٣٥. ص ١٤ ، ويؤكد ذلك دراسة دافيز ورم (Davis and Rimm) سنه ١٩٨٥ (Sovchik,1989) حيث أظهرت * أن بعض الطلاب المتسربين من المدرسة الثانوية هم طلاب متفوقون . P. 142

٣- وفي مسح اجراه ريد (Reid 1992) عن الأبحاث التي يحتاجها العاملون في مجال تعليم المتفوقين بالولايات المتحدة الأمريكية ، وقد بلغت عينة هذا المسح (١٣٠٠٠) من العاملين في مجال تعليم المتفوقين ، وقد أسفرت الدراسة عن الحاجة إلى إجراء بحوث عن تطوير مناهج المتفوقين وفعالية البرامج المقدمة لهم . P.775

وفي مصر قام وليم عبيد ورضا مسعد السعيد (١٩٩١) بعرض وتحليل الدراسات التي اجريت في مجال تعليم الرياضيات ، واتضح من ذلك ضعف تناول بعض الموضوعات بالبحث والدراسة ، من بينها الموضوع التالي : اثر مناهج الرياضيات ودراسات عن القدرات العقلية للمتفوقين واحتياجاتهم . ص ١٥٨

وينطبق ذلك على التلاميذ المتفوقين في الرياضيات ، حيث ذكر المجلس القومي لمعلمي الرياضيات (NCTM 1985) * أن أكثر الطلاب اهمالا من حيث التحقيق الكامل لقدراتهم هم المتفوقون في الرياضيات بالرغم من ان القدرة الرياضية تعتبر من أهم مصادر المجتمع اللازمة للمحافظة على القيادة في عالم التكنولوجيا". P.18

لعل ماسبق يوضح ان حجم الاهتمام بالتلاميذ المتفوقين في مصر ضئيل اذا ما قورن بنظيره في الدول المتقدمة. كما يتضح ايضا عدم الاهتمام بالتلاميذ المتفوقين بالمرحلتين الابتدائية والاعدادية في مصر ، حيث تبين من خلال زيارات الباحث للمدارس الاعدادية بمدينة المنيا ، عدم وجود فصول خاصة للتلاميذ المتفوقين ، كما لايسمح لهم بتخطى الصفوف الدراسية ، ولا تدرس لهم اية مقررات اثرائية في الرياضيات. ويتنافى هذا مع الاتجاه المتمثل في الاهتمام بالتلاميذ المتفوقين بالمرحلة الاعدادية ، كما في برنامج دراسة الشباب مبكرى النضج في الرياضيات (SMPY) The Study of Mathematically Precocious Youth حيث يذكر ستانلى Stanley (1993) "ان هذا البرنامج بدأ في جامعة جونز هوبكنز Johns Hopkins Uni. سنة ١٩٧١ ، وانتشر حاليا ليشمل خمسين ولاية بأمريكا". P. 119

وقد أرجعت فوكس Fox (1976) أهمية تعليم التلاميذ المتفوقين في الرياضيات بالمرحلة الاعدادية الى نمو القدرة السببية الرياضية بطريقة جيدة لدى نسبة قليلة من التلاميذ مع نهاية الصف الخامس أو السادس، كما تبين أن التلاميذ المتفوقين بالصف الخامس أكثر استعدادا من التلاميذ العاديين بالصف السابع لدراسة الرياضيات المجردة والعلوم الطبيعية". PP. 34-35

كما يتنافى أيضا مع نتائج بحوث هولتجورث Hollingworth (عيد السلام عبد الغفار، ١٩٧٧) التي أظهرت ان المتفوق يستطيع ان يكمل دراسة البرنامج العادى في نصف الوقت الذى يحتاج اليه الطفل العادى ، وهناك بعض الاطفال لديهم القدرة على استكمال دراسة ما يدرسه الطفل العادى من برامج فى ربع الوقت المخصص لاكمال دراسة البرنامج * ص٩٧

ومما سبق تتحدد مشكلة الدراسة الحالية في معرفة أثر تدريس إحدى وحدات برنامج اثرائى فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى على تحصيلهم لكل من جوانب تعلمها الاثرائية والمعتمدة.

أهداف الدراسة:

تهدف الدراسة الحالية الى:

- ١- قياس فعالية تدريس البرنامج الاثرائى فى الرياضيات ممثلا فى وحدة المجموعات الاثرائية على تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى لجوانب تعلمها الاثرائية.
- ٢- قياس اثر تدريس البرنامج الاثرائى فى الرياضيات ممثلا فى وحدة المجموعات الاثرائية على تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى لجوانب التعلم الاثرائية لوحددة المجموعات مقارنة بتحصيل أقرانهم المتفوقين الذين يدرسون وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات.
- ٣- قياس فعالية تدريس البرنامج الاثرائى فى الرياضيات ممثلا فى وحدة المجموعات الاثرائية على تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى لجوانب التعلم المعتادة لوحددة المجموعات.
- ٤- قياس اثر تدريس البرنامج الاثرائى فى الرياضيات ممثلا فى وحدة المجموعات الاثرائية على تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى لجوانب التعلم المعتادة لوحددة المجموعات مقارنة بتحصيل أقرانهم المتفوقين الذين يدرسون وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات.

أهمية الدراسة:

ترجع أهمية الدراسة الحالية الى:

- ١- يمكن ان تمثل الدراسة الحالية أستجابة لتوصية التربويين بضرورة الاهتمام بالتلاميذ المتفوقين كثرة بشرية لا بد من استثمارها لصالح المجتمع.
- ٢- يمكن ان تسهم الدراسة الحالية في تقديم برنامج أثنائي في الرياضيات يمكن استخدامه بالاضافة الى مقرر الرياضيات في تلبية الاحتياجات التعليمية للتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي.
- ٣- يمكن ان تسهم الدراسة الحالية في تقديم اختبارات موضوعية في الرياضيات يمكن استخدامها في قياس تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي في الرياضيات.
- ٤- يمكن ان تسهم الدراسة الحالية في تقديم خلفية نظرية عن المتفوقين وصفاتهم وحاجاتهم والبرامج التعليمية الخاصة بهم ، مما قد يسهم في توفير الرعاية التربوية لهم.

فروض الدراسة:

تسعى الدراسة الحالية الى التحقق من صحة الفروض التالية:

- ١- يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية (الذين يدرسون البرنامج الاثنائي ممثلا في وحدة المجموعات الاثنائية) في كل من التطبيقين القبلى والبعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثنائية لوحدة المجموعات، وذلك لصالح التطبيق البعدي.
- ٢- يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة (الذين يدرسون وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات فقط) في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثنائية لوحدة المجموعات ، وذلك لصالح المجموعة التجريبية.
- ٣- يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية في كل من التطبيقين القبلى والبعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات ، وذلك لصالح التطبيق البعدي.
- ٤- يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات ، وذلك لصالح المجموعة التجريبية.

حدود الدراسة:

أقتصرت الدراسة الحالية على مايلي:

- ١- اعداد برنامج اثنائي في رياضيات الصف الاول الاعدادي (يشمل ثلاث وحدات اثرائية : المجموعات ، الاعداد الطبيعية ، والأشكال الهندسية المستوية) ، مع عدم التعرض للاسراع.
- ٢ - محاولة تحقيق الاهداف المعرفية للبرنامج الاثنائي الممثل في وحدة المجموعات الاثنائية التي يتم تدريسها لتلاميذ المجموعة التجريبية .
- ٣-عينة الدراسة من التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي في العام الدراسي ١٩٩٤/١٩٩٣ بعض افضل مدارس مدينة المنيا.
- ٤- تتحدد مجموعة التلاميذ المتفوقين (عينة الدراسة) في ضوء الذكاء ، والتحصيل العام ، والتحصيل السابق في الرياضيات معا.

أدوات الدراسة:

يتم استخدام الأدوات التالية:

- ١- برنامج اثرائى فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى يشمل ثلاث وحدات اثرائية: المجموعات ، والأعداد الطبيعية، والأشكال الهندسية المستوية (من اعداد الباحث).
- ٢- اختبار تحصيلى لقياس تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى لجوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الاثرائى " اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات" (من اعداد الباحث).
- ٣- اختبار تحصيلى لقياس تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى لجوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات " اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات" (من اعداد الباحث).
- ٤- اختبار القدرات العقلية للاعمار ٩- ١١ لقياس الذكاء (اعداد فاروق عبد الفتاح موسى).

مجتمع وعينة الدراسة:

- تم اختيار افضل اربع مدارس اعدادية (فى ضوء نتائج الشهادة الاعدادية) بمدينة المنيا ، ليمثل تلاميذها المتفوقين بالصف الاول مجتمع عينة البحث ، ثم تم اختيار مجموعتين متجانستين من هؤلاء التلاميذ، احدهما مجموعة تجريبية ، والاخرى مجموعة ضابطة ، وذلك فى ضوء الشروط التالية:
- ١- الحصول على مجموع $\leq 90\%$ فى امتحان نهاية المرحلة الابتدائية.
 - ٢- الحصول على درجه $\leq 90\%$ فى اختبار الرياضيات فى نهاية المرحلة الابتدائية .
 - ٣- الحصول على نسبة ذكاء انحرافية ≤ 130 كما يقيسها اختبار القدرات العقلية (اعداد فاروق عبد الفتاح موسى).
 - ٤- العمر الزمنى ≥ 11 سنة.

مصطلحات الدراسة:

١- المتفوقون: Gifted

عرف تيرمان (Terman, 1985) المتفوق عقليا بأنه من يحصل على درجات فى اختبار ذكاء تضعه ضمن افضل ١٪ من المجموعة التى ينتمى اليها" P. 2047. ويعرف دير (Durr (عبد السلام عبد الغفار، ١٩٧٧) المتفوقين" بانهم من لديهم استعداد اكاىمى على مستوى مرتفع سواء عبر عن هذا المستوى او كان لايزال كامنا". ص ص ٥٠-٥١

ويقصد بالتلاميذ المتفوقين - فى هذه الدراسة - مجموعة من تلاميذ الصف الاول الاعدادى ذوى الاداء المرتفع فى كل من المجالات الثلاثة التالية:

- أ - التحصيل السابق العام (مجموع درجات الصف الخامس $\leq 90\%$).
- ب - التحصيل السابق فى الرياضيات (درجة الرياضيات فى الصف الخامس $\leq 90\%$).
- ج - القدرة العقلية العامة (نسبة الذكاء الانحرافية ≤ 130).

٢ - الإثراء: ENRICHMENT

عرف رينزولي (1977) الإثراء بأنه " الخبرات او الانشطة الاعلى وفيما وراء المنهج المعتاد PP. 13 - 14. " ويعرف جود (1973) Good الإثراء في الرياضيات بأنه " خبرات التعلم الرياضية الخاصة بتلميذ او مجموعة من التلاميذ والتي تعتبر توسيعا للمنهج المعتاد". P. 213

ويقصد بالإثراء - في هذه الدراسة - توسيع مقرر رياضيات الصف الاول الاعدادي ، لكي يتم توفير فرص تعليمية اضافية للتلاميذ المتفوقين لدراسة أنشطة لاتوجد في مقرر الرياضيات، ولكنها ترتبط به وتعمل على تعميقه.

٣- البرنامج الإثرائى: Enrichment Program:

عرف جود (1973) Good البرنامج الإثرائى بأنه " توسيع للمنهج لكي يتم توفير فرص تعليمية اضافية للتلاميذ المتفوقين". P. 213

ويقصد - في هذه الدراسة - بالبرنامج الإثرائى في الرياضيات ، مجموعة الأنشطة الرياضية الخاصة بالتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي ، والتي لاتوجد في مقرر الرياضيات ، ولكنها ترتبط به وتعمل على تعميقه.

٤- التحصيل: Achievement

عرف جود (1973) Good التحصيل الدراسي بأنه " المعرفة المكتسبة او المهارات التي تم ترميزها في المواد الدراسية ، ويقاس عادة بالاختبارات التحصيلية او بعلامات يضعها المعلم". P. 7

ويقصد بتحصيل جوانب التعلم المعتادة - في هذه الدراسة - مايكسبه التلاميذ المتفوقون من جوانب التعلم المتضمنة بمحتوى وحدة المجموعات المقررة بالصف الاول الاعدادي ، ويعبر عنه بالدرجات التي يحصلون عليها في اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات.

كما يقصد بتحصيل جوانب التعلم الإثرائية - في هذه الدراسة - مايكسبه التلاميذ المتفوقون من جوانب التعلم المتضمنة بمحتوى وحدة المجموعات الإثرائية المتضمنة بالبرنامج الإثرائى ، ويعبر عنه بالدرجات التي يحصلون عليها في اختبار تحصيل جوانب التعلم الإثرائية لوحدة المجموعات .

اجراءات الدراسة:

- تحليل محتوى وحدات المجموعات ، الاعداد الطبيعية ، والاشكال الهندسية المستوية المتضمنة بمقرر رياضيات الصف الاول الاعدادي الى جوانب تعلمها المعرفية (المفاهيم، العلاقات ، والمهارات).
- بناء برنامج اثرائى في الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي يشمل الوحدات الثلاثة السابقة.
- بناء اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات.

- بناء اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحدة المجموعات.
- اختيار عينة البحث.
- القيام بتجربة استطلاعية للبرنامج ممثلا في وحدة المجموعات الاثرانية ، وحساب الصدق ، والثبات ، والتميز ، والسهولة لكل من الاختبارين التحصيليين
- التطبيق القبلي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة.
- التطبيق القبلي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة.
- تدريس البرنامج الاثراني في الرياضيات ممثلا في وحدة المجموعات الاثرانية لتلاميذ المجموعة التجريبية فقط ، وتدريس وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات لتلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة.
- التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة.
- التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة
- معالجة نتائج تطبيق الاختبارين التحصيليين احصائيا باستخدام اختبار 'ت' ، ونسبة الكسب المعدل لبلاك ، واختبار مان ويتنى Mann - Whitney

الفصل الثاني الاطار النظري للدراسة

يتناول هذا الفصل الموضوعات الآتية :

- * حول التلاميذ المتفوقين
- * حول تعليم التلاميذ المتفوقين
- أ - برامج تعليم التلاميذ المتفوقين
- ب - أنواع برامج تعليم المتفوقين
- 1 - الأسر
- 2 - الأثر
- ج - تجميع التلاميذ المتفوقين
- بناء على القدرة
- د - نماذج تطوير مناهج
- التلاميذ المتفوقين
- * حول رياضيات المرحلة الإعدادية

الاطار النظري حول التلاميذ المتفوقين

1- ماهية التلاميذ المتفوقين :

يعد وضع تعريف اجرائي للتلاميذ المتفوقين مطلباً اساسياً لاعداد برامج تعليمية لهؤلاء التلاميذ ، حيث يعد هذا التعريف اساساً لاجراءات تحديد واختيار التلاميذ المتفوقين .
وقد تعددت تعاريف التلاميذ المتفوقين ، ويمكن تصنيفها في مجموعتين :

أ - مجموعة تعاريف المتفوقين في ضوء بعد واحد:

وهي تضم تلك التعاريف التي تنظر الى التفوق العقلي في ضوء بعد واحد ، مثل ارتفاع مستوى الذكاء او التحصيل ، ومن بين هذه التعاريف ، تعريف **هولنجورث (Hollingsworth 1985) (passow, 1985)** ، حيث عرفت التلاميذ المتفوقين بانهم " افضل ١٪ من افراد المجموعة من حيث الذكاء العام". P.2046
ويرى **بنتلي (حسن سيد شحاتة ، ومحبات محمود حافظ ابو عسيرة ، 1994)** أن الطلاب المتفوقين هم " اولئك الطلاب ذوو الاستعدادات غير العادية للعمل المدرسي الذين يتميزون بقدرة عقلية غير عادية ، وقد وجد ان نسبة ذكائهم تزيد عن ١١٠". ص ١١٣
كما عرف **باسو (Passow) (عبدالسلام عبدالغفار ، ويوسف محمود الشيخ ، 1966)** التفوق العقلي بأنه " القدرة على الامتياز في التحصيل". ص ٨٩

ب - مجموعة تعاريف المتفوقين في ضوء عدة ابعاد:

وهي تضم تلك التعاريف التي تعد الامتياز في اى مجال من المجالات المفيدة اساساً لتعريف المتفوقين ، وفيها يتم التأكيد على العديد من القدرات ، ومن بين هذه التعاريف تعريف الجمعية القومية لدراسة التربية بامريكا **(عبد السلام عبد الغفار ، ويوسف محمود الشيخ ، 1966)** بان المتفوق هو " من استطاع ان يحصل باستمرار تحصيلاً مرموقاً او فائقاً في اى مجال من المجالات التي تقدرها الجامعة". ص ٨٩
وتعريف **ويتى (Clark , 1992)** للتلاميذ المتفوقين بانهم " ذوو الاداء المتسق المتميز في اى من المجالات القيمة". P.6
كما عرف **فليجلر وبيش (Fliegler & Bish) (عبدالسلام عبدالغفار ، 1977)** التلاميذ المتفوقين بانهم " من يصلون في تحصيلهم الاكاديمي الى مستوى يضعهم ضمن افضل ١٥٪ الى ٢٠٪ من المجموعة التي ينتمون اليها ، وهم اصحاب المواهب التي تظهر في مجال كالرياضيات ، والمجالات الميكانيكية ، والعلوم ، والفنون التعبيرية ، والكتابات الابتكارية ، والقيادة الاجتماعية". ص ٤٩

ومن اكثر تعاريف هذه المجموعة قبولا وانتشاراً في الولايات المتحدة الامريكية تعريف مكتب التعليم بالولايات المتحدة الامريكية USOE ، وتعريف رينزولى. وقد قدم **مارلاند (Marland 1972)** تعريف USOE للأطفال المتفوقين بانهم " الذين تم تحديدهم بواسطة اخصائين مؤهلين ، وهم قادرون - بفضل قدراتهم - على الاداء المتميز ، ويحتاجون الى برامج تعليمية متميزة وخدمات ابعد من تلك المقدمة في برنامج المدرسة المعتاد ، وذلك لكي يحققوا انجازات لانفسهم وللمجتمع ، وتتضمن مجموعة القادرين على الاداء المتميز الاطفال الذين اظهروا انجازات او لديهم مقدرة على ذلك في اى من مجالات : القدرة العقلية

العامة ، والاستعداد الدراسي الخاص ، والتفكير الابتكاري أو الانتاجي ، والقدرة على القيادة ، والفنون البصرية الادائية ، والقدرة النفسحركية *P.204 وقد تم حذف القدرة النفسحركية من التعريف السابق سنة ١٩٧٨ ، كما تم تعديله سنة ١٩٨١ ليصبح كما يلي: (Clark, 1992) "ان التلاميذ المتفوقين هم الذين يعطون مؤشرات للمقدرة على الاداء المتميز فى مجالات مثل المجالات العقلية ، والابتكارية، والفنية ، والقدرة على القيادة ، او مجالات اكلاديمية معينة ، وهم يحتاجون الى خدمات وانشطة غير مقدمة فى المدرسة بصفة عامة ، وذلك لتحقيق النمو التام لهذه القدرات * . P.6

وقد نقد رينزولى **Renzulli** تعريف USOE للمتفوقين من حيث عدم تضمينه للجوانب غير العقلية مثل عوامل الدافعية ، وعدم استقلالية الإبعاد المتضمنة فى التعريف . وعرف **رينزولى (Ridge and Renzulli, 1981)** الموهبه بانها ' تتكون من تفاعل ثلاث سمات متداخلة هى القدرات العامة فوق المتوسطة ، المستويات العليا لتعهد المهمة ، والمستويات العليا للابتكارية *P.204. ، كما عرف المتفوقين بانهم ' الذين يمتلكون او القادرون على انماء المجموعة المركبة من هذه السمات وتطبيقها فى اى مجال من مجالات الاداء الانسانى القيمة ، وهم يحتاجون الى فرص تعليمية وخدمات غير متوفرة بصفة عامة فى برنامج الدراسة المعتاد *P.204.

وفى ضوء ما سبق يمكن الاشارة الى الاتى:

- لم يعد يقتصر تعريف المتفوقين على بعد واحد مثل الذكاء او التحصيل ، بل تعدى ذلك الى العديد من المجالات ذات الاهمية للمجتمع.
- يعد بناء برامج تعليمية متميزة - تختلف عن تلك المقدمة للعاديين - مطلباً اساسياً للتلاميذ المتفوقين .

٣ - خصائص التلاميذ المتفوقين :

تعد معرفة خصائص التلاميذ المتفوقين امراً هاماً فى عملية تعرف هؤلاء التلاميذ ، فضلاً على انها تعد اساساً من أسس بناء البرامج التعليمية الخاصة بهم. ومن الدراسات الرائدة فى مجال تحديد خصائص التلاميذ المتفوقين دراسات **تيرمان Terman** بجامعة ستانفورد بكاليفورنيا ، التى بدأت سنة ١٩٢١ واستغرقت ربع قرن ، ويذكر **خليل ميخائيل معوض (١٩٨٣)** نتائج هذه الدراسات ، ومن أهمها مايلي:

أ - من حيث الجانب الجسمى:

اوضحت النتائج ان الطفل المتفوق يفوق الطفل العادى فى نموه الجسمانى فالاول اكثر طولاً واقوى بنية واوفر صحة، وان الاطفال المتفوقين اكثر تحكماً وسيطرة على عضلاتهم من العاديين ، كما أنهم أكثر وسامة وأجمل خلقة من زملائهم العاديين.

ب - من حيث الجانب العقلى:

- * كان المتفوقون أكثر قدرة على القيام باعمالهم المدرسية ، وأكثر تقدماً وتميزاً عن زملائهم العاديين فى نفس فرقتهم الدراسية ، هذا بالرغم من أن المتفوقين كانوا أصغر سناً من العاديين.
- * اثبت المتفوقون - على وجه العموم - امتيازهم فى جميع المواد الدراسية ، ووصل تفوقهم الى القمة فى القراءة والحساب ، واستخدام اللغة والعلوم ، والفنون .
- * كان النمو اللغوى واضحا عند المتفوقين منذ الصغر وكانت دلالاته تبدو فى استلثهم وهم فى سن مبكرة.

- استمرار ارتفاع مستوى ذكاء أفراد العينة عن المستوى العام للقطاع السكاني الذى ينتمون اليه.
- استمرار تفوق افراد العينة ، حيث التحق منهم ٩٠٪ من الذكور و٨٦٪ من الاناث بالجامعة ، وتخرج ٧٠٪ من الطلاب و ٦٧٪ من الطالبات ، وهذه النسبة تمثل ثمانية اضعاف نسبة الخريجين والخريجات فى كل سكان ولاية كاليفورنيا . كما بلغت نسبة الذين واصلوا دراستهم العليا ٦٨٪ من الذكور و ٦٠٪ من الاناث ، وكانت نسبة من حصل منهم على درجة الدكتوراة يساوى خمسة اضعاف نسبة من حصل على هذه الدرجة من مجموع خريجي الجامعات . ص ص ١١٤ - ١٢٠ .

ج- من حيث الجانب الانفعالي:

يذكر **عبد السلام عبد الغفار (١٩٧٧)** ان التقارير التى وردت عن أفراد العينة أظهرت انهم قد وصلوا الى مستويات افضل مما يتوقعه الباحثون فى المجتمع بصفة عامة من حيث الصحة النفسية، اذ كانت نسبة من اصيبوا باضطرابات نفسية واضطرابات عقلية اقل بكثير من النسبة المتوقعة بين افراد المجتمع. وبصفة عامة قرر جميع افراد العينة انهم احسن حالا من غيرهم وانهم اكثر من الاخرين شعورا بالسعادة والنجاح . ص ص ٩٤-٩٥

كما ذكر **جيمس ت ويب وآخرون (١٩٨٥)** بيانا موجزا بالخصائص العقلية للأطفال المتفوقين وهى:

- لديهم كثير من المفردات بالمقارنة باقرانهم.
- لديهم القدرة على القراءة المبكرة اكثر من الاطفال العاديين ، وغالبا مايكون ذلك من سنن ما قبل المدرسة.
- لديهم فهم اعمق لدقائق اللغة .
- قدرتهم على التركيز والمتابعة والانتباه لوقت طويل .
- قدرتهم على تعلم المهارات الاساسية بسرعة وبدون تمرين.
- متعددو الاهتمامات والميول .
- لديهم حب استطلاع مرتفع مع معين لاينضب من الاسئلة .
- لديهم حب التجارب وعمل الاشياء بطرق مختلفة .
- تركيزهم للافكار والاشياء بطريقة غير عادية وغير واضحة (التفكير التباعدى) .
- قدرتهم على حفظ كمية كبيرة من المعلومات .
- حاضروا البديهة . ص ٤١

وقد وضع **المجلس القومى لمعلمي الرياضيات بأمريكا NCTM (1987)** قائمة مفصلة لخصائص

التلاميذ المتفوقين فى صورة أربع مجموعات هى:

أ - خصائص عامة:

- يقرأ مبكرا ، يفهم جيدا ، ولديه حصيلة مفردات .
- يتذكر الشعر ، الاغانى ، والقصص ،.....الخ .
- يتقن المهارات الاساسية بسرعة .
- لديه قدرة مكانية متقدمة .
- لديه القدرة على التعامل والتأثير فى الاخرين .
- لديه احساس مبكر بالعدل .
- لديه استبصار فى تفسير كل من التلميحات اللفظية وغير اللفظية .
- لديه القدرة على تكوين المجردات والتعامل معها .
- لديه القدرة على التركيز والعمل المستقل لفترات زمنية طويلة .

- مبادر ، ذاتي التوجيه ، ويسعى الى الكمال .
- مستمتع بنشط ، وفضولي .
- لديه اهتمامات مركزة ، ومتنوعة .
- يستمتع بالاشياء الجديدة والطرق الجديدة في عمل الاشياء .
- منظم وكفء .
- متحمس للأفكار الجديدة والتحديات .
- لديه حس فكااهي جيد .

ب - خصائص متعلقة بالتعلم:

- يستمتع بالنشاط العقلي .
- لديه قوة ملاحظة ، ويميز الاشياء الهامة بطريقة جيدة .
- لديه قدرة على التجريد ، وتصور المفاهيم ، والتركيب .
- يستبصر علاقات السبب والنتيجة .
- يميل الى التساؤل ، والبحث عن المعلومات لذاتها، ويستخدم مصادر متنوعة .
- يتشكك ، وينقد ، ويقوم .
- لديه خلفية معرفية متسعة ، وقدرة على الاستدعاء .
- لديه القدرة على فهم المبادئ الضمنية والتوصل الى تعميمات .
- لديه القدرة على ادراك التشابهات والاختلافات والشواذ .
- لديه القدرة على توصيل الافكار بكفاءة .

ج - خصائص متعلقة بالابتكار:

- يتميز تفكيره بالطلاقة ، والمرونة ، والاصالة .
- لديه القدرة على اعطاء مزيد من التفاصيل .
- محب للاستطلاع بدرجة كبيرة .
- يخمن ويضع الفروض بطريقة جيدة .
- يحب اللعب العقلي والتخيلي .
- لديه حس بالابعاد الجمالية .
- يميل غالبا المهام الروتينية .
- مبدع وغير مكبوت عقليا .
- حساس بطريقة غريزية وانفعالية .

د - خصائص متعلقة بالرياضيات:

- لديه حب استطلاع مبرك ، وفهم المظاهر الكمية للاشياء .
- لديه قدرة على التفكير المنطقي والرمزي في العلاقات الكمية والمكانية .
- لديه قدرة على ادراك وتعميم الانماط ، التركيبات ، والعلاقات ، والعمليات الرياضية .
- لديه قدرة على اختصار السببية الرياضية، وايجاد حلول مختصرة .
- لديه قدرة على التفكير التحليلي والاستدلالي والاستقرائي .
- لديه المرونة وامكانية عكس العمليات العقلية المتضمنة في نشاط رياضي .
- لديه قدرة على تذكر الرموز ، والعلاقات ، والبراهين ، وطرق الحل الرياضية .
- لديه قدرة على نقل أثر التعلم الى مواقف جديدة .

- لديه قدرة ومثابرة في حل المشكلات الرياضية.
- لديه قدرة على ادراك العالم من حوله رياضيا. PP.8-9

وقد ذكر فيلدهوزن **Feldhusen (1987)** ان **ماسى وجاتيهيه Masse and Gagne** استنتجوا من خلال فحصهما للبحوث المتعلقة بخصائص التلاميذ المتفوقين "انه يوجد أربع خصائص اساسية وعامة هي: التعلم السريع ، سهولة تعلم المادة المعقدة ، تنوع الميول ، والتعمق في اهتمامات معينة". P. 615

كما ذكر فيلدهوزن **Feldhusen (1993)** "ان الخاصية الأساسية للمتفوقين هي النضج العقلي المبكر". P.1088.

وعن خصائص التلاميذ المتفوقين في الرياضيات فقد حدد **كروتيتسكى Krutetskii (1976)** -في دراسته عن علم نفس القدرات الرياضية - الخصائص التالية التي تميزهم ، حيث ان لديهم:

- ادراك شكلي للمادة الرياضية، وفهم التركيب الشكلي للمشكلات.
- تفكير منطقي في العلاقات الكمية والمكانية ، وقدرة على التفكير بالرموز الرياضية.
- تعميم سريع وواسع للمفاهيم ، والعلاقات، والعمليات الرياضية.
- قدرة على اختصار السببية الرياضية ، والتفكير في تركيبات مختصرة.
- مرونة في العمليات العقلية.
- البحث عن وضوح وبساطة ، واقتصادية ، ومنطقية الحلول .
- سرعة في اعادة تشكيل العمليات الرياضية ، فضلا عن امكانية عكس السببية المنطقية.
- ذاكرة شاملة للعلاقات ، والخصائص ، والبراهين ، وطرق الحل ، ومبادئ حل المشكلات الرياضية.
- نشاط ومثابرة في حل المشكلات. PP. 350 - 351

اما **جرينيز Greenes (1981)** فتورد سبع خصائص تميز التلاميذ المتفوقين في الرياضيات وهي:

- تكوين تلقائي للمشكلات .
- مرونة في معالجة البيانات .
- قدرة على تنظيم البيانات .
- قدرة على التفكير في افكار تباعدية ، وطلاقة الافكار .
- أصالة في التفسير .
- قدرة على نقل الافكار .
- قدرة على التعميم. PP. 14 - 17

ويذكر **فيميس Vance (1983)** الخصائص التالية للتلاميذ المتفوقين في الرياضيات حيث أنهم:

- يحصلون على درجات عالية في اختبارات الذكاء ، والاختبارات التحصيلية ، كما أنهم يؤدون اعمالهم بسرعة وبدقة .
- يتعلمون المادة الجديدة بسرعة ، ويستطيعون تذكر وتطبيق ، ونقل ماتعلموه الى مواقف جديدة
- ينظمون الانماط ، ويدركون العلاقات ، ويعممون النتائج ، وينتقلون بسرعة من التفكير المحسوس الى المجرد .
- يستطيعون حل المشكلات التي تتضمن اكثر من خطوة ، لانهم قادرون على تطبيق السببية المنطقية .

- يستطيعون إيجاد أكثر من حل لمشكلة ، وان يفكروا فى مشاكل مرتبطة بهذه المشكلة أو امتداد لها .
- يستمتعون بإيجاد مشكلات ، وحل اللغز من مصادر خارجية .
- لديهم حب استطلاع بصفة عامة، ويحبون الأشياء التى تتحدى قدراتهم فى الرياضيات . P. 23

وقد ذكر فريديريك هـ . بل (1٩٨٦) صفات التلاميذ المتفوقين فى الرياضيات فهم:

- على مستوى جيد فى العمليات المعرفية ذات المستوى الاعلى مثل التحليل والتركيب والتقييم ، كما يصبحون على درجة عالية من الكفاءة فى التفكير المجرد والاستدلالى الاستنباطى .
 - على مستوى جيد فى حل المشكلات لانهم يستطيعون التعامل مع عدد من المتغيرات فى وقت واحد، ويستطيعون ادراك العلاقات المركبة بين المفاهيم الرياضية .
 - قادرون على فهم المفاهيم والاساسيات الرياضية والتناول العقلى لفئات الرموز الرياضية ، بمعنى انهم على مستوى جيد فى الاستدلال الرمزى .
 - قادرون على صياغة الحدثيات ، واثبات النظريات ، لانهم يميلون الى ان يكونوا على بصيرة فى مدخلهم للرياضيات، فهم يستطيعون النظر الى المسائل بوجهات نظر متعددة .
 - قادرون على الاخراط فى التفكير التباعدى، فهم مفكرون رياضيون يتسمون بالابتكارية والاصالة .
 - على درجة لأبأس بها من حب الاستطلاع العقلى ، فهم مهتمون بمدى واسع من الافكار ، وفى المدرسة يطرحون كثيرا من الاسئلة الجيدة ، ويريدون ان يعرفوا اسباب الأشياء ، فهم يحتاجون الى ان يعرفوا كيف تأتى الاجراءات الخوارزمية بالإجابة الصحيحة ، وكيفية صحة النظريات وكيف تم اكتشاف الافكار الرياضية وهم يريدون ان يفهموا المفاهيم والاساسيات التى تتضمنها كل عملية رياضية .
 - قادرون على قراءة وفهم الرياضيات بانفسهم ، لذا فانهم يميلون الى التقدم فى كتبهم، ويبحثون طواعية عن الكتب والمقالات فى مجال الرياضيات ، ويبحثون عن مشكلات والعباب رياضية تتحدى قدراتهم .
- ص ص ٢٤٦ - ٢٤٧

كما لخص محمود احمد شوي (١٩٨٩) خصائص التلميذ المتفوق فى الرياضيات فيما يلى:

- نسبة الذكاء ١١٥ على الاقل .
- يكون فى عمله المدرسى فوق المتوسط دائما .
- يتحمس لدراسة الرياضيات والمواد التى تستخدم فيها الرياضيات ، والقيام بالاعمال التى تستلزم دراسة الرياضيات .
- لديه القدرة على توجيه نفسه وتقييم مجهوده .
- يظهر كفاءة فى حل المشكلات ومواجهة المواقف .
- قادر على التفكير المجرد واستنتاج التعميمات .
- قادر على الابتكار والمبادأة .
- لديه بعض عادات العمل التى تتميز بالكفاءة .
- لديه ميل نحو الرياضيات عموما وميول اخرى قوية نحو موضوعات بذاتها فى الرياضيات .
- يستمتع بالقراءة والكتابة على وجه العموم .
- قادر على التعبير السليم وعلى التصور .
- لا يتذوق العمل الروتيني ذا الطابع التكرارى .
- قادر على الانتباه لفترة طويلة . ص ص ٩٨ - ٩٩

- ومما سبق يمكن استخلاص الخصائص التالية للتلاميذ المتفوقين في الرياضيات :
- يتعلمون الرياضيات بسرعة، وهم قادرون على فهم أساسيات الرياضيات ، وإثبات العلاقات ، وتطبيق ماتعلموه في مواقف جديدة .
 - يتمتعون بذاكرة جيدة وشاملة للمفاهيم والعلاقات والبراهين وطرق الحل .
 - لديهم القدرة على ادراك العلاقات ، والتفكير المجرد ، والاستدلال المنطقي .
 - لديهم القدرة على التفكير الابتكاري في الرياضيات من حيث الطلاقة، والمرونة ، والاصالة .
 - يظهرون كفاءة في حل المشكلات الرياضية ، حيث انهم:
 - * يدركون المادة الرياضية ، ويفهمون التركيب الشكلي للمشكلات .
 - * قادرون على تنظيم البيانات ومعالجتها .
 - * قادرون على تطبيق السببية المنطقية ، فضلا عن امكانية عكس خطوات السببية المنطقية .
 - * يستطيعون ايجاد اكثر من حل للمشكلة ، وان يفكروا في مشاكل مرتبطة بهذه المشكلة ، او امتدادات لها .
 - * يبحثون عن وضوح ، وبساطة ، واقتصادية ومنطقية الحلول .
 - * قادرون على الانتباه لفترة طويلة ، والمثابرة في حل المشكلات الرياضية .
 - هم على درجة عالية من حب الاستطلاع، وان يفهموا المفاهيم والاساسيات التي تتضمنها كل عملية رياضية، ويبحثون عن مشكلات والغاز رياضية تتحدى قدراتهم .
 - يميلون الى دراسة الرياضيات ، والمواد التي تستخدم فيها الرياضيات ، والقيام بالاعمال التي تستلزم دراسة الرياضيات .
 - يحصلون على درجات مرتفعة في الاختبارات التحصيلية في الرياضيات ، ويؤدون الاعمال المدرسية بسرعة وبدقة .

ومن العرض السابق لخصائص التلاميذ المتفوقين (بصفة عامة) وخصائص التلاميذ المتفوقين في الرياضيات (بصفة خاصة) يمكن القول ان التلاميذ المتفوقين في الرياضيات لهم بعض الخصائص المشتركة مع التلاميذ المتفوقين (بصفة عامة) ، كما انهم مجموعة متميزة تختلف اختلافا ملحوظا عن اقرانهم العاديين ، لذا ينبغي تقديم برامج تعليمية خاصة لهؤلاء التلاميذ تختلف عن تلك المقدمة للتلاميذ العاديين ، على ان تأخذ في اعتبارها تلك الخصائص .

٣ - حاجات التلاميذ المتفوقين:

- ذكر فريدريك هـ. بل (١٩٨٦) أن الجمعية القومية للتربية *NEA* أعدت قائمة بالحاجات العامة للتلاميذ المتفوقين وهي:
- ان يصبح محبا للاستطلاع من الناحية العقلية ، ويبحث عن المعاني ويحاول ان يعثر على علاقات جديدة بدلا من الحقائق القديمة .
 - ان يحسن القدرة على الدراسة المستقلة وان يقوم بالبحث مع العناية بعادات العمل الاساسية ومهارات الدراسة وطرق البحث .
 - ان يتعلم تطبيق مدى واسع من المعارف والاساسيات على حل كثير من مشكلات الحياة .
 - ان يكتسب المهارة في تقويم الذات .
 - ان ينمي مهارات في التفكير الناقد .
 - ان يكتسب الرغبة في الوصول للحقيقة ، ويصبح متفتح العقل (واسع الافق) مع احساس بالحكم غير المعلق الحاسم .

- ان ينمى القدرة القيادية ويتضمن ذلك التوازن الشخصى، واحترام حق الاخرين والمهارة فى ديناميات الجماعة وعلاقات الشخص بالشخص.
- ان يوسع الميل نحو ابتكارية انماط (انواع) مختلفة.
- ان يحس بمضامين التغيير.
- ان يتقن المهارات فى الاتصال .
- ان ينمى مساحة الرؤية ليدرك امكانات المستقبل، وحقائق الحاضر ، وتراث الماضى ، ليرى فى ذلك كله التيار المستمر لافكار واهتمامات وقضية الانسان. ص ص ٢٥٠ - ٢٥١

وقد ذكر **فيلدهوزن Feldhusen (1993)** ان الاطفال المتفوقين لديهم حاجات خاصة ، وهى:
 - ينبغى ان يؤسس المنهج والتعليم على معدل ، ومستوى ، واثراء مناسب ومتحد ، وذلك لتسهيل النمو الاكاديمى ، وتقوية الدافعية للتعلم .
 - يحتاج الاطفال المتفوقون الى تأييد ورعاية كل من الاباء ، والمدرسين ، والزملاء ، والموجهين ، ممايساعدهم فى تنمية الاهداف بعيدة المدى .
 - يحتاج الاطفال المتفوقون الى ان يفهموا مواهبهم ، واستعداداتهم ، وسماتهم الشخصية ، وتنمية القدرة على توجيه الذات P. 1088

وبالاضافة الى الحاجات العامة للتلاميذ المتفوقين ، فان التلاميذ المتفوقين فى الرياضيات لهم حاجات خاصة ، وقد ذكرت **هيد Heid (1983)** الحاجات التالية للتلاميذ المتفوقين فى الرياضيات:
 - ان تكون المناهج متسعة ، ومتمعة ، ومرنة بدرجة تسمح بتوفير مجالات مناسبة للتفكير ، كما تشجع اكتشاف التلاميذ للعلاقات الرياضية .
 - ان يتوقع المعلمون مواهب التلاميذ المتنوعة ، ويهتمون بها ويشجعونها .
 - توفير الوقت والتوجيه لمواصلة الدراسة المستقلة للموضوعات الرياضية التى تم اختيارها. PP224 -225

كما ذكر **فريدريك هـ بل (1982)** الحاجات الخاصة للتلاميذ المتفوقين فى الرياضيات التالية:
 - يحتاج المتفوقون الى التفاعل مع معلمين يعرفون اكثر من الرياضيات التى تحتويها الكتب المدرسية ، بحيث يستطيعون مساعدة التلاميذ المتفوقين فى تحديد الكتب والمقالات الجيدة عن الرياضيات .
 - يحتاج المتفوقون الى قضاء وقت اضافى مع معلمهم خارج الفصل ، فهم يحتاجون الى مساعدة خاصة فى فهم المفاهيم والاساسيات من القراءات الرياضية التى يقومون بها باستقلالية .
 - يحتاج المتفوقون الى تركيز انتباههم وتوجيه جهودهم نحو تعلم رياضيات ذات مستوى اعلى ، وتنفيذ أنشطة بناءة فى تعلم الرياضيات .
 - يحتاج المتفوقون الى ان يسمح لهم بنوع من المرونة فى أنشطة الفصل وتعيينات الواجب المنزلى ، ويحتاجون الى ان يتم التدريس لهم بشأن كيفية تنظيم وقتهم. ص ص ٢٥١ - ٢٥٣

يلاحظ من العرض السابق لحاجات التلاميذ المتفوقين ، ان هؤلاء التلاميذ لهم حاجات عامة وحاجات خاصة فى الرياضيات ، لذا ينبغى ان تعمل البرامج التعليمية الخاصة بهم على اشباع هذه الحاجات .

٤- تحديد التلاميذ المتفوقين :

ذكرت كلارك *Clark (1992)* أن أحد الأهداف الأساسية لعملية تحديد المتفوقين هو الحصول على معلومات تساعد التربويين في تقديم برامج تناسب نمو قدرات التلاميذ المتفوقين بطريقة جيدة ، كما ترى أن عملية تحديد المتفوقين لتسكينهم في برامج خاصة بهم يجب أن تتم بواسطة مجموعة من المتخصصين في مجالات متنوعة مثل مدير المدرسة ، والمعلم ، والموجه (المستشار) Counselor أو اخصائى نفسىPsychologist، ومنسق البرنامج وينبغي ان يهتدوا بدراسة حالة اوبروفيلProfile للمساعدة فى اتخاذ القرار المتعلق بعملية التحديد. P.216

وقد اقترح *فيلدهوزن وآخرون. Feldhusen et al. (1984)* نموذجاً ذا خمس خطوات لعملية تحديد التلاميذ المتفوقين هي:

أ- تحديد اهداف البرنامج وانواع التلاميذ الموضوع من اجلهم، وتعتمد هذه الخطوة على تعريف مفهوم المتفوقين ، وتحديد حاجاتهم، وينبغي ان تكون اهداف البرنامج متمشية مع الامكانيات المتاحة للبرنامج .

ب- الاعتماد على اجراءات الترشيح nomination فى تحديد كل التلاميذ المؤهلين للالتحاق بالبرنامج ، وفى هذه الخطوة ينبغي استخدام كل مصادر المعلومات المتاحة من السجلات المدرسية ، ودرجات الاختبارات ، وقوائم صفات الشخصية وآراء المعلمين والاباء والزملاء .

ج- الاعتماد على اجراءات القياسAssessment التى تفرز المرشحين للبرنامج بطريقة فعالة ، وفى هذه الخطوة ينبغي استخدام عديد من الاختبارات مثل اختبارات الذكاء ، والاختبارات التحصيلية ، واختبارات الابتكارية ، واختبارات الاستعداد ... الخ فكلما كانت المعلومات المتاحة كثيرة ، كلما كانت البرامج المقدمة اكثر فعالية .

د- التمييز بين التلاميذ وذلك بفحص كل بيانات البروفيل المتعلقة بكل تلميذ وتتضمن هذه الخطوة تخيص وتميز كم من المعلومات عن كل تلميذ فى صورة بروفييل أو دراسة حالة ، وقد تتضمن مقابلات شخصية مع التلاميذ أو ابااتهم أو معلمهم، وذلك لتحقيق مزيد من الفهم للبيانات التى تم جمعها عن كل تلميذ .

هـ- تقويم عملية تحديد التلاميذ المتفوقين وتتضمن هذه الخطوة جمع الأدلة للتأكد من مناسبة اجراءات التحديد لاهداف البرنامج ، وانها فعالة فى تحقيق هذه الاهداف . كما تتضمن ايضا تعديل الادوات المستخدمة فى ضوء معاملات الارتباط بين معايير النجاح فى البرنامج والادوات المستخدمة فى القياس. PP. 149 - 151

وقد ذكر *ريكرت Richert (1985)* أن لجنة التقرير القومى لعملية التحديد الشامل للتلاميذ المتفوقين بامريكا حددت المبادئ التالية التى ينبغي ان تؤسس عليها اجراءات عملية تحديد المتفوقين:

- أ - ان تؤسس اجراءات التحديد فى ضوء اهتمامات كل الطلاب .
- ب- ان تؤسس الاجراءات على افضل ابحاث وتوصيات متاحة .
- ج- التأكد من ان الاجراءات لم تغفل احدا، وان الاستراتيجيات مخططة مسبقا لتحديد المتفوقين .
- د - استخدام مفهوم شامل للموهبة متضمنا تيريرات اختياره .
- هـ- تحديد وتقديم خدمات تعليمية لأكبر عدد ، ممكن من المتعلمين المتفوقين .
- و- ان تاخذ الاجراءات بعين الاعتبار تعديل واستخدام الادوات والمصادر المتاحة. PP. 68 - 69

كما تعددت الاساليب المستخدمة فى تحديد التلاميذ المتفوقين، فى نموذج Revolving Door Model الذى وضعه رينزولى *Renzulli وريس Reis* وسميث *Smith (1989)* يعتبر

٢٥٪ من مجتمع تلاميذ المدارس متفوقين ، ويتم اختيارهم في هذا النموذج بناء على ثلاثة مقاييس هي الذكاء
 بحد ادنى ١٢٠ نسبة ذكاء ، والابتكار ، وتعهد المهمة او الدافعية . P. 148.
 ويتم اختيار التلاميذ المتفوقين (Kolloff and Feldhusen , 1984) للالتحاق ببرنامج للاثراء
 الاكاديمي والابتكارى المبني على نموذج جامعة بيردو Purdue Uni. فى ضوء درجات الاختبارات
 التحصيلية وتقدير المعلمين لخصائص المتفوقين بحيث يكونوا ا على ٧٪ من مجتمع هؤلاء التلاميذ. P. 53
 وفى دراسة الشباب ميكري النضج فى الرياضيات (SMPY) ذكر ستانلى Stanley (1993) انه من
 بين ٢٠,٠٠٠ تلميذا او اكثر بالصفين السابع او الثامن يتم اختيار الطلاب الذين يمثلون اعلى ١٪ فقط بناء
 على اختبار الاستعداد الدراسي SAT للالتحاق ببرنامج اسرعى فى الرياضيات. P. 120.

كما استخلصت محيات محمود حافظ ابو عميرة (١٩٨٩) مجموعة معايير يمكن فى ضونها انتقاء
 الطلاب المتفوقين وهى:
 أ- حصول الطالب على ٩٠٪ فاكتر فى التحصيل الدراسى .
 ب- حصول الطالب على نسبة ذكاء ١٢٠ على الاقل .
 ج- ان يكون لدى الطالب مستوى عال من القدرة على التفكير الابتكارى .
 د- ان يكون لدى الطالب القدرة على ادراك العلاقات المركبة بين المفاهيم المختلفة ، ويكون لديه القدرة على
 استخدام مستويات مافوق التطبيق .
 هـ- ان يكون لدى الطالب القدرة على التفكير وحل المشكلات .
 و- ان يكون لدى الطالب مستوى عال من الاستعدادات الخاصة مثل الاستعداد العلمى او الفنى او قيادة
 الجماعة .
 ز- ان يكون لدى الطالب القدرة على البحث والقراءة والقيام بمشروعات فردية .
 ح- ان يكون لدى الطالب نشاط واضح فى مجالات وانشطة مختلفة مثل الموسيقى والتمثيل والرياضة .
 ط- ان يميل الطالب الى حب الاستطلاع العلى. ص ص ٤٤٣ - ٤٤٥

وفى البحث الحالى تم تحديد التلاميذ المتفوقين لدراسة البرنامج الاثرالى المقترح فى ضوء نموذج
 فيلدهوزن وآخرون كمايلى:
 ١- تحديد اهداف البرنامج وتحديد التلاميذ المعد لهم البرنامج وهم تلاميذ وتلميذات الصف الاول الاعدادى
 بمدرسى المنيا الاعدادية بنين والحديثة الاعدادية بنات بمدينة المنيا .
 ٢- الاعتماد على اجراءات ترشيح كل مدرسة لتلاميذها المرشحين للالتحاق بالبرنامج فى ضوء الحصول
 على ٩٥٪ او اكثر فى امتحان نهاية المرحلة الابتدائية و ٩٠٪ او اكثر فى اختبار الرياضيات فى نهاية
 المرحلة الابتدائية ، وذلك من واقع السجلات المدرسية .
 ٣- استخدام القياس فى تصفية المرشحين للبرنامج ، حيث تم تطبيق اختبار الذكاء (اداة البحث) وتم اختيار
 التلاميذ الحاصلين على نسبة ذكاء انحرافية ١٣٠ فاكتر .

حول تعليم التلاميذ المتفوقين

أ - برامج تعليم التلاميذ المتفوقين

يهتم هذا البعد من العرض النظري للدراسة الحالية باستعراض برامج تعليم التلاميذ المتفوقين ، مستهلا بتقديم حيثيات تعليم تلك الفئة من التلاميذ ، انتقالا الى عرض بعض المحاولات لتخطيط البرامج الخاصة بهم ، وأهداف تلك البرامج ، ويمكن عرض ذلك كما يلي:

1- حيثيات تعليم التلاميذ المتفوقين

يرجع **بارك Parke (1989)** اهتمام التربويين بتعليم التلاميذ المتفوقين الى الاسباب التالية:

- يوجد عدد كبير من التلاميذ الذين ينتمون الى أبعاد التفوق المذكورة في تعريف USOE ، وقد وجد رينزولي **Renzulli**، **ريس Reis** و **رسميث Smith** سنة ١٩٨١ ان ١٥% - ٢٠% من تلاميذ المجتمع المدرسي توهمهم قدراتهم للاستفادة من البرامج الخاصة بالمتفوقين .
- لايزال مستوى الخدمات التعليمية دون واقع الاحتياج المطلوب ، وقد وجد في مسح اجراه مجلس الاطفال غير العاديين Council for Exceptional Children سنة ١٩٧٧ ان حوالي ٣٣ - ٥٣% من التلاميذ المتفوقين في (٣٢) ولاية قدمت لهم برامج خاصة للمتفوقين .
- يواجه التلاميذ المتفوقون مشاكل مختلفة ، وهم في حاجة الى التوجيه واثراء مهاراتهم وقدراتهم، وقد وجد في دراسة كل من **جورتلز Goertzel** سنة ١٩٦٢ و **بليوم Bloom** سنة ١٩٨٥ ان المدرسين لهم تأثير كبير في حياة تلاميذهم فضلا عن دورهم في حجرة الدراسة 12-13 PP.

كما تؤسس **كلارك Clark (1992)** منطق تعليم المتفوقين على الاعتبارات التالية:

- تنشأ الموهبة من عملية تفاعل تتضمن تحديات من البيئة التي نشير وتنمي المقدرات والعمليات الفطرية ، لهذا يحتاج المتفوقون الى برامج خاصة للمحافظة على الموهبة وتميئتها .
 - وضع قيود على النمو غالبا مايؤدي الى الملل ، والغضب ، والاحباط .
 - توفير تدريس يناسب كل الحاجات ليس تحيزا ، بل ان المجتمع يستفيد من تنمية كل قدرات افرادة .
 - يحتاج التلاميذ المتفوقون الى برامج لاتجعلهم افرادا معزولين في المجتمع .
 - تساعد البرامج التعليمية المصممة لاشباع حاجات المتفوقين في تحقيق انجازات هائلة .
 - غالبا مايفوق معدل الاسهامات التي يقدمها المتفوقون للمجتمع نسبة هؤلاء المتفوقين في المجتمع
- PP 154- 156.

٣- تخطيط برامج تعليم المتفوقين

يعد التخطيط امرا ضروريا لبناء أو تطوير برنامج تعليمي للتلاميذ المتفوقين ، حيث يجب توفير خبرات تعليمية تناسب كل من فلسفة المجتمع وحاجات التلاميذ المتفوقين ، وذلك في اطار الامكانيات المتاحة . وقد حدد رينزولي **Renzulli (1975)** سبعة معالم لبرنامج المتفوقين والتي أتفق خبراء تعليم المتفوقين على أنها اساسية لنجاح البرنامج ، وهي:

- اختيار وتدريب المعلمين .
- تصميم منهج لتنمية المقدرات على الاداء المتميز في المجالات الاكاديمية والفنون .
- اجراءات مناسبة ومتعددة لفحص وتحديد التلاميذ المتفوقين .
- تحديد الفلسفة والاهداف التي تؤيد تفريد التعليم للمتفوقين .

- تعاون وتأييد الافراد المسؤولين عن تنفيذ البرنامج .
- خطة لتقويم فعالية البرنامج .
- توصيف المسئوليات الادارية. 329 - 327 PP.

وبالنسبة لبرامج المتفوقين فى الرياضيات ، فقد ذكر المجلس القومى لمعلمى الرياضيات بامريكا **NCTM (1987)** المكونات التى يجب ان تراعى عند تصميم برنامج للمتفوقين فى الرياضيات وهى:
رياضيات جيدة ، تدريس جيد ، معلم كفء ، مهارات تفكير عاليا ، تطبيقات وحل مشكلات ، مهارات اتصال ، مهارات دراسية وعادات عمل ، الفروق الفردية ، تشجيع الابتكارية ، مصادر التعلم ، تكامل المحتوى، التخطيط والتطوير ، التقويم ، مهام التلاميذ ، والحراك . 49 - 47 PP.

- وقد ذكرت ميكير **Maker (1982)** خطوات تصميم منهج للتلاميذ المتفوقين فى الاثى:
- اختيار مجموعة من المستشارين للقيام بعملية تصميم البرنامج .
 - تشكيل أو تعديل تعريف للتلاميذ المتفوقين المعد لهم البرنامج .
 - تحديد خصائص وحاجات التلاميذ المتفوقين .
 - تشكيل أو تعديل فلسفة لبناء البرنامج .
 - تحديد غايات **Goals** البرنامج .
 - اختيار نماذج التعليم والتعلم .
 - تحديد الاهداف السلوكية والاستراتيجيات .
 - تطوير اجراءات تقويم البرنامج ، بحيث تشمل قياس كل من تقدم التلميذ وفعالية البرنامج .
 - الحصول على الموافقة بتنفيذ البرنامج. 179 - 139 pp.

- وقد ذكر **سموتسى ويلوكسوم Smutny and Blockson (1990)** ان اعداد خطة لبناء برنامج للتلاميذ المتفوقين يتطلب تحديد العناصر التالية:
- فلسفة البرنامج .
 - غايات وأهداف البرنامج .
 - مجتمع التلاميذ المعد لهم البرنامج .
 - معايير الالتحاق بالبرنامج .
 - ميزانية البرنامج .
 - تركيب وتصميم البرنامج .
 - المسئولين عن البرنامج ومسئولياتهم .
 - التسهيلات ، الجداول، المواد والادوات .
 - تنفيذ الاجراءات .
 - تقويم البرنامج . P. 21.

- كما قامت **محيات محمود حافظ ابو عسيرة (1989)** ببناء برنامج فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف السابع ، وذلك باتباع الخطوات التالية:
- تحديد أهداف البرنامج .
 - تحديد محتوى ووحدات البرنامج .

- تحديد الخطة الزمنية المقترحة للبرنامج .
- تحديد اساليب تدريس البرنامج .
- تحديد اساليب تقويم التلاميذ المتفوقين في وحدات البرنامج ص ص ٤٤٧ - ٤٥٢

- وتجدر الاشارة الى انه في ضوء الاستفادة من العرض السابق لخطوات بناء برامج المتفوقين ، تم بناء البرنامج الاترائى فى الرياضيات (موضوع الدراسة الحالية) باتباع الخطوات التالية:
- تحديد معايير اختيار التلاميذ المتفوقين المعد لهم البرنامج .
 - تحديد الاهداف العامة للبرنامج .
 - اختيار محتوى البرنامج .
 - تنظيم محتوى البرنامج .
 - تحديد الاهداف السلوكية لكل وحدة من وحدات البرنامج .
 - تحديد استراتيجية تدريس البرنامج والمواد المستخدمة .
 - تحديد اجراءات تقويم البرنامج .

٣- أهداف برنامج تعليم المتفوقين :

ذكرت كلارك *Clark (1992)* ان الغاية Goal الاساسية لبرنامج تعليم المتفوقين هي توفير فرص للتلاميذ المتفوقين لاشباع حاجاتهم التي لا يمكن اشباعها فى برنامج الفصل المعتاد، سواء وجدت هذه الحاجات فى المحتوى ، أو العملية، أو الاتراء ، أو فى الثلاثة معا، وبهذا يصبح التلاميذ المتفوقون قادرين على النمو المتكامل* . P. 168

وقد ذكر *جالهر Gallagher (1984)* الاهداف العامة للبرامج التعليمية الخاصة للتلاميذ المتفوقين كما يلى:

- ينبغي ان يتقن التلاميذ المتفوقون انظمة المفاهيم *Conceptual systems* المهمة المتضمنة فى محتوى مجالات متنوعة والتي تكون فى مستوى قدرات التلاميذ .
- ينبغي ان ينمى التلاميذ المتفوقون مهارات واستراتيجيات تمكنهم من ان يكونوا اكثر استقلالية ، وابتكارية ، واعتماد على النفس فى البحث عن المعرفة .
- ينبغي ان يجد التلاميذ المتفوقون متعة واثارة فى التعلم .
- يجب مساعدة التلاميذ المتفوقين فى ادراك المسئوليات الخاصة التى تصاحب مواهبهم ، وحاجات المجتمع للاستخدام المنتج لهذه المواهب .
- يجب تشجيع التلاميذ المتفوقين على احترام كل التلاميذ بصرف النظر عن قدراتهم . PP. 80 - 81

كما حددت كلارك *Clark (1992)* الاهداف العامة لبرنامج تعليم المتفوقين كما يلى:

- ينبغي ان يوفر البرنامج فرصا وخبرات تناسب احتياجات التلاميذ المتفوقين والتي من خلالها يستطيع التلاميذ تنمية قدراتهم .
- ينبغي ان يوفر البرنامج بيئة تقدر وتعزز كل من الذكاء ، والموهبة ، النمو الانفعالى ، والقدرة الحدسية .
- ينبغي ان يسمح البرنامج بالمشاركة التعاونية الفعالة بين التلاميذ المتفوقين وأبائهم .
- ينبغي ان يوفر البرنامج وقتا ، ومكانا ، ويشجع التلاميذ المتفوقين لى يكتشفوا انفسهم ، ومصادر قوتهم ، وقدراتهم .

- ينبغي ان يوفر البرنامج فرصا للتلاميذ المتفوقين لكي يتفاعلوا مع اطفال وشباب ذوى قدرات متنوعة بما فيهم الموهوبين Talented وذلك لكي يعرفوا ويقدروا الانسانية لوحدها وترابطها.
- ينبغي ان يشجع البرنامج التلاميذ المتفوقين في ان يحددوا موضعهم في التقدم البشرى ، وذلك باكتشاف اى القدرات وفى اى المجالات يرغبون ان يسهموا فيها. P. 168

وبالنسبة لبرامج الرياضيات للتلاميذ المتفوقين ، فقد ذكر سوفتشك (Sovchik 1989) ان الغاية من هذه البرامج تتمثل فى " مساعدة التلاميذ المتفوقين فى تنمية مقدراتهم الرياضية لاقصى حد ممكن". P.153.

- كما لخص هرسبرجر وريتلى (Hersberger and Wheatley 1980) الاهداف العامة لبرنامج الرياضيات للتلاميذ المتفوقين فى الاتى:
- تنمية مهارات حل المشكلات .
 - تنمية مهارات التفكير والتعلم .
 - اثاره حب الاستطلاع العقلى .
 - استكشاف موضوعات متقدمة .
 - المشاركة فى تحديد مشكلات لاجل استقصائها .
 - تنمية القدرة المكانية .
 - تنمية التفكير الحدسى التصورى .
 - تنمية القدرة التحليلية المنطقية .
 - تنمية مفهوم صحى للذات .
 - تنمية القدرة الحسابية . P. 38

وقد حددت محبات محمود حافظ/ابو عسيرة (1989) اهداف برنامج مقترح فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف السابع كالاتى:

- ان يصبح المتفوق محبا للاستطلاع من الناحية العقلية (التعلم الذاتى) .
- ان يبحث عن المعانى ويحاول ان يعثر على علاقات جديدة بدلا من القديمة .
- ان يحسن القدرة على الدراسة المستقلة .
- ان يكتسب المهارة فى تقويم الذات .
- ان ينمى اساليب التفكير لديه .
- ان يكتسب الرغبة فى الوصول الى الحقيقة وان يصبح واسع الافق .
- ان ينمى القدرة القيادية واحترام حق الاخرين .
- ان ينمى المهارة فى ديناميات الجماعة .
- ان يتقن مهارات الاتصال .
- ان ينمى مستويات التفكير العليا .
- ان ينمى القدرة على حل المشكلات .
- ان يتدرب على الاستقلال الذهنى والثقة بالنفس .
- ان تتطلق الطاقات الكامنة عنده للوصول به الى مستوى التمكن بدء بالمعرفة البسيطة الى الفهم الى التطبيق الى الابداع . ص ٤٤٧

هذا بالنسبة لبرامج تعليم التلاميذ المتفوقين، وبالنسبة للبرامج الاثرائية، فقد ذكر شمير وميكر *Schiever and Maker (1991)* "ان الغرض Goal من اي برنامج اثرائي ان يوفر للتلاميذ منهجا اكثر عمقا او اكثر اتساعا من المنهج المعتاد". p.99

كما ذكر تاننوم *Tannenbaum (1983)* الاهداف العامة لهذه البرامج فيمايلي:

- تقوية تحصيل التلاميذ .
- تنمية عمليات عقلية عليا .
- تشجيع التفكير الابتكاري .
- تحقيق التوازن بين تحسين الذات والوعي الاجتماعي .
- توسيع دائرة الاهتمامات الثقافية في المدرسة وخارجها .
- تقوية مفهوم الذات والطموح نحو التحقيق الكامل للذات .
- تحسين المكانة الاجتماعية بين الزملاء . PP. 445-453

وقد استفاد الباحث من الاهداف العامة لبرامج تعليم المتفوقين - بصفة عامة - ، والاهداف العامة للبرامج الاثرائية - بصفة خاصة - عند صياغة الاهداف العامة للبرنامج الاثرائي في الرياضيات (موضوع البحث)

ب- أنواع برامج تعليم المتفوقين:

تصنف برامج تعليم المتفوقين الى نوعين هما الاسراع والاثراء ، ويمكن تناول كل منها بالتفصيل كمايلي:

١- الاسراع:

يمثل الاسراع القسم الاول للبرامج التعليمية الخاصة بالتلاميذ المتفوقين ، وفيما يلي يتم تناول الاسراع من حيث مفهومه ، صورته المختلفة ، مميزاته وعيوبه .

- مفهوم الاسراع:

عرف *Ward (1979)* الاسراع بأنه " اي اجراء اداري صمم لكي يتقل التلميذ خلال السلم التعليمي بسرعة اكبر من المعتاد ، ويتضمن الاسراع اجراءات مثل الالتحاق المبكر ، تخطي الصف ، الوضع المتقدم ، ضغط محتويات صف ، ... الخ " . P.65

ويقصد كيرك وجالهر *Kirk and Gallagher (1983)* بالاسراع كل الاجراءات الادارية المصممة لاختصار الزمن الذي ينبغي ان يقضيه التلميذ في المدرسة . P. 104

ويرى *باسو Passow (1985)* ان " الاسراع يتضمن اي تنظيم تعليمي او اداري يمكن التلميذ من التقدم بسرعة اكبر وان ينهي برنامجا في زمن اقل وفي عمر مبكر عن المعتاد " . P. 2051

كما عرف *هورارد وأورلاسكي Heward and Orlansky (1984)* الاسراع بأنه امداد التلميذ بخبرات تعلم تعطى عادة لتلاميذ اكبر في العمر ، وهو يعني التقدم السريع خلال العرض المعتاد للمحتوى بدون تعديل ايا من المحتوى او طريقة العرض . P.381

ويقصد **فيلدهوزن Feldhusen (1991)** بالاسراع * رفع مستوى او معدل التعليم او كليهما لكي يكون مناسباً لمستويات تحصيل التلاميذ ومقدرتهم او معدل تعلمهم* . P.133

يتضح مما سبق ان الاسراع يعنى اى اجراء ادارى او تعليمى يؤدى الى تقدم التلميذ المتفوق بمعدل اسرع من معدل التلميذ العادى خلال المنهج المدرسى المعتاد ، ويهدف الاسراع الى اختصار الفترة الزمنية اللازمة لدراسة هذا المنهج ، ولا يتطلب الاسراع تعديلا فى محتوى المنهج ، ولكن يتطلب اعادة توزيع خبرات المنهج طبقاً لمعدل تعلم التلميذ المتفوق.

وللاسراع صور مختلفة ، يذكر **كسريك وجالهر Kirk and Gallagher (1983)** منها 'الاتحاق المبكر بالمدرسة او الجامعة ، تخطى الصفوف ، ضغط الصفوف ، والوضع المتقدم' . PP. 104 - 105
ويضيف **هوارد واوولانسكى Heward and Orlansky (1984)** * اسراع المحتوى ، حيث يتم اعطاء التلاميذ الفرصة للسير خلال تتابع منهجى معين طبقاً لمعدلات تعلمهم الخاصة* . P. 381
ويورد **باسو Passow (1985)** صورة اخرى للاسراع ، تتمثل فى * اخذ مقررات اكثر للحصول على شهادة ، وذلك لانتهاء برنامج ما مبكراً* . P. 2051

- مميزات الاسراع:

- لخص **باسو Passow (1985)** أهم مميزات الاسراع فيما يلى:
- يتعلم التلميذ المتفوق أسرع من التلميذ المتوسط ، وبالتالي فان التلميذ المتفوق فى حاجة الى فرص تتماشى مع قدرته على التعلم .
- ينبغي ان يقضى التلاميذ اقل فترة زمنية ممكنة كافية لتحقيق مستوى الانجاز المطلوب .
- يتم اثاره تحدى التلاميذ عن طريق العمل المتقدم ، والذي يتم توفيره لهم عن طريق الاسراع ، كما انهم ينموا عادات عمل طيبة ، واتجاهات موجبة بطريقة افضل .
- اختزال الزمن الكلى المدرسى يصاحبه تقصير فى كل من المراقبة العقلية والاجتماعية والاقتصادية . P.2051

- كما ذكرت **كلارك Clark (1992)** بعض مميزات الاسراع ، وحيثيات استخدامه التى وردت فى مجموعة دراسات متعلقة بالاسراع وهى:
- يميل التلاميذ المتفوقون الى اختيار أصدقاء اكبر منهم فى العمر ، لان مستويات نضجهم غالباً ما تكون متشابهة .
- يمكن استخدام الاسراع فى اى مدرسة .
- تقليل التكلفة التعليمية للتلاميذ المتفوقين ، نظراً لانهم يكثون وقتاً أقل فى المدرسة .
- الاسراع يقلل من الملل وعدم الرضا لدى التلاميذ المتفوقين . PP.187-188

ومن أهم الدراسات المتعلقة بالاسراع ، دراسة **كولك وكولك Kuilk and Kuilk (1991)** حيث استخدمنا **meta analysis** لعدد (٢٦) دراسة تجريبية متعلقة بالاسراع ، وقد توصلنا الى ما يلى:

- كان أداء التلاميذ المتفوقين الصغار الذين استخدم معهم الاسراع والتحقوا بصفوف أعلى جيداً مثل أداء التلاميذ المتفوقين الأكبر منهم فى العمر والموجودين فى هذه الصفوف .

- أظهر التلاميذ المتفوقون الذين استخدم معهم الإسراع تقدماً لمدة عام عن التلاميذ المتفوقين الذين لهم نفس العمر ولم يستخدم معهم الإسراع .
- لم يكن هناك دليلاً على اتساق النتائج المتعلقة بآثار الإسراع على كل من الاتجاه نحو المدرسة أو المواد الدراسية ، والشعبية ، والتكيف ، أو المشاركة في الأنشطة المدرسية. P. 190 - 191

ويؤكد ذلك نتائج دراسة **روجرز Rogers (1991)** التي هدفت إلى تلخيص الأبحاث المتعلقة بالإسراع للتلاميذ المتفوقين ، وقد استخدم الباحث أيضاً **Meta analysis** لعدد (٢٤٧) دراسة متعلقة بالإسراع ، وتوصل إلى أن معظم أنواع الإسراع لها آثار أكاديمية موجبة. P. 796

-عيوب الإسراع:

- تستند آراء المعارضين للإسراع وصوره على بعض التصورات عن التعليم والآثار المتعلقة بالنمو الاجتماعي والانفعالي للإسراع ، وقد لخص **باسو Passow (1985)** هذه الآراء فيما يلي:
- بينما يمكن اختصار وقت أنشطة معينة، إلا أن التعلم الجيد يحدث فقط نتيجة الدراسة المتعمقة المستفيضة.
- يحرم الإسراع الأطفال المتفوقين من فرص الحياة الكاملة والتعلم .
- يمكن أن يكون التلاميذ الصغار ناضجين عقلياً ، ولكنهم معوقين اجتماعياً وانفعالياً بين التلاميذ الأكبر سناً.
- تشابه العمر العقلي لا يعني بالضرورة تشابه الوظائف العقلية والانسجام .
- قد يوفر الإسراع في فصل متقدم مزيداً من التحدي ، ولكنه قد لا يؤدي إلى خبرات أكثر ملائمة من حيث النمو الشامل للأفراد .
- قد لا يأخذ الإسراع في الاعتبار تفاوت معدلات نضج الطفل .
- قد يسبب الإسراع فجوات خطيرة في نمو الفرد ، مما يؤثر في جودة الأداء في المستقبل .
- أن قلة التحدي التي تسبب الملل يمكن التغلب عليها جيداً بطرق أخرى غير الإسراع. P.2051

ويذكر **ويتى (على السيد احمد طنش، 1٩٨٥)** أن المعارضين للإسراع يقررون * أن التلميذ عندما ينتقل لفرقة أعلى أو يقفز أحد الصفوف يصطدم بتلاميذ أكثر منه نضجاً من الناحية الجسمية والانفعالية ، ويخلق هذه الوضع للتلميذ المتفوق بعض الصعوبات خاصة في مرحلة المراهقة * . ص ١١٤

كما يذكر **ياتفن Yatvin (على السيد احمد طنش ، 1٩٨٥)** أن المعارضين لبرامج الإسراع يرون * أن هذه البرامج تترك فجوات في معارف ومهارات الطالب العادية ، حيث تركز هذه البرامج على القليل من المعرفة ، ويتم تعلم المهارات - في الغالب - بطريقة تميل إلى الآلية ، وليس إلى تنمية المهارة ذاتها ، بالإضافة إلى أن الإسراع يضحى بالنمو الأفقي ويؤدي إلى النمو الرأسى من جانب واحد* . ص ١١٥

ويضيف **المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM (1987)** نقداً آخراً للإسراع من حيث نوعية منهج الرياضيات الذي يدرسه التلاميذ المتفوقون حيث ذكر * أن إجراء وضع التلاميذ المتفوقين بالصف (س) في فصول التلاميذ المتوسطين بالصف (س + ١) هو إجراء غير مناسب ، لأن التلاميذ المتفوقين يحتاجون إلى تعليم يختلف في الكيف عن التعليم المناسب لتلاميذ الفصول المتوسطة ، وبنفس المآخذ يجد تلاميذ المدرسة الثانوية الملتحقين بفصول نظامية بالجامعة أنفسهم ليس أكثر من أفراد غرباء لا يتلقون للمرة الثانية تعليماً معداً خصيصاً لقدراتهم ، وأنهم مجبرون على أن يكونوا شباباً أو رياضيين مصغرين ، ويترتب على ذلك حرمانهم من كثير من مظاهر هامة للطفولة * . P. 32

٣- الأثر:

يمثل الأثر القسم الثاني للبرامج التعليمية الخاصة بالمتفوقين ، وفيما يلي يتم تناول الأثر من حيث مفهومه، وصوره المختلفه ، ومميزاته ، وعيوبه ، وأثره الرياضيات المدرسية .

- مفهوم الأثر:

عرف **وارد Ward (1979)** الأثر بأنه " الإجراءات التي صممت لزيادة عمق أو اتساع خبرات تعلم التلاميذ المتفوقين ، وقد تشمل تعيينات خاصة ، دراسة مستقلة ، مشروعات فردية ، مجموعة عمل صغيرة، وتعديلات أخرى في عمليات الدراسة المعتادة". P.65

ويقصد **جالهر Gallagher (1984)** بالأثر المحتوى بأنه " مدخل يمد فيه المعلم التلميذ المتفوق بالمواد والمراجع المتنوعة التي توسع المفاهيم الأساسية المراد تعلمها في البرنامج المعتاد ، وإن الاستراتيجية الأساسية لهذا المدخل هي أن التوسع من هذا النوع يتحقق بصورة أكثر اكتمالا من خلال أمثلة تعطى تفصيلات أكثر ومعلومات متوسعة عن المفاهيم الأساسية المراد تعلمها". P. 104

ويرى **هوارد واورلاسكي Heward and Orlansky (1984)** أن الأنشطة الأثرية هي " تلك الخبرات التي تسمح لكل تلميذ متفوق باستقصاء موضوعات شيقة بطريقة أكثر تفصيلا من المعتاد في المنهج المدرسي النظامي". P. 379

ويرى **باسو Passow (1985)** أن الأثر يستخدم ليشير إلى تعديلات تتم للمنهج والتدريس للتلاميذ المتفوقين الموجودين في الفصل المعتاد غير المتجانس " أو " اختيار وتنظيم خبرات تعليمية تناسب طبيعة وحاجات التلاميذ المتفوقين ، وتتضمن كل أنواع التفريد". P.2051

كما عرفت **كلارك Clark (1992)** الأثر بأنه " فروع الدراسة الإضافية أو مجالات التعلم التي لا توجد بصفة دائمة في المنهج المعتاد". P. 186

وذكر **ماركس Marks (محبات محمود حافظ /بو عميرة ، 1٩٩٠)** أن الأثر " هو مجموعة خبرات منظمة لما وراء البرنامج العادي ، الذي يكون مناسباً للمتعلمين الأكثر مقدرة . ومن وجهة النظر هذه ، يدرس المتعلم السريع محتوى مستواه الصفي ، بالإضافة إلى موضوعات متقدمة والتعمق في البرهان ، والتعرض للمواقف التاريخية، والقيام بمشروعات فردية وجماعية، والاتحاق بالدراسات غير النظامية".

ص ٩

ومما سبق يتضح أن الأثر يعني تعديل المنهج المعتاد لجعله مناسباً لقدرات وحاجات التلاميذ المتفوقين ، وذلك بتضمين خبرات تعليمية غير موجودة بالمنهج المعتاد ، بهدف زيادة عمق أو اتساع خبرات التعلم المتضمنة بالمنهج المعتاد.

ومن أمثلة برامج الأثر للتلاميذ المتفوقين في الرياضيات ، برنامج جامعة نيويورك ببفلو للمتفوقين في الرياضيات **The State University of New York at Buffalo's Gifted Math . Program (GMP)** ، وبرنامج جامعة هامبورج **Hamburg** بالمانيا.

ويذكر **كرست Krist (1985)** أن **GMP** يتم بالتعاون بين جامعة نيويورك ببفلو والمدارس الثانوية المحيطة بها ، وفيه تقدم برامج أثرية في الرياضيات في صورة مقررات متكاملة في الرياضيات المدرسية والجامعية ، وذلك على مدى ست سنوات للتلاميذ المتفوقين في الرياضيات بالصفوف السابع حتى الثاني عشر. PP. 177 - 178

ويذكر **فاجنر وكسيمرمان (Wagner and Zimmermann 1986)** ان برنامج جامعة هامبورج بدأ سنة ١٩٨٢ ، وفيه تقدم برامج اثرائية في الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بدءا من الصف السابع ، وذلك في صورة وحدات اثرائية ، يتم تدريسها أيام السبت في قاعات كلية التربية. P. 243

- الصور المختلفة للثراء:

ذكر **كاتينا Khatena (1982)** النوعين التاليين للثراء:

- * الاثراء الاقوى وهو يوفر مزيدا من الخبرات التعليمية في نفس مستوى الصف الدراسي.
- * الاثراء الرأسي وهو يوفر خبرات تعليمية ذات مستويات صعوبة متزايدة . P. 257

وقد ورد في دراسة **تلسلي Tilsley (1979)** الانواع الثلاثة التالية للثراء:

- * دراسة متسعة ومتعمقة للموضوعات التي تدرس لمجموعة التلاميذ الذين في عمر التلميذ المتفوق .
- * دراسة موضوعات تدرس عادة لتلاميذ أكبر سنا من التلميذ المتفوق .
- * دراسة موضوعات غير متضمنة بالمنهج المدرسي. P.23

وذكر **فانيس Vance (1983)** نوعي الاثراء التاليين :

- * اثراء توسعي In breadth enrichment هو يتضمن اضافة مادة تعليمية الى البرنامج النظامي.
- * اثراء تعمقي In depth enrichment وهو يعمل على تنمية استبصارات جديدة في المادة التعليمية التي تدرس للفصل ككل. P. 23

وقد قدم **ستانلي Stanley (Feldhusen , 1987)** أربعة أنواع للثراء هي:

- * عمل كثير Busy work لجعل التلاميذ المتفوقين مشغولين بعمل الكثير من نفس العمل الذي يقوم به كل التلاميذ .
- * اثراء غير وثيق الصلة بالجانب الاكاديمي Irrelevant academic enrichment الذي يمد التلاميذ المتفوقين بمقرر اكاديمي خاص غير مطابق لاتجاه تخصصهم الاكاديمي ، او بعمل اكاديمي جديد منعزلا عن المادة الدراسية .
- * اثراء ثقافي Cultural enrichment يمد التلاميذ المتفوقين بخبرات حضارية معينة (مثل الموسيقى ، الفنون الجميلة ، واللغات الاجنبية) بطريقة ابعده مما يقدمه المنهج المدرسي المعتاد .
- * اثراء وثيق الصلة بالجانب الاكاديمي Relevant academic enrichment، ويتمثل في تقديم برنامج خاص يرتبط مباشرة بجوانب التفوق الاكاديمية الخاصة للتلاميذ المتفوقين. PP. 615 - 616

وفي ضوء التصنيفات السابقة للثراء ، فان الاثراء المقصود في الدراسة الحالية هو من نوع الاثراء الاقوى (في تصنيف كاتينا) والاثراء وثيق الصلة بالجانب الاكاديمي (في تصنيف ستانلي) ، وهو يجمع بين نوعي الاثراء التوسعي والتعمقي (في تصنيف تلسلي) ، حيث يتم تقديم برنامج اثرائي في رياضيات الصف الاول الاعدادي للتلاميذ المتفوقين في هذا الصف ، ويتم توسيع مقرر رياضيات هذا الصف ، وذلك بتضمين أنشطة اثرائية غير موجودة في مقرر الرياضيات ، ولكنها ترتبط به وتعمل على تعميق فهم التلاميذ المتفوقين لجوانب التعلم المتضمنة به.

- مميزات الأثرء:

نظرا لعيوب البرامج الاسرعية فى تعليم المتفوقين ، يؤيد العديد من التربويين البرامج الاثرائية ، وقد توصل **تلسلى Tilsely (1979)** نتيجة تحليله لمسح آراء واتجاهات المعلمين (فى خمس دول) نحو تعليم المتفوقين الى ان " نسبة الذين يفضلون الاثراء (من نوع الدراسة المتسعة والمتعمقة للموضوعات التى تدرس لمجموعة التلاميذ الذين فى عمر التلميذ المتفوق) فى تعليم المتفوقين ٩٧% مقابل ٥٠% للاسراع". p.32 وقد أرجع تلسلى أهمية البرامج الاثرائية الى " تقديم مواد تعليمية وافكار جديدة فى الفصل ، مما يؤدى الى استفادة تلاميذ الفصل كله وليس المتفوقين فقط". P. 25

ويشارك **ريزن وهاركن Rising and Harkin (Ridge and Renzulli, 1980)** وجهة النظر السابقة، حيث ذكرا ان الاسراع (التقدم عبر متسلسلة المنهج) غير ملائم ، ويجب التأكيد على تطوير أنشطة اثرائية قوية تدعم وتوسع البرنامج الاساسى ". P. 217

ويرجع **باسو Passow (1985)** أهمية الاثراء الى الاعتبارين التاليين:

* تنمو الديمقراطية ويتم التدريب على القيادة بطريقة افضل فى مواقف تشجع التفاعل بين اطفال ذوى خلفيات مختلفة.

* لكل من نشاط وابتكارية المتفوقين واثراء تفكيرهم تأثير حافز فى جودة التعليم مما يفيد كل تلاميذ الفصل P.2051

كما يرى **رينزولى Renzulli (1982) Khatena** ان الاثراء مهم فى الوصول الى المستويات العليا للوظائف العقلية. P.263

وقد توصل **دوريو Daurio (1991) Feldhusen** ان الأنشطة الاثرائية غير وثيقة الصلة بمواهب أو قدرات المتفوقين (مثال: وحدة خاصة عن مصر القديمة للتلاميذ المتفوقين فى الرياضيات) تكون عديمة الجدوى، بينما يوفر الاثراء الاكاديمى وثيق الصلة بمواهب التلاميذ المتفوقين (مثال: دراسة لغة اجنبية للتلاميذ المتفوقين فى الجانب اللفظى) فوائد ذات مغزى بالنسبة لهم ". P. 136 وتذكر **كلارك Clark (1992)** ان الاثراء هو اقل الطرق تكلفة فى تلبية حاجات التلاميذ المتفوقين ، كما انه يكون اكثر فعالية عند دمج مع برامج اخرى". PP. 186 - 187

- عيوب الأثرء:

تستند الآراء التى تعارض الاثراء للتلاميذ المتفوقين فى الفصول المعتادة الى بعض الاعتبارات التى لخصها **باسو Passow (1985)** فيما يلى:

- * نظرا لمدى الفروق الفردية فى الفصل المعتاد ، فان مهمة المعلم تصبح صعبة مالم يقل هذا المدى .
- * يوجد العديد من الفرص داخل أو خارج المدرسة للتفاعل مع تلاميذ آخرين ، حيث يستطيع التلاميذ المتفوقون ممارسة التدريب على القيادة فى اماكن غير الفصل الدراسى .
- * يفقد التلاميذ المتفوقون خبرات مهمة ، ولا يتم اثاره دافعيتهم وتحدى قدراتهم بدرجة كبيرة ، وغالبا مايكتسبون عادات دراسية ضعيفة ، وذلك لان المعلم يخصص وقتا قليلا ، ويقدم اقل مساعدة للتلاميذ الذين يظهرون تقدما على نحو مرض.
- * بالرغم من ان التلاميذ المتفوقين قد يحفزون التلاميذ المتوسطين ، الا ان هذا قد يتم على حساب تعلمهم هم انفسهم.

* يكون أداء التلميذ المتفوق مقبولا في الفصل المعتاد ، بالرغم من انه قد يكون اقل من المستوى الذي يستطيع ان يصل اليه. P.2051

يتضح مما سبق ان كل من الاسراع والاثراء له مميزات وعيوب اذا ما استخدم كل بمفرده ، لذا فان بعض التربويين يفضلون دمج او تكامل الاثراء والاسراع معا للتلاميذ المتفوقين .

ويذكر **بارك Parke (1989)** انه نظرا لتنوع الحاجات التعليمية للتلاميذ المتفوقين ، فلا ينتظر من برنامج واحد ان يشبع كل حاجات هؤلاء التلاميذ ، ولهذا ينبغي تصميم البرامج التي تراعى كل من معدل التعلم (الاسراع) ، وعمق التعلم (الاثراء) والاهتمامات الفردية للتلاميذ المتفوقين. P. 83

ويشارك **شمير وميكر Schiever and Maker (1991)** وجهة النظر السابقة حيث ذكرا ان تلبية حاجات التلاميذ المتفوقين تتطلب تدريس مفاهيم مجردة ومعقدة (اثراء) وان يتقدم التلاميذ بمعدل اسرع من معدل التلميذ المتوسط (اسراع) . P. 102

وينطبق ذلك على التلاميذ المتفوقين في الرياضيات ، فقد أوصى **المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM (1987)** بأنه * يجب ان يلتحق التلاميذ المتفوقون في الرياضيات في برنامج يقدم نظرة واسعة واثرائية للرياضيات في سياق ذي مستوى عال من التوقعات. ويوصى بالاسراع داخل هذا البرنامج للتلاميذ ذوي الاهتمامات والاتجاهات والمشاركة التي تعكس بوضوح القدرة على المواظبة والامتياز خلال البرنامج ككل . P. 22

ويتفق الباحث مع وجهة النظر الخاصة بالجمع بين الاثراء والاسراع في تعليم التلاميذ المتفوقين ، الا انه وفقا لطبيعة الدراسة الحالية وفي اطار النظام التعليمي ، تم الاقتصار على الاثراء في بناء برنامج الدراسة الحالية .

- اثراء الرياضيات المدرسية:

ذكر **هالفاتي Halvaty (1963, NCTM)** ان اثراء الرياضيات المدرسية يتحقق باى من الطرق التالية:

- * توجيه التلاميذ لدراسة موضوعات المقرر دراسة متعمقة.
- * تشجيع البحث الفردى.
- * تنظيم أنشطة خارج المنهج في صورة نوادى أو فرق للمسابقات الرياضية. P.2
- كما ذكر **هالفاتي Halvaty** ايضا بعض المعايير التي اخذت في الاعتبار عند بناء الوحدات الاثرائية التي شكلت الكتاب السنوى (٢٧) للمجلس القومي لمعلمي الرياضيات **(Enrichment Mathematics for the Grades)** وهى:
- * توضيح تطبيقات الرياضيات سواء في الرياضيات او خارجها.
- * توفير مواد لحل المشكلات.
- * تقديم بعض الامثلة لتركيبات رياضية جديدة وبسيطة.
- * اقتراح مزيد من القراءة والبحث. 5- 4 PP.

كما يرى **جلنون Glennon (1963, NCTM)** انه يمكن اثراء مقرر الرياضيات بالطرق التالية:

- * اعطاء التلميذ مشكلات صعبة ولكنها في حدود قدرته على الفهم.

- توفير فرص لاكتشاف وإيجاد حلول مبتكرة.
- تشجيع مستمر للتفكير الابتكاري.
- امداد التلميذ بطرق التفكير شائعة الاستخدام بين الرياضيين. P.27
- وقد ذكر المجلس القومي لمعلمي الرياضيات **NCTM (1987)** انه يمكن اثراء محتوى برامج الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بثلاث طرق هي:
- دراسة متعمقة لموضوعات متضمنة في المنهج النظامي ، مثل دراسة تحليل الخطأ Error Analysis عند دراسة الكسور العشرية.
- دراسة موضوعات اضافية متقدمة غير موجودة في المنهج النظامي، مثل الهندسة غير الاقليدية.
- دراسة مبكرة لمحتوى متقدم ، مثل البرهان غير المباشر لتلاميذ المرحلة المتوسطة (٥ - ٨) بالاضافة الى ان محتوى برامج الرياضيات للتلاميذ المتفوقين يجب ان يعكس المفاهيم الحديثة في الرياضيات والمناهج ، مثل استخدام الآلة الحاسبة والكمبيوتر ، والاهتمام بالعمليات . كما يجب ان تكون الرياضيات الخاصة بالمتفوقين منظمة ومكتوبة بالاسلوب الذي يستخدمه الرياضيون المعاصرون وان تكون على درجة كبيرة من التجريد ، وتتعدى معالجة الرموز الى المبادئ الضمنية والبرهان.P.32

وقدم **سوبل Sobel (1988)** ثمان طرق لاثراء منهج الرياضيات هي:

- **الاثراء من خلال موضوعات تاريخية** ، حيث يمكن الاستفادة من تواريخ ميلاد الرياضيين المشهورين في تقديم جوانب شيقة وغير معتادة على مدى العام الدراسي.
- **الاثراء من خلال مشكلات تثير تحدى التلاميذ** ، كتقديم مشكلة كل اسبوع من النوع الذى يثير تحدى التلاميذ ويعد هذا النوع من الاثراء وسيلة ممتازة لاثارة دافعية التلاميذ لدراسة الرياضيات.
- **الاثراء من خلال التجارب المعملية داخل الفصل** ، ويمكن ان تساهم هذه التجارب فى تنمية بعض المفاهيم والمهارات الرياضية وفى اثارة دافعية التلاميذ.
- **الاثراء من خلال الحيل السحرية** حيث يستمتع معظم التلاميذ بالحيل السحرية التى لها أسس رياضية ، ويمكن ان تستخدم هذه الحيل فى اوقات معينة عبر العام الدراسي فى اثراء منهج الرياضيات.
- **الاثراء من خلال موضوعات مختارة** ، من الاشياء الجديرة بالاهتمام دائما فى اثراء منهج الرياضيات ان يستخدم موضوع معين بحيث يدمج مع مايدرس بالفعل فى الفصل الدراسي.
- **الاثراء من خلال التطبيقات** حيث ان استخدام التطبيقات فى فصول الرياضيات يمثل طريقة حيوية لاثراء ، كما انها تساهم فى الاجابة على السؤال الذى يردده التلاميذ وهو مافائدة دراسة الرياضيات ؟
- **الاثراء من خلال استكشافات التلاميذ** حيث توفر العديد من المشكلات اثراء اثناء استكشاف التلاميذ للحلول، وغالبا ماتستخدم هذه المشكلات كمقدمات قصيرة فى بداية الدرس او كمشكلات بحثية.
- **مثال : كم عدد الانماط التى يمكنك اكتشافها فى مثلث باسكال؟**
- **الاثراء من خلال الترفيه الرياضى** حيث تساعد الالغاز والحيل الرياضية فى تقديم طرق ممتازة لاثراء منهج الرياضيات ، وهى تركز على بعض المفاهيم او المهارات ، فضلا عن انها تحفز التلاميذ لدراسة الرياضيات. pp. 1 - 9

وقد أعد المجلس القومي لمعلمي الرياضيات **NCTM (1990)** مشروعات لاثراء الرياضيات المدرسية ، فى صوره ثلاثة مستويات (١ ، ٢ ، ٣) للمراحل الابتدائية و الاعدادية والثانوية - على الترتيب- بهدف تحقيق الاهداف التالية :

- تشجيع التلميذ على البحث والاستقصاء ، والاتصال فى الرياضيات .

- توفير أنشطة مناسبة للتلاميذ العاديين والمتفوقين .
- تضمين موضوعات غير موجودة في المنهج النظامي ، أو تقديم موضوعات موجودة في المنهج النظامي بطريقة مختلفة .
- امداد المعلم بمادة تعليمية يمكن تعديلها لتتناسب مواقف متنوعة تشمل العمل الفردي والعمل في مجموعات صغيرة .
- اثارة اهتمام وحب استطلاع التلميذ عن الرياضيات وتطبيقاتها .
- تعزيز منظور الرياضيات كما جاء في معايير منهج وتقييم الرياضيات المدرسية التي وضعها المجلس القومي لمعلمي الرياضيات سنة ١٩٨٩ . P.V

ج- تجميع التلاميذ المتفوقين بناء على القدرة: Ability Grouping

عرف **وارد Ward (1979)** تجميع التلاميذ بناء على القدرة بأنه ' اجراء لتجميع التلاميذ المتقاربين في القدرة على التعلم أو في استعدادات معينة ، وذلك لكي يحدث التعليم والتعلم بمعدل وعند مستوى كفاءة يناسب هذه القدرات ' . P.65

وتوجد عدة طرق لتجميع التلاميذ المتفوقين بناء على القدرة يمكن تناولها كمايلي:

- تجميع التلاميذ المتفوقين مع العاديين في الفصل المعتاد:

وتذكر **كلارك Clark (1992)** ان هذه الطريقة يمكن ان تشبع حاجة التلاميذ المتفوقين الى التفاعل مع اقرانهم ، الا ان التدريس الجماعي لايسهم - عادة - في تفريد المنهج. P.175
ويذكر **المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM (1987)** انه يمكن تقديم برامج في صورة مشروعات خاصة ، دراسة مستقلة ، العمل في مجموعات صغيرة ، أو تدريس الزملاء . وفي بعض المدارس يتم تزويد التلاميذ المتفوقين بكتاب تعليمي بديل أو مواد تعليمية اضافية تعالج الرياضيات بعمق وعند مستوى اعلى. P.23

- تجميع التلاميذ المتفوقين في فصل لبعض الوقت:

تذكر **كلارك Clark (1992)** أنه في هذه الطريقة يترك التلاميذ المتفوقون فصولهم المعتادة لفترة محدودة ، وذلك لتلقى تعليما خاصا في فصل لبعض الوقت ، ثم يرجعون لقضاء معظم الوقت في فصولهم المعتادة ، ومن مميزات هذا المدخل انه يتيح الفرصة للتلاميذ المتفوقين للعمل وفقا لمستوى قدراتهم في مجالات اهتماماتهم ، والتفاعل مع تلاميذ متفوقين آخرين لبعض الوقت اثناء اليوم الدراسي ومن عيوب هذه الطريقة ، ان التلاميذ المتفوقين يقضون معظم الوقت في فصولهم المعتادة ، وغالبا مايطلب منهم القيام باعمال الفصل الدراسي المعتاد التي تغييبوا عنها اثناء تجميعهم لبعض الوقت ، بالاضافة الى ان الفترة الزمنية التي يتم فيها تجميع التلاميذ المتفوقين غير كافية لاشباع كل حاجاتهم. P.176

ويذكر **المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM (1987)** انه في هذه الطريقة يمكن توفير فرص عديدة لتعديل المنهج لجعله مناسباً لحاجات التلاميذ المتفوقين حيث يمكن معالجة المحتوى بسرعة وعمق وعند مستوى أعلى من التجريد والشكالية ، ويمكن ادراج موضوعات غير موجودة بالمنهج المعتاد وتطبيقات ومشكلات تثير تحدى التلاميذ . كما يجد التلاميذ فرصا لمناقشة الرياضيات مع بعضهم والانهماك في موضوعات ذات اهتمام فردي. P.23

- تفريده حجرات الدراسة :

تذكر **كلارك Clark (1992)** أنه في هذه الطريقة يمكن استخدام التعليم الفردي أو المجموعات الصغيرة ، ويستخدم القياس لتحديد المنهج والمواد التعليمية لكل تلميذ ، وتكون هذه الفصول - في الغالب - متعددة الصفوف ، حيث انها تضم تلاميذ من صفوف متعددة ، ومن مميزات هذه الطريقة أن التلاميذ المتفوقين يعملون طبقاً لمستواهم ومعدل تعلمهم. ومن عيوبها انه في حالة وجود تلميذ أو تلميذين متفوقين فقط ، ربما يشعران بانهما معزولان ولا يوجد من يشاركهما افكارهما. كما انها تتطلب معلماً ذا كفاءة عالية ، وأدوات تعليمية كافية . هذا ويمكن دمج هذه الطريقة مع الطريقة الاولى او الثانية. P.176

- تجميع التلاميذ المتفوقين في فصول خاصة:

تذكر **كلارك Clark (1992)** أن هذه الطريقة مناسبة للتلاميذ متوسطى ومرتفعى التفوق ، ويمكن ان تسهم في اشباع كل حاجات التلاميذ المتفوقين ، ومن مميزات هذه الطريقة انه يمكن تصميم برامج وبيئة تعليمية في الفصل الخاص لاشباع حاجات التلاميذ المتفوقين ، كما ان الالتحاق بهذه الفصول التي تركز على التفوق في مجال معين يجعل التلاميذ يقدرون قدرات التلاميذ الاخرين ، ومن عيوب هذه الطريقة انها تتطلب معلماً مدرباً على نحو خاص في تفريد التعليم حيث ان التلاميذ المتفوقين ليسوا في مستوى متقدم جداً في كل المواد الدراسية وبالنسبة للتلاميذ المتفوقين في الرياضيات. P.180

يذكر **المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM (1987)** ان الفصول الخاصة غالباً ماتكون في صورة برامج بعض الوقت حيث يخرج التلاميذ المتفوقون من فصولهم بصفة دورية لاختذ أنشطة اثنائية في الرياضيات ، او في صورة فصول ذات معدل سريع.

وقد صممت فصول المعدل السريع على غرار برنامج دراسة الشباب ميكري النضج في الرياضيات SMPY في جامعة جونز هوبكنز بامريكا . وفي بعض البرامج تم تبني فكرة الفصول الخاصة واستبدال الاسراع بالاثراء ، وفي هذه البرامج يجد التلميذ منهجاً متكاملًا ، ومن امثلة ذلك الرياضيات الحديثة الموحدة Unified Modern Mathematics ، واصول الرياضيات Elements of Mathematics ، وفي هذه البرامج يحصل التلميذ على شهادة من المدرسة مقابل عمله في جزء من البرنامج ، وشهادة جامعية مقابل عمله في الجزء الباقي. PP. 25-27

- تجميع التلاميذ المتفوقين في مدارس خاصة:

تذكر **كلارك Clark (1992)** ان المدارس الخاصة هي امتداد للفصول الخاصة ، وتستخدم عادة في المدن الكبرى ، وللتلاميذ مرتفعى التفوق ، ولهذه الطريقة نفس مميزات وعيوب الفصول الخاصة. P. 181
وبالنسبة للتلاميذ المتفوقين في الرياضيات ، ذكر المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM (1987) ان المدارس الخاصة في الرياضيات تركز على الرياضيات خلال البرنامج الدراسي ككل ، ومن الامثلة الشهيرة لهذه المدارس بامريكا مدرسة شمال كارولينا للعلوم والرياضيات. PP. 24 - 25

وقد اثار تجميع التلاميذ المتفوقين بناء على القدرة الجدول بين التربويين فبينما يؤيد بعضهم التجميع المبني على القدرة نظراً للفوائد التي تعود على التلاميذ المتفوقين ، يعارض البعض الاخر ذلك نظراً للاضرار التي قد تعود على التلاميذ المتفوقين والعاديين نتيجة فصلهم عن بعضهم .

فوائد تجميع التلاميذ المتفوقين بناء على القدرة

- لخص **باسو Passow** (**عبد السلام عبدالغفار ، ويوسف محمود الشيخ ، ١٩٩٦**) الفوائد التي يجنيها التلميذ المتفوق نتيجة انتمائه لمجموعة من المتفوقين فيمايلي:
- كلما كان مدى التباين بين افراد المجموعة التي تقدم اليها الخدمات صغيرا كانت استفادة المجموعة بهذه الخدمات كبيرة .
 - ان انتماء المتفوق لمجموعة مماثلة في مستواه العقلي يساعده على تكوين مفهوم واقعي عن ذاته ، كما يساعده على التعرف على مواطن قوته وضعفه .
 - ان انتماء المتفوق لمجموعة من المتفوقين يساعده على البحث والتفكير ومناقشة الافكار على مستوى عال دون ان يفقد علاقته بالمجموعة .
 - ان تجميع المتفوقين في مجموعات خاصة يؤدي بهم الى النمو السريع .ص ٢٩٨

ومن الدراسات التي تؤيد تجميع التلاميذ المتفوقين معا دراسة **جاموران Gamoran** سنة ١٩٩٠ و **Feldhusen and Moon, 1992** التي توصلت الى " ان تحصيل التلاميذ المتفوقين انخفض عندما تم تجميعهم في فصول غير متجانسة". P. 65. ودراسة **فيلدهوزن ومون Feldhusen and Moon (1992)** التي توصلت الى "ان تجميع التلاميذ المتفوقين معا يؤدي الى مكاسب اكااديمية ملحوظة ، كما انه من الصعب اشباع حاجات التلاميذ المتفوقين في فصول غير متجانسة". P.63

وعلى الجانب الاخر ، لخص **باسو Passow** (**عبد السلام عبدالغفار ، ويوسف محمود الشيخ ، ١٩٦٢**) الاضرار التي يمكن ان تلحق بكل من المتفوقين والعادين ، اذا ماقصروا عن بعضهم البعض في مجموعات خاصة فيمايلي:

- تنمية اتجاهات سلبية بين العاديين نحو المتفوقين .
- ان فصل المتفوقين عن العاديين يحرمهم من فرص التدريب على الزعامة بين مجتمع من العاديين ، كما ان هذا الفصل يحرم العاديين من تقبل زعامة المتفوقين ومساندتهم .
- يؤدي فصل المتفوقين في مجموعات خاصة الى زيادة التنافس بينهم، كما ان الضغط الذي يعانونه من الرغبة في الوصول الى المستوى المطلوب قد يؤدي بهم الى الانسحاب وخفض مستويات طموحهم .
- ان وجود المتفوقين مع العاديين في برامج موحدة يساعد على استثارة الطاقات العقلية للعاديين ، ورفع مستوى الطموح بينهم وتحسين مستوى ادائهم في الفصل. ص ٢٩٧

ومن الدراسات التي تعارض تجميع التلاميذ المتفوقين معا دراسة **سلافن Slavin** سنة ١٩٩٠ ، ودراسة **اوكيس Oakes** سنة ١٩٩٠ . حيث توصلت **اوكيس Oakes (Kuilk and Kuilk, 1991)** الى " ان التلاميذ المتفوقين لم يكتسبوا شيئا من التجميع ، بينما عانى التلاميذ الاخرون من انخفاض في كل من الخلفية الاكاديمية وتوجيه الذات والطموح". P. 178. كما توصل **سلافن Slavin (Feldhusen and Moon,1992)** الى ان " لاتوجد فوائد ذات مغزى من تجميع التلاميذ المتفوقين في المرحلة الثانوية". P.65

وكمحاولة لتلخيص نتائج الدراسات المتعلقة بتجميع التلاميذ المتفوقين، قام **كولك وكولك (1991)** و **Kulik and Kulik** بتحليل (٢٥) دراسة تتعلق بتجميع التلاميذ المتفوقين ، وتوصلا الى ان تدريس التلاميذ المتفوقين في الفصول المتجانسة يسهم في رفع درجاتهم في الاختبارات التحصيلية عنه في الفصول غير المتجانسة " P. 188.

كما لخصت **كلارك Clark (1992)** نتائج بعض الدراسات المتعلقة بتجميع التلاميذ المتفوقين بناء على القدرة فيما يلي:

- توزيع المتفوقين بناء على قدراتهم ليس كافياً وحده لرفع مستوى تحصيلهم عن التلاميذ الذين لم يستخدم معهم هذا التوزيع مالم يصاحبه تعديل البرامج طبقاً لقدرات التلاميذ .
- اتجاهات الآباء ، المعلمين ، والتلاميذ المتفوقين نحو الفصول الخاصة موجبة بصفة عامة ، وخاصة اذا كان هذا التجميع مرناً ولا يعزل المتفوقين عزلة تامة عن زملائهم العاديين.
- يوجد في الفصول التي يتم تجميع تلاميذها بناء على القدرة فرص أكثر للتعبير عن الذات ، الدراسة بعمق ، الاسراع ، والحرية
- وجود التلميذ المتفوق في مجموعة خاصة يؤدي الى نمو موجب لمفهوم الذات .
- اتجاهات آباء ومعلمي التلاميذ الاخرين تجاه التلاميذ الذين تم تجميعهم بناء على القدرة اتجاهات سلبية .
- يحدث مزيد من التعلم ، كما يزداد الاهتمام بالمادة الدراسية لدى التلاميذ المتفوقين في الفصول الخاصة. 184 - 183 PP

ويتضح مما سبق ، انه توجد طرق متعددة لتجميع التلاميذ المتفوقين وذلك طبقاً لتنوع حاجاتهم ، كما ان كلا من التجميع المتجانس وغير المتجانس له مميزات وعيوب ، مما يدعو الى الاستفادة من مميزات كل منهما في تجميع التلاميذ المتفوقين ، وقد تأكد ذلك منذ سنة ١٩٧١ ، حيث اعلن قسم الولايات المتحدة للصحة ، التربية ، والرخاء *U.S. Dept. of Helath , Education and welfare (Clark , 1992)* ان التلاميذ المتفوقين اظهروا تفضيلهم للبرامج التي يتم فيها تجميعهم لفترة من اليوم الدراسي ، ولاتعزلهم عزلاً تاماً عن التلاميذ الاخرين. P.185

ولهذا - وفي الدراسة الحالية - تم تجميع التلاميذ المتفوقين في فصل لبعض الوقت لدراسة البرنامج الاثرائي في الرياضيات (موضوع البحث) بمايتضمنه من أنشطة تناسب قدراتهم العقلية، وتركهم باقي اليوم الدراسي في فصولهم العادية مع زملائهم العاديين لدراسة المنهج المدرسي.

د- نماذج تطوير مناهج التلاميذ المتفوقين:

توجد العديد من النماذج التي يمكن استخدامها بصورة فردية او متكاملة مع غيرها كأساس لتطوير المنهج في برنامج للتلاميذ المتفوقين ، وتساعد هذه النماذج في تقديم اطار لتحديد المحتوى وطرق تنظيمه . وقد ذكرت **ميكير Maker (1983)** * انه لا يوجد نموذج واحد يصلح لكل المواقف ، وفي المنهج الشامل يتم استخدام هذه النماذج بطريقة يكمل بعضها البعض . P.110

ويؤكد **بارك Parke (1989)** ذلك حيث ذكر * انه لا يوجد نموذج واحد يفي بكل حاجات التلاميذ ، وان عدداً من النماذج تكون مطلوبة لتلبية حاجات التلاميذ ، ويتطلب الاستخدام الامثل لهذه النماذج من المعلم معرفة معلومات عن عدد من النماذج وكيفية استخدام كل منها عندما يتطلب الامر ذلك . P.144

وفيما يلي يتم تناول بعض هذه النماذج بشيء من التفصيل:

أولاً: نموذج بلوم Bloom لتصنيف الأهداف المعرفية:

تذكر **ميكير Maker (1983)** ان * تصنيف بلوم يعد أكثر النماذج استخداماً في تنمية مستويات التفكير العليا ، وتؤسس معظم برامج المتفوقين جزئياً او كلياً على هذا النموذج . P.111

- كما يذكر **وليم عبيد واخرون (1989)** ان تصنيف بلوم يتضمن ستة مستويات هرمية هي
- **التذكر** : ويتضمن استرجاع مصطلحات او طرق معالجة معينة .
 - **الفهم** : ويقصد بهذا المستوى درجة الاستفادة التي يصل اليها المتعلم فيما حصله من معرفة ، ويظهر ذلك عن طريق مايقدمه من سلوك التعويض والمقارنة والتصنيف واعطاء امثلة والوصف واستخدام الرموز والتحويل من صورة الى اخرى .
 - **التطبيق** : ويتضمن سلوك التطبيق ان يستخدم الطالب الاساسيات والنظريات والمبادئ والافكار العامة فى مواقف خاصة وجديدة .
 - **التحليل**: ويظهر سلوك التحليل عندما يقوم المتعلم بتجزئة المادة الى عناصر وتتبع العلاقات بين الاجزاء وطرق تنظيمها ، وان يدرك المعلومات المناسبة للموضوع وغير المناسبة ، والقدرة على ادراك النماذج والتشاكلات والتمثيلات ، وتحليل البراهين والادلة وادراك الحاجة الى المعلومات الاضائية والى البرهان او ايجاد مثال معاكس .
 - **التركيب** : ويقصد به قدرة الطالب على جمع العناصر والاجزاء فى بناء كلى متكامل ، بشرط ان يكون هذا الكلى المتكامل غير واضح من قبل ، ومن نتائج هذا السلوك انتاج كل مميز وفريد ، وانتاج وعمل خطة او مجموعة من العمليات المقترحة ، واستخلاص مجموعة من العلاقات المجردة ويظهر سلوك هذا المستوى فى قيام التلاميذ بالاستنباط والاستقراء ووضع الخطط لحل المشكلات المختلفة ، واختبار مدى صلاحية هذه الخطط او اشتقاق نظريات جديدة باستخدام النظريات السابقة .
 - **التقويم**: يظهر فى القدرة على اصدار حكم على صحة او صدق الحلول مثل الحكم على الصدق المنطقى للبرهان . والحكم على عملية البرهان و اهمية ومغزى ومعنى المشكلة . ص ص ٦٣ - ٦٧

ويذكر **بارك Parke (1989)** بعض فوائد تصنيف بلوم ، فهو يعطى التلاميذ فرصة لاستخدام وتنمية مهارات تفكيرهم ، ويمد المعلم بطريقة لتفريد التعليم دون الحاجة الى عزل التلاميذ المتفوقين ، وذلك بالسماح للتلاميذ الذين اتقنوا المحتوى عند المستويات الدنيا بسرعة لقضاء وقت اطول فى مستويات التفكير العليا . PP. 147 - 148.

مدى استفادة البحث الحالي من تصنيف بلوم:

استفاد الباحث من تصنيف بلوم للاهداف المعرفية فى صياغة الاهداف السلوكية لوحدة البرنامج ، وفى بناء الأنشطة الاترائية حيث تم التركيز فى اغلبها على مستويات التفكير العليا ، كما استفاد الباحث من صورة معدلة لتصنيف بلوم (**وليم عبيد واخرون ، 1989**) فى بناء الاختبارات التحصيلية التى استخدمت فى تقويم البرنامج .

ثانيا - نموذج جالهر لتعديل المحتوى Gallagher's Model for Content Modification

يذكر **جالهر Gallagher (1984)** ان هذا النموذج يتكون من اربعة مداخل هي:

- اسراع المحتوى:

يستند هذا المدخل على اساس ان اداء التلاميذ المتفوقين فى الاختبارات التحصيلية اعلى بصفين او اكثر من المستوى الصفى المتوقع ، وبالتالي يجب اعطائهم محتوى يمتشى مع مستوى انجازهم .

حول رياضيات المرحلة الإعدادية

١- معايير رياضيات المرحلة الإعدادية:

اتشأ المجلس القومي لمعلمي الرياضيات *NCTM* لجنة لوضع معايير للرياضيات المدرسية ، وأسفرت جهود هذه اللجنة عن مجموعة من المعايير لكل من مناهج الرياضيات من الحضنة حتى الصف الثاني عشر ، وتقويم كل من المنهج وتحصيل التلاميذ، ومن اهم معايير محتوى رياضيات المرحلة الاعدادية ما يلي:

- حل المشكلات *Problem Solving*: ينبغي ان يتضمن مقرر الرياضيات خبرات وفيرة ومتنوعة عن حل المشكلات كطريقة للاستقصاء والتطبيق .
- الاتصال *Communication*: ينبغي ان تتضمن دراسة الرياضيات فرصا للاتصال.
- السببيه *Reasoning*: ينبغي ان تتخلل السببيه مقرر الرياضيات .
- الترابط *Connections*: ينبغي ان يتضمن مقرر الرياضيات استقصاء للترابطات الرياضية. P.85

في ضوء معايير المجلس القومي لمعلمي الرياضيات *بأمريكا (NCTM, 1989)* ، ونموذج بلوم *(Bloom, 1956)*، ونموذج جالهر *(Gallagher, 1984)* اشترك الباحث المعايير التالية لبناء برنامج اثرائي في الرياضيات للتلاميذ المتفوقين:

- ان يرتبط محتوى البرنامج الاثرائي بمحتوى مقرر الرياضيات المعتاد ارتباطا منسقا .
- ان يعمل البرنامج الاثرائي على توسيع دائرة معرفة التلاميذ المتفوقين لجوانب التعلم المتضمنة بمقرر الرياضيات ، وتعميق فهم التلاميذ لها.
- ان يتضمن البرنامج أنشطة حل مشكلات رياضية بهدف تنمية المستويات العليا في التفكير لدى التلاميذ.
- ان يكون البرنامج مناسباً لحاجات وقدرات التلاميذ المتفوقين المعد لهم البرنامج .
- ان يكون البرنامج مناسباً للامكانيات المادية والبشرية المتاحة للمدرسة التي يطبق بها البرنامج.
- ان تتخلل السببيه بشقيها الاستقرائي والاستدلالي محتوى البرنامج .
- ان يتضمن البرنامج جوانب تعلم شيقة مثل جوانب تاريخية عن علماء الرياضيات ، والغاز رياضية.
- ان يتضمن البرنامج تطبيقات للمفاهيم والعلاقات الرياضية.
- ان تنفذ أنشطة التقييم المستمر للبرنامج بهدف تطوير البرنامج.
- ان يكون البرنامج شاملاً ، هيكلية ، وحزونية ، عبر مستويات الصف الدراسي.
- ان يقتنع كل التلاميذ المتفوقين باهمية البرنامج ، وانه يناسب قدراتهم.

٢- خطة الدراسة في المرحلة الاعدادية بمصر:

تعتبر الرياضيات احد مدخلات العملية التعليمية في المرحلة الاعدادية ، وهي تسهم مع باقي المدخلات الاخرى في تحقيق الاهداف العامة لتلك المرحلة . ويتضح ذلك من خطة الدراسة بالمرحلة الاعدادية. يوضح جدول (١) واقع خطة الدراسة بالمرحلة الاعدادية بمصر.

جدول (١) : واقع خطة الدراسة في المرحلة الاعدادية بمصر

المادة الدراسية	الصف الاول	الصف الثانى	الصف الثالث	المجموع الكلى
التربية الدينية	٢	٢	٢	٦
اللغة العربية	٦	٦	٦	١٨
الرياضيات	٥	٥	٥	١٥
المواد الاجتماعية	٣	٣	٣	٩
العلوم	٤	٤	٤	١٢
التربية الفنية	٢	٢	٢	٦
مجال صناعى	٢	٢	٢	٦
مجال زراعى	٢	٢	٢	٦
تربية موسيقية	١	١	١	٣
تربية رياضية	٢	٢	٢	٦
ريادة علمية	١	١	١	٣
المجموع الكلى	٣٠	٣٠	٣٠	٩٠

يتضح من الجدول (١) ان نسبة حصص الرياضيات الى المجموع الكلى للخصص في كل صف من صفوف المرحلة الاعدادية هي ٦٧٪، وتدل هذه النسبة على اهمية دور الرياضيات كمادة علمية في المرحلة الاعدادية . وبالتالي ينبغي الاستفادة منها في اثراء المنهج للتلاميذ المتفوقين بالمرحلة الاعدادية ، وذلك من خلال طبيعة الرياضيات كمادة علمية.

٣- الاهداف العامة لتدريس الرياضيات بالمرحلة الاعدادية بمصر:

حددت الادارة العامة للتعليم الاعدادى بوزارة التربية والتعليم في مصر الاهداف العامة التالية لتدريس الرياضيات بالحلقة الاعدادية العامة من مرحلة التعليم الاساسى.

في نهاية تدريس منهج الرياضيات في هذه المرحلة يكون الطالب قادرا على ان:

- يتمكن من قراءة وكتابة اللغة والرموز المعاصرة للرياضيات واستخدامها في المواقف المختلفة التي تواجهه.
- يتروى بقدر مناسب من المعلومات والثقافة الرياضية لمساعدته على معايشة العصر بما يتسم به من العلم والتكنولوجيا وحتى يستطيع متابعة الدراسة في المواد الاخرى وفي المراحل التالية.
- يتعود التفكير المنطقى في تحليل المواقف والمشكلات الحياتية وعدم التسرع فى اصدار احكام قبل اقامة الدليل والبرهان على صحة اقواله.

- يكتسب عادات بناءة هادفة مثل الدقة في التعبير والدقة في الأداء .
- يتعرف على بعض المشكلات الاجتماعية المختلفة بابعادها المؤثرة في حياة ذلك من خلال نماذج رياضية وفروض مماثلة بحيث تسهم في تعميق فكرة الانتماء وتحفزه لحب الاكتشاف.
- يتقن المهارات الأساسية في الرياضيات والتي تمكنه من القيام بالمعاملات بكفاءة عالية وما يتطلبه ذلك من عمليات حسابية دقيقة أو تقديرية أو تقريبية تمكنه أيضا من قراءة وتفسير البيانات وتمثيلها بيانيا وهندسيا.
- يكتسب بعض المهارات الرياضية التي تيسر له المتعة في استخدام الرياضيات في اوقات فراغه. ص ٥٠.

٤ - الاهداف الخاصة لتدريس الرياضيات في الصف الاول الاعدادي بمصر:

كما حددت ايضا الادارة العامة للتعليم الاعدادي بوزارة التربية والتعليم في مصر الاهداف الخاصة التالية لتدريس الرياضيات بالصف الاول الاعدادي:

الكتاب الاول :

- يتعرف على مفهوم المجموعة ولغة المجموعات ويتمكن من التعبير عن المجموعة.
- يتعرف على مفهوم المجموعة الخالية والمجموعة الشاملة والمجموعة الجزئية.
- يتعرف على مفهوم مجموعة الأعداد الطبيعية مع تمثيل عناصرها على خط الأعداد.
- يدرس خواص عملية الجمع على ط (الانغلاق - الإبدال - الدمج - المحايد) .
- يعرف إمكانية الطرح في ط (ط) .
- يعرف مفهوم ضرب الأعداد وإمكانية الضرب في ط ويتعرف على خواص الضرب في ط (ط) .
- يتعرف على قاعدة ضرب الأعداد ذات الأساسات المتساوية.
- يتعرف على إمكانية القسمة في ط وأن القسمة على الصفر ليس لها معنى.
- يتعرف على الأعداد الطبيعية الزوجية والفرديّة.
- يتعرف على مجموعة عوامل العدد أو قواسمه.
- يتعرف على الأعداد الأولية وتحليل الأعداد إلى عواملها الأولية.
- يتعرف على مفهوم النقطة الهندسية والمستقيم والشعاع والقطعة المستقيمة والمستوى.
- يعرف مفهوم الزاوية ومعنى الزاويتين المتجاورتين والمتتامتين والمتكاملتين والمتقابلتين بالرأس.
- يعرف خطوات البرهان المنطقي المباشر.
- يعرف أنه إذا تقاطعت عدة أشعة في نقطة واحدة فإن مجموع قياسات الزوايا الناتجة والمتجمعة حول هذه النقطة = ٣٦٠ (اربع قوائم).
- يعرف مفهوم توازي مستقيمين.
- يتعرف على مسلمة اقليدس.
- يتعرف على الزوايا الخارجة والداخلية والزوايا المتناظرة والمتبادلة الناتجة من تقاطع مستقيمين لمستقيمين.
- يتعرف على انواع المنحنيات.
- يعرف معنى المضلع ومحيطه ورأس المضلع وزواياه وقطره و سطح المضلع.
- يدرك العلاقة بين طول أي ضلع في المثلث ومجموع طولى الضلعين الآخرين.
- يتعرف على مجموع قياسات زوايا المثلث الداخليّة.
- يتعرف على مجموع قياسات الزوايا الداخليّة لمضلع مقفل عدد اضلاعه (ن) ضلعا = (٢ن - ٤) من القوائم.

الكتاب الثاني:

- يتعرف على الحدود الجبرية، والحدود الجبرية المتشابهة.
- يتدرب على جمع الحدود المتشابهة.
- يتعرف على ضرب وقسمه الحدود الجبرية.
- يتعرف على تحليل المقدار الجبري باخراج العامل المشترك.
- يتعرف على حل المعادلات والمتباينات البسيطة في (ط) .
- يعرف عملية تبويب البيانات وتكوين جداول التوزيع والجداول التكرارية والجداول التكرارية المتجمع الصاعد والنازل.
- يفهم معنى تطابق قطعتين مستقيمتين وتطابق زاويتين ومثلثين ومضلعين .
- يعرف معنى الانعكاس في مستوى على مستقيم وخواصه ، ويعرف محور التماثل. ص ص ٥٠ - ٥٣

٥- مقرر رياضيات الصف الاول الاعدادي العام بمصر:

يقع مقرر رياضيات الصف الاول الاعدادي العام بمصر في كتابين هما: الكتاب الاول ، يتم تدريسه في النصف الاول للعام الدراسي ، والكتاب الثاني ، يتم تدريسه في النصف الثاني للعام الدراسي. ويتضمن الكتاب الاول الموضوعات التالية :

اولا: الجبر ويشمل مايلي:

- **المجموعات** : مفهوم المجموعة والعنصر، تمثيل المجموعة بأشكال فن، التعبير عن المجموعة ، المجموعة الخالية ، المجموعة الجزئية ، تساوى مجموعتين ، المجموعة الشاملة ، بعض العمليات على المجموعات (التقاطع ، الاتحاد ، الفرق ، والاكمال) .
- **مجموعة الاعداد الطبيعية** : تمثيل المجموعة (ط) على خط الاعداد ، عمليتا الجمع والضرب في (ط) وخواصهما والضرب المتكرر ، بحث امكانية اجراء عملية الطرح في (ط) وتعريفها وامكانية القسمة في (ط) وقواسم العدد الطبيعي ، تحليل العدد الطبيعي الى عوامل أولية ، مضاعفات العدد ، المضاعف المشترك الاصغر .

ثانيا: الهندسة وتشمل مايلي:

- مفهوم النقطة الهندسية ، مجموعات النقط ، المستقيم ، الشعاع ، القطعة المستقيمة .
- مفهوم الزاوية ، قياس الزاوية ، انواع الزوايا ، نظرية (١-١) تدرس عمليا ، ونتائجها ، نظرية (٢-١) تدرس عمليا .
- التوازي : مفهوم التوازي ، مسلمة اقليدس ونتائجها ، الزوايا المتناظرة والمتبادلة والداخلية ، نظرية (٢-٢) ، نظرية (٢-٢) .
- الاشكال الهندسية المستوية ، العلاقة بين طول اى ضلع في المثلث ومجموع طولى الضلعين الاخرين ، قياسات زوايا المثلث الداخلية ونتائجها.

كما يتضمن الكتاب الثاني الموضوعات التالية :

أولاً: الجبر ويشمل مايلي:

- جمع الحدود الجبرية المتشابهة ، ضرب حد في حد ، ضرب حد في مقدار جبري ، قسمة الحدود الجبرية ، تحليل مقدار جبري باخراج العامل المشترك ، حل المعادلات والمتباينات البسيطة في (ط)

ثانياً : الأخطاء وتشمل مايلي:

العرض الجدولي ، جدول تفرغ البيانات ، الجدول التكرارى البسيط ، الجدول التكرارى ذى المجموعات ، الجدول التكرارى المتجمع المساعد ، جدول التكرار المتجمع النازل.

ثالثاً : الهندسة وتشمل مايلي :

- تطابق المثلثات (حالات التطابق عمليا) .
- الانشاءات الهندسية (باستخدام المسطرة والفرجار) .
- الانعكاس : تعريفه وخواصه .
- دراسة حالات خاصة للمثلث [نظرية (٥-١) ، (٦-١)] ص ٥٢ ، ٥٤ .

مدى استفادة الباحث من الأطار النظرى للدراسة

استفاد الباحث من الأطار النظرى للدراسة مايلي:

- التعرف على مفهوم التفوق العقلى .
- التعرف على خصائص التلاميذ المتفوقين .
- التعرف على اساليب تحديد التلاميذ المتفوقين .
- وفى ضوء ذلك امكن للباحث بالاضافة الى تحديد طريقة فرز واختيار التلاميذ المتفوقين (عينة الدراسة الحالية) الوصول الى خصائص التلاميذ المتفوقين فى الرياضيات (موضع اهتمام الدراسة الحالية) مما يسر للباحث عملية تدريس والتعامل مع هذه الفئة من التلاميذ .

- التعرف على حيثيات تعليم التلاميذ المتفوقين .
- التعرف على اهداف برامج تعليم المتفوقين .
- التعرف على طرق بناء برامج المتفوقين .
- التعرف على نوعى برامج المتفوقين (الاسراع - الاثراء) ، مفهوم كل منهما ومميزاته وعيوبه .

وفى ضوء ذلك امكن للباحث التعرف على طرق بناء وتصميم البرامج الاثرائية (موضع اهتمام الدراسة الحالية) واهم الاسس والمعايير التى يجب اتباعها عند عملية البناء والتصميم .

- التعرف على معايير اختيار محتوى رياضيات المرحلة الاعدادية عالميا .

- التعرف على اهداف ومحتوى رياضيات المرحلة الاعدادية محليا .

وفى ضوء ذلك قام الباحث بصياغة وبلورة معايير اختيار وتحديد وتصميم برنامج اثرائى لتلاميذ الصف الاول الاعدادى (عينة الدراسة الحالية)

وبناء على ما سبق سيتم الاخذ بالاثراء فى الدراسة الحالية دون الاسراع .

الفصل الثالث الدراسات السابقة

يتناول هذا الفصل :

- أولاً : دراسات حول التلاميذ المتفوقين
- ثانياً : دراسات حول البرامج التعليمية
في الرياضيات (بصفة عامة)
- ثالثاً : دراسات حول البرامج الأثرية

الدراسات السابقة

يتناول هذا الفصل عرضا لما أمكن للباحث الحصول عليه من دراسات سابقة عربية واجنبية ذات علاقة بموضوع الدراسة الحالية، وتم تصنيف هذه الدراسات في ثلاثة محاور ، كان أولها الدراسات التي تتعلق بالتلاميذ المتفوقين ، وثانيها الدراسات التي تتعلق بالبرامج التعليمية في الرياضيات (بصفة عامة) ، واخيرا الدراسات التي تتعلق بالبرامج الاثرية.

وفي كل محور من المحاور السابقة يتم عرض الدراسات العربية في البداية تعقبها الدراسات الاجنبية ، وفي نهاية كل محور قام الباحث بالتعليق على الدراسات التي تضمنها المحور ومدى استفادة الدراسة الحالية منه ، كما تم التعليق في نهاية الفصل على مدى استفادة الدراسة الحالية من الدراسات السابقة بوجه عام.

أولا : دراسات حول التلاميذ المتفوقين:

1- الدراسات العربية:

دراسة أديب محمد الفالدي (١٩٧٢):

هدفت هذه الدراسة الى تعرف العلاقة بين التفوق العقلي وبعض جوانب التوافق الشخصي والاجتماعي لدى تلاميذ المدارس الاعدادية العراقية.

ولتحقيق ذلك تم تطبيق اختبارات القدرة العقلية العامة (اعداد احمد سلامة وفواد ابو حطب) واختبار الشخصية للمرحلتين الاعدادية والثانوية (اعداد عطية هنا) على عينة حجمها (١٠٠٠) تلميذ عراقي ، تم اختيارهم من الصفين الثاني والثالث بالمدارس الاعدادية في بغداد ، وتتراوح اعمارهم الزمنية بين ١٤ - ١٥ سنة.

وقد توصلت الدراسة الى وجود علاقة موجبة بين درجات افراد العينة في اختبار القدرة العقلية العامة ، ودرجاتهم في الاختبار الذي يقيس جوانب التوافق الشخصي والاجتماعي.

دراسة نبيه ابراهيم اسما عيل (١٩٧٦):

هدفت هذه الدراسة الى الكشف عن بعض القيم الشخصية والاجتماعية التي قد تميز التلاميذ المتفوقين عقليا عن اقرانهم العاديين من تلاميذ الصف الاول الثانوي.

ولتحقيق ذلك تم تطبيق اختبار كاتل للذكاء ، اختبار القيم الشخصية (عبد السلام عبد الغفار ، ١٩٧٤) ، واختبار القيم الاجتماعية (عبد السلام عبد الغفار ، ١٩٧٤) على عينة حجمها (٩٥) تلميذ بالصف الاول الثانوي منهم (٤٧) متفوق ، (٤٨) عادي.

وقد اسفرت الدراسة عن النتائج التالية :

- هناك فروقا ذات دلالة احصائية بين درجات المتفوقين عقليا والعاديين في القيم الشخصية ، حيث تميز المتفوقون عن العاديين بارتفاع مستوى قيم الانجاز ، الحسم ، ووضوح الهدف ، بينما تميز العاديون عن المتفوقين بارتفاع مستوى القيمة العلمية وقيمة التنوع . ولم توجد فروقا ذات دلالة احصائية بين المتفوقين والعاديين في قيمة التنظيم.

- ان المتفوقين يتميزون عن العاديين بارتفاع مستوى عدد من القيم الاجتماعية : المسايرة ، الاستقلال ، ومساعدة الاخرين . بينما تميز العاديون عن المتفوقين بارتفاع مستوى قيمة المساندة وقيمة التقدير . ولم توجد فروقا ذات دلالة احصائية بينهما في قيمة القيادة.

دراسة عبد العزيز السيد الشخص (١٩٧٨):

هدفت هذه الدراسة الى محاولة الكشف عن العلاقة بين ثلاثة انواع من التفوق العقلي من جهة وبعض سمات الشخصية من جهة اخرى.

ولتحقيق ذلك تم تطبيق اختبار كاتل للذكاء (اعداد احمد عبد العزيز سلامة ، وعبد السلام عبد الغفار)، اختبارات القدرة على التفكير الابتكاري (اعداد عبد السلام عبد الغفار).

- استفتاء الشخصية لكاتل (اعداد سيد محمد غنيم وعبد السلام عبد الغفار) على عينة حجمها (٢٠٠) طالب من طلاب الصف الثاني الثانوي العام وتم تقسيمها الى مجموعة ذوى المستوى المرتفع من حيث كل من الذكاء والقدرة على التفكير الابتكاري ، ومجموعة ذوى المستوى المرتفع من حيث الذكاء والمستوى العادي من حيث القدرة على التفكير الابتكاري ، ومجموعة ذوى المستوى العادي من حيث الذكاء والمستوى المرتفع من حيث القدرة على التفكير الابتكاري ، ومجموعة ذوى المستوى العادي من حيث كل من الذكاء والقدرة على التفكير الابتكاري وتكونت كل مجموعة من (٥٠) طالبا.

وقد اسفرت الدراسة عن مجموعة نتائج منها :

- يتميز المتفوقون من حيث الذكاء عن اقرانهم العاديين بالاتزان الانفعالي ، قوة الشخصية ، الثقة بالنفس ، الاكتفاء الذاتي ، السيطرة على النفس ، قوة العزيمة ، وضعف التوتر الدافعي.

- يتميز المتفوقون من حيث الذكاء عن اقرانهم المتفوقين من حيث القدرة على التفكير الابتكاري بالاتزان الانفعالي ، الاكتفاء الذاتي ، وضعف التوتر الدافعي.

دراسة اديب محمد علي (١٩٨١):

هدفت هذه الدراسة الى الوصول الى معادلة تنبؤية للتفوق العقلي بين تلاميذ المرحلة الاعدادية وذلك في ضوء بعض المتغيرات المرتبطة بالتفوق العقلي.

ولتحقيق ذلك تم تطبيق اختبار كاتل للذكاء (اعداد احمد سلامة وعبد السلام عبد الغفار ، ١٩٧٣) ، اختبار القدرة على التفكير الابتكاري (اعداد عبد السلام عبد الغفار، ١٩٦٦) ، ومقياس اتجاهات التلاميذ نحو العمل المدرسي (اعداد الباحث) ، مقياس الاتجاهات الوالدية في التنشئة (اعداد خالد الطحان ١٩٧٧) ، مقياس الدافع الى الانجاز (اعداد ابراهيم قشقوش) ، اختبار الشخصية للمرحلتين الاعدادية والثانوية (اعداد عطية هنا ١٩٦٢) ، مقياس مستوى الاسرة الثقافي (اعداد خالد الطحان ١٩٧٧) ، ودليل المستوى الاجتماعي الاقتصادي (اعداد عبد السلام عبد الغفار و ابراهيم قشقوش ١٩٧٨) وذلك على عينة من تلاميذ الصف الاول الثانوي حجمها (٢٧٢) تلميذا ، وقد تراوحت اعمارهم بين ١٤ الى ١٦ سنة.

وقد اسفرت الدراسة عن مجموعة نتائج اهمها مايلي:

- وجود علاقة موجبة بين التحصيل الدراسي لافراد العينة ودرجاتهم في ابعاد التوافق الشخصي والاتجاهات نحو الزملاء في العمل المدرسي واتجاهات الامهات نحو التقبل في التنشئة.

- وجود علاقات موجبة بين القدرة العقلية العامة وكل من التوافق الشخصي ، التوافق الاجتماعي ، اتجاهات الامهات نحو الاستقلال ، اتجاهات الامهات نحو التقبل واتجاهات الاباء نحو الديمقراطية.

- وجود علاقات موجبة بين القدرة العقلية العامة وكل من : الدافع الى الانجاز ، واتجاهات الامهات نحو الديمقراطية.

دراسة خليل ميخائيل معوض (١٩٨٣):

هدفت هذه الدراسة الى مقارنة مجموعات من المراهقين الذكور النابغين ، المبتكرين ، والاذكياء ، والعاديين في كل من القدرة العددية ، القدرة على التصور البصرى ، العلاقات المنزلية ، العلاقات الاجتماعية ، الثبات الانفعالى ، الشعور بالمسئولية ، الواقعية ، الحالة المزاجية ، والقيادة .
ولتحقيق ذلك تم استخدام اختبار الذكاء العالى (للسيد محمد خيرى) ، اختبار القدرة على التفكير الابتكارى (لعبد السلام عبد الغفار) ، مقياس الارشاد النفسى (لمحمد عماد الدين اسماعيل ، وسيد عبد الحميد مرسى) ، اختبار القدرة العددية (لايزنك ، ترجمة واعداد الباحث) ، اختبار القدرة على التصور البصرى المكاني (لايزنك ، ترجمة واعداد الباحث) واستمارة بحث وضعت فى صورة اختبار (اعداد الباحث) .
 وتكونت عينة البحث من (١٧٥) طالب بالمرحلة الثانوية وتكونت مجموعة النابغين (افضل ٢٥٪ من حيث الذكاء العالى والتفكير الابتكارى) من (٥٠) طالبا ، ومجموعة المبتكرين (افضل ٢٥٪ من حيث التفكير الابتكارى) من (٢٥) طالبا ، ومجموعة الاذكياء (افضل ٢٥٪ من حيث الذكاء العالى) من (٥٠) طالبا ، ومجموعة العاديين من (٥٠) طالبا.
واسفرت الدراسة عن النتائج التالية :

- تفوقت كل من مجموعتى النابغين والاذكياء على مجموعة العاديين فى القدرة العددية بفروق ذات دلالة احصائية عند مستوى ٠.١ ، وتفوقت مجموعة النابغين على كل من مجموعتى المبتكرين والاذكياء بفروق ذات دلالة احصائية عند مستوى ٠.٥ ، ولم يوجد بين مجموعتى المبتكرين والعاديين فروق جوهرية فى هذه القدرة.
 - تفوقت مجموعات النابغين والمبتكرين والاذكياء على مجموعة العاديين فى القدرة على التصور البصرى المكاني بفروق ذات دلالة احصائية عند مستوى ٠.١ ، ٠.٥ ، و٠.٥ من الثقة -على الترتيب- فى حين ان المجموعات الثلاثة نفسها (النابغين ، الاذكياء ، والمبتكرين) كانت متشابهة فى هذه القدرة ولم توجد بينهم فروق جوهرية.

دراسة حسن مصطفى عبد المعطى ، ومحمد السيد عبد الرحمن (١٩٨٩):

هدفت هذه الدراسة الى المقارنة بين المتفوقين والعاديين والمتأخرين دراسيا من طلاب الحلقة الثانية من التعليم الاساسى فى كل من الذكاء ، القدرات العقلية ، التوافق النفسى ، مستوى القلق ، وسمات الشخصية .
ولتحقيق ذلك تم تطبيق اختبار القدرات العقلية الاولى (احمد زكى صالح) ، اختبار الشخصية للاطفال (عطية محمود هنا) ، مقياس القلق الصريح (مصطفى فهمى ومحمود احمد غالى) ، وقائمة الشخصية (فواد ابو حطب وجابر عبد الحميد) على عينة قوامها (١٤٢) تلميذا بالصف الثامن من التعليم الاساسى منهم (٥١) تلميذ متفوق ، (٣٣) تلميذ عادى ، (٥٨) تلميذ متأخر.
وقد اسفرت الدراسة عن النتائج التالية:

- وجود فروق ذات دلالة احصائية بين المتفوقين دراسيا والمتأخرين دراسيا فى متغيرات الشخصية ، وكانت الفروق فى صالح المتفوقين دراسيا فيما عدا مستوى القلق فكانت الفروق دالة فى صالح المتأخرين دراسيا.
 - وجود فروق ذات دلالة احصائية بين المتفوقين دراسيا والعاديين فى التحصيل فى كل من : الذكاء العام ، القدرة اللغوية ، القدرة الاستدلالية ، التوافق النفسى بابعاده لصالح المتفوقين . وعدم وجود فروق دالة احصائيا بينهما فى كل من مستوى القلق ، وسمات الحرص ، والتفكير الاصيل والحيوية.

دراسة أبراهيم عباس الزهيرى (١٩٩٣):

هدفت هذه الدراسة الى التعرف على كل من الاهتمامات التربوية الموجهة للطلاب المتفوقين من الفئات الخاصة من خلال بعد تاريخى . وبعد استراتيجى ، واهم المشكلات التى تموق تحقيق مبدأ تكافؤ الفرص التعليمية للطلاب المتفوقين بمرحلة التعليم الثانوى العام . ووضع تصور مقترح . لتطوير تعليم المتفوقين بمرحلة التعليم الثانوى العام وذلك من خلال مبدأ تكافؤ الفرص التعليمية لهم. **ولتحقيق ذلك** تم تصميم استبانة للتعرف على المشكلات التى تحول دون تطبيق مبدأ تكافؤ الفرص بفصول المتفوقين بمدارس مرحلة التعليم الثانوى العام وكيفية الاسهام فى التغلب عليها. وتم تطبيق هذه الاستبانة على عينة حجمها (٤١٠) من العاملين فى التربية والتعليم.

واسفرت الدراسة عن مجموعة من النتائج منها:

- ٦٢٪ من الافراد غير موافقين على الاساليب المتبعة حاليا فى اختيار الطلاب المتفوقين بمستوى دلالة ٠.١ و،
- وافق ٧ و ٨٠٪ منهم على استخدام الاختبارات النفسية والتربوية فى عملية الاختيار ، ثم يأتى استخدام مجموع الدرجات فى شهادة اتمام التعليم الاساسى فى المرتبة الثانية حيث وافق ٦ و ٦٤٪ من الافراد . اما آراء المعلمين فى عملية الاختيار فيأتى ترتيبها فى الهمية فى المرتبة الثالثة بنسبة ٨ و ٥٩٪ ، ثم اقل الآراء اهمية فى عملية الاختيار هى آراء اولياء الامور حيث كانت نسبة الموافقين (٦ و ٤٦٪).
- يرى ٩ و ٥٥٪ من افراد العينة ان المقررات الدراسية الحالية لا تتناسب والقدرات العقلية للمتفوقين بمستوى دلالة ٠.١ و.

٢- الدراسات الاجنبية :

دراسة اللرتون Ellerton (1986):

هدفت هذه الدراسة الى فحص المشكلات التى وضعها مجموعة من التلاميذ المتفوقين فى الرياضيات ، ومقارنتها بتلك المشكلات التى وضعها مجموعة من التلاميذ غير المتفوقين. **ولتحقيق ذلك** تم اختيار مجموعتين حجم كل منهما (٨) تلاميذ (٥ اولاد ، ٣ بنات) احدهما من المتفوقين فى الرياضيات ، والاخرى من غير المتفوقين ، وذلك من بين (١٥٤) تلميذا بالصف الثامن ، تتراوح اعمارهم من ١١-١٣ سنة ، بناء على آرائهم فى خمس مشكلات رياضية يتطلب حلها استخدام مهارات سببية متنوعة ثم طلب من كل تلميذ فى المجموعتين ان يضع مشكلة صعبة لزميل له ثم يقوم بحلها بنفسه.

وأظهرت نتائج الدراسة مايلى:

- المشكلات التى وضعها التلاميذ المتفوقون فى الرياضيات اكثر صعوبة ، وتتضمن اعداد معقدة وعمليات اكثر من تلك المشكلات التى وضعها التلاميذ غير المتفوقين.
- الطلاب المتفوقون فى الرياضيات قادرون على تخطيط وحل المشكلات التى وضعوها. بينما وجد التلاميذ غير المتفوقين صعوبة فى كل من تخطيط وحل المشكلات التى وضعوها.

دراسة كورسمت ، ديكر ، وسبان Corsmit ,Dekker, and Span (1990):

هدفت هذه الدراسة الى تعرف الفروق بين التلاميذ المتفوقين ، والعاديين بالمرحلة الابتدائية فى معالجة المعلومات عند حل المشكلات الرياضية.

ولتحقيق ذلك تم تطبيق كل من اختبار المعلومات فى الرياضيات ومهام حل المشكلات الرياضية على مجموعتين احديهما تجريبية حجمها (٣٤) تلميذا فى سن (١٠) سنوات ، وحصلوا على تقدير E أو F فى استبانة عن ادائهم بصفة عامة وفى الحساب والنحو بصفة خاصة وذلك من وجهة نظر المدرسين ، ودرجة

(١٢٣) او اكثر في اختبار امستردام المعدل لذكاء الاطفال (RACIT) والاخرى ضابطة حجمها (٣٤) تلميذا في سن (١٠) سنوات ، وحصلت على تقدير C أو D في الاستبانة ، ودرجة تتراوح من ١١٠ الى ١١٥ في اختبار الذكاء.

وقد توصلت الدراسة الى النتائج التالية:

- حصلت المجموعة التجريبية على درجات اعلى من المجموعة الضابطة في اختبار المعلومات الرياضية.
- تلاميذ المجموعة التجريبية قد حلوا المشكلات بطريقة اسرع وبمساعدة اقل من تلاميذ المجموعة الضابطة ، كما ان تلاميذ المجموعة التجريبية قد حلوا المشكلة ككل ، بينما استمر تلاميذ المجموعة الضابطة في العمل مع جزئيات المشكلة.
- اظهر تلاميذ المجموعة التجريبية دافعية لحل المشكلات اكثر من تلاميذ المجموعة الضابطة.

دراسة مونتاجو Montague (1991):

هدفت هذه الدراسة الى تحديد سلوك حل المشكلات والانشطة الاستراتيجية (Strategic activities) لكل من التلاميذ المتفوقين ، والتلاميذ المتفوقين المعاقين تعليمياً (Learning - disabled gifted).

ولتحقيق ذلك تم اجراء مقابلات شخصية اكلينيكية (Clinical interviews) لعدد (٦) تلاميذ تم اختيارهم من مدرستين اعداديتين بطريقة عشوائية منهم (٣) متفوقين ، (٣) متفوقين ومعاقين تعليمياً. وقد اظهرت الدراسة ان التلاميذ المتفوقين لديهم استراتيجيات متنوعة في تمثيل المشكلات ، ولديهم القدرة على ترجمة المعلومات الى معادلات رياضية ، ولديهم معلومات معرفية وفيما وراء المعرفة (Meta Cognitive Knowledge) عن استراتيجيات حل المشكلات الرياضية ويطبقونها بطريقة منظمة اثناء حلهم للمشكلات الرياضية.

دراسة جاروان Janwan (1992):

هدفت هذه الدراسة الى تحليل وتقييم الاجراءات والاساليب المتبعة في تحديد واختيار التلاميذ المتفوقين في مدارس العلوم والرياضيات المدعمة من قبل الولاية بالولايات المتحدة الأمريكية. ولتحقيق ذلك تم تجميع بيانات عن (٧٤٤) طالب من (٧) مدارس قبل وبعد الالتحاق بالمدسة ، تقدير (١٠٦) مدرس ، ومقابلات شخصية مع (٦) مديرين ، و(٦) منسقى عملية الالتحاق. وقد اظهرت نتائج الارتباط وتحليل الانحدار قبل وبعد الالتحاق بالمدسة ان افضل منبىء لتحصيل الطالب في السنتين الاولى والثانية هو متوسط تحصيله الصفى (GPA) ياتي بعد ذلك اختبار الاستعداد الدراسى (SAT).

دراسة فيلدهوزن و هولد Feldhusen and Holt (1993):

هدفت هذه الدراسة الى المقارنة بين المتفوقين والمتفوقات في ادراك الفروق بين الجنسين في التفاعلات داخل الفصل، والاتجاهات ، والتفضيل، والطموح الدراسى. ولتحقيق ذلك تم تصميم استبانة مكونة من (٦) ابعاد هى : الجهد المبذول فى التعلم (Effort in learning)، الثقة والنشاط اللفظى (Confidence and verbal activity)، مستويات الطموح (Levels of aspiration) الفروق بين الجنسين فى السلوك داخل حجرة الدراسة (Gender differences classroom behavior)، تفضيل المهام الرياضية الصعبة أو المهام

المرتبطة بالعلوم (Preference for complex math- or science - related tasks) وتعزيز المعلم (teacher reinforcement)

كما تم تطبيق هذه الاستبانة على (٢٢٩) طالب متفوق مشتركين في برنامج صيفي لمدة اسبوعين ، منهم (١٣٢) طالب متفوق ، (٩٧) طالبة متفوقة وقد كان شرط الالتحاق بهذا البرنامج هو حصول الطالب على ٩٥٪ او اكثر في اختبار تحصيلي مقنن بالنسبة للصفين الخامس والسادس ، وحصول الطالب على (٥٠٠) في الجزء العددي و(٤٧٠) في الجزء اللفظي في اختبار الاستعداد الدراسي (SAT).

واسفرت الدراسة عن النتائج التالية:

- توجد فروق دالة احصائيا بين المتفوقين والمتفوقات في كل من القروق بين الجنسين في السلوك داخل حجرة الدراسة ، وتفضيل المهام الرياضية الصعبة أو المهام المرتبطة بالعلوم لصالح المتفوقين .
- لا توجد فروق دالة احصائيا بين المتفوقين والمتفوقات في كل من الجهد المبذول في التعلم ، الثقة والنشاط اللفظي ، مستويات الطموح وتعزيز المعلم.

دراسة هوكنز Hawkins (1993):

هدفت هذه الدراسة الى المقارنة بين المتفوقين مرتفعي التحصيل ، المتفوقين منخفضي التحصيل ، وغير المتفوقين بالنسبة لسمات الشخصية التي تؤثر على التحصيل.

ولتحقيق ذلك تم تطبيق بروفييل ادراك الذات للاطفال (self perception profile for children) استبانة مسؤولة التحصيل العقلي (Intellectual Achievement Responsibility Questionnaire)، مقياس قلق الاطفال الصريح المعدل (Revised children's Manifest Anxiety) ومقياس مفهوم الذات لدى الاطفال لبيرز وهارس- (Piers -Harris Children's self-concept scale) على عينة حجمها (١٢٥) تلميذ في الصفوف الثالث ، والرابع ، والخامس بالمرحلة الابتدائية.

وقد اسفرت الدراسة عن النتائج التالية :

- ان ادراك الذات في الكفاءة الدراسية (Self-Perception of scholasti Competence) والمسئولية الذاتية (self responsibility) سمتان فعالتان في التمييز بين الثلاث مجموعات ، حيث وجد ان المتفوقين مرتفعي التحصيل لديهم مستويات عليا في هاتين السمتين.
- لا توجد فروق ذات دلالة بين المجموعات بالنسبة الى مفهوم الذات.

مدى استعادة الدراسة الحالية من مجموعة الدراسات المتعلقة بالتلاميذ المتفوقين

يمكن تصنيف مدى استعادة الدراسة الحالية من استعراض الدراسات المتضمنة في هذا المحور تحت الابعاد التالية:

١- بالنسبة لاهداف هذه الدراسات:

يتمثل الهدف الرئيسي لهذه المجموعة من الدراسات في التركيز على التلاميذ المتفوقين - خصائصهم وامكاناتهم وطرق اختيارهم وعلاقة التفوق بغيره من العوامل الاجتماعية ونفسية وتربوية - واختلفت هذه الدراسات في المراحل التعليمية محور الاهتمام ، فعلى حين نجد دراسات كل من كورسيت ، بيكر ، وسبان Corsmit , Dekker and Span (1990)، وهوكنز Hawkins (1993) قد ركزت على تلاميذ المرحلة الابتدائية . نجد دراسات كل من الديب محمد الخالدي (١٩٧٢) ، حسن مصطفى عبد المعطى

و محمد السيد عبد الرحمن (١٩٨٩)، اللرتون *Ellerton (1986)*، مونتاجو *Montague (1991)* قد اهتمت بتلاميذ المرحلة الإعدادية، ودراسات كل من خليل ميخائيل معوض (١٩٨٣)، نبيه ابراهيم اسماعيل (١٩٧٦)، عبد العزيز السيد الشخص (١٩٧٨)، انيب محمد على الخالدي (١٩٨١)، فيلهووزن وهولت *Feldhusen and Holt (1993)* قد ركزت على طلاب المرحلة الثانوية. بينما اهتمت دراسات كل من ابراهيم عباس الزهيرى (١٩٩٣)، وجاروان *Garwan (1992)* بالتعرف على مدى الاهتمام بالمتفوقين من وجهة نظر القائمين على العملية التعليمية. وقد استفادت الدراسة الحالية من هذا البعد بتوجيه النظر الى هذه الفئة من التلاميذ، فضلا عن كم المتغيرات النفسية والتربوية والاجتماعية والتي وضعت امام الباحث مادة وفيرة لبلورة مشكلة الدراسة الحالية وتحديد المتغيرات الاكثر تناولا واهمية التركيز عليها في صياغة الخلفية النظرية حول المتفوقين.

ب- الاجراءات:

يمكن توضيح مدى الاستفادة منها على النحو التالى :

١- عينات الدراسة:

في ضوء ماتضمنته هذه المجموعة من الدراسات من مراحل عمرية وتعليمية امكن للباحث الحالي تحديد عينة التلاميذ محور اهتمام الدراسة الحالية بتلاميذ الصف الاول الإعدادى، متفقة في ذلك مع دراسات كل من اللرتون *Ellerton (1986)*، ومونتاجو *Montague (1991)* وتختلف عن باقى الدراسات، الامر الذى وفر امام الباحث امكانية عكس التصور الشائع والقائم - فى مصر - من الاهتمام بالمتفوقين فقط فى المرحلة الثانوية. ففي هذه المجموعة من الدراسات نجد امكانية البدء ليس من المرحلة الإعدادية فحسب بل من الصف الثالث الابتدائى كدراسة هوكنز *Hawkins (1993)*.

٢- الادوات المستخدمة:

باستقراء هذه المجموعة من الدراسات نجد تمتعها باستخدام كم وفير من ادوات قياس العوامل النفسية والاجتماعية والتربوية الخاصة بالمتفوقين. وقد استفاد الباحث من ذلك فى اختيار وتحديد اختبار الذكاء لفرز التلاميذ عينة الدراسة الحالية، فضلا عن استخدام المقابلة غير الرسمية مع بعض اولياء امور التلاميذ المتفوقين عينة الدراسة.

٣- النتائج:

امكن للباحث الحالي من استقراء نتائج هذه المجموعة من الدراسات التعرف على خصائص التلاميذ المتفوقين وحاجاتهم والعوامل الاكثر اهمية المتعلقة بالتفوق الدراسى وحجم الاهتمام بهم والمشكلات التى تعوقهم.

ثانيا : دراسات تتعلق بالبرامج التعليمية فى الرياضيات (بصفة عامة)

١- الدراسات العربية :

دراسة محمد مسعد محمد فوز (١٩٨٣):

هدفت هذه الدراسة الى تعرف اثر استخدام استراتيجية التدريس الفردى الارشادى فى تدريس المهارات الاساسية الخاصة بموضوع القسمة، ولتحقيق ذلك قام الباحث ببناء برنامج تعليمى للمهارات الاساسية للقسمة فى ضوء نموذج البرمجة التدريسية لكلايسر *Klausmeier* فى التدريس الفردى الارشادى، واختبار فى

المهارات الأساسية للقسم ، وبطاقات للملاحظة الفردية والجماعية . وتكونت عينة البحث من (٢٤) تلميذا بالصف الخامس ، وتم تطبيق اختبار المهارات الأساسية في القسم قبل وبعد تدريس البرنامج. **وتوصلت الدراسة الى نتائج منها ، ان استخدام طريقة التدريس الفردى الارشادى أدى الى ارتفاع نسبة الكسب المعدل فى التحصيل على نحو دال فى مهارات القسم لدى مجموعة البحث .**

دراسة شكوي سيد محمد احمد (١٩٨٤):

هدفت هذه الدراسة الى تصميم برنامج مقترح لتدريب تلاميذ المرحلة الاعدادية على حل المشكلات فى الرياضيات ، وقياس اثره على تفكيرهم فى حل المشكلات الرياضية وغير الرياضية .
ولتحقيق ذلك قام الباحث بتصميم برنامج مقترح لتدريب التلاميذ على حل المشكلات فى الرياضيات لتلاميذ الصف الثالث الاعدادى ، واعداد اختبارين لقياس أداء التلاميذ فى حل المشكلات الرياضية العامة والتطبيقية ، وتكونت عينة البحث من (٨٣) تلميذا من المدارس الاعدادية بمدينة الدوحة بقطر ، وتم تقسيمها الى مجموعتين أحديهما تجريبية حجمها (٤١) تلميذا ، والاخرى ضابطة حجمها (٤٢) تلميذا .
ومن أهم النتائج التى توصلت اليها الدراسة :
- يتصف البرنامج المقترح بدرجة مناسبة من الفعالية فى تدريب تلاميذ المرحلة الاعدادية على حل المشكلات فى الرياضيات.
- يتفوق التلاميذ الذين يتدربون على البرنامج المقترح على نظرائهم ممن لم يتدربوا على اية برامج للتدريب على حل المشكلات ، وذلك بالنسبة لحل المشكلات الرياضية العامة والتطبيقية.

دراسة جمال محمد صالح كوار (١٩٨٥):

هدفت هذه الدراسة الى بناء برنامج مقترح لتدريس المهارات الأساسية للحساب فى مدرسة الفصل الواحد ، وقياس فعاليته. ولتحقيق ذلك قام الباحث بتصميم برنامج لتدريس المهارات الأساسية للحساب فى مدرسة الصف الواحد ، واعداد ثلاثة اختبارات تحصيلية بمعدل اختبار لكل حلقة تعليمية وذلك لقياس المهارات الأساسية للحساب ، وتم تدريس احدى وحدات البرنامج لمجموعة البحث المكونة من (٣٠) تلميذا وتلميذة موزعين على ثلاث حلقات.
ومن أهم النتائج التى توصلت اليها الدراسة ، ان التدريس بواسطة البرنامج المقترح أدى الى ارتفاع تحصيل التلاميذ مجموعة البحث بوجه عام فى المهارات الأساسية لجمع وطرح الاعداد الطبيعية على نحو دال احصائيا .

دراسة السيد احمد الوكيل (١٩٨٦):

هدفت هذه الدراسة الى تعرف اثر استخدام برنامج تعليمى قائم على المعنى وفقا لنموذج منظم الخبرة المتقدم لاوزوبل Ausubel على تحصيل التلاميذ منخفضى التحصيل فى رياضيات الصف الثامن ، وبقاء اثر التعلم عندهم ، وتحسين دوافعهم نحو تعليم الرياضيات .
ولتحقيق ذلك قام الباحث باعداد برنامج تعليمى طبقا لنموذج منظم الخبرة المتقدم لاوزوبل ، واختبار تحصيلي ، وتكونت عينة البحث من (١٩٢) تلميذا بالصف الثامن ، وتم تقسيمهم الى مجموعتين احديهما تجريبية حجمها (٩٦) تلميذا ودرست باستخدام البرنامج التعليمى المقترح ، والاخرى ضابطة حجمها (٩٦) تلميذا ودرست باستخدام الطريقة المعتادة.

ومن أهم النتائج التي توصلت إليها الدراسة ، انه توجد فروق ذات دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة فى كل من الاختبار التحصيلى ومقياس الدافعية لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية .

دراسة سامح أحمد محمد جعفر ربهان (١٩٨٦):

هدفت هذه الدراسة الى بناء برنامج مقترح لتحسين فهم التلاميذ للمفاهيم الرياضية التى يدرسوها، وقياس مدى فعاليته فى تعليم المفاهيم الرياضية .
ولتحقيق ذلك قام الباحث ببناء اختبارين تحصيليين احدهما للمفاهيم الرياضية والاخر لتطبيقات على نفس تلك المفاهيم ، وبرنامج مقترح فى رياضيات الصف التاسع . وتكونت عينة البحث من مجموعتين أحدهما تجريبية مكونة من (٩٢) تلميذا بالصف التاسع ، ودرست باستخدام البرنامج ، والاخرى ضابطة مكونة من (٩٥) تلميذا ، وقد درست باستخدام الطريقة المعتادة .
ومن أهم النتائج التى توصلت إليها الدراسة ، تحسن أداء تلاميذ المجموعة التجريبية فى كل من اختبار المفاهيم واختبار التطبيقات ، حيث كانت الفروق بين تلاميذ المجموعة التجريبية وتلاميذ المجموعة الضابطة دالة احصائيا عند مستوى اقل من ٠.١ و لصالح المجموعة التجريبية.

دراسة محمود محمد السيد على (١٩٨٦):

هدفت هذه الدراسة الى تصميم برنامج لتدريس برمجة الحاسب الالى كأسلوب لحل المشكلات فى الرياضيات لتلاميذ المدرسة الثانوية ، ومعرفة اثره على تنمية القدرة على حل المشكلات الرياضية ، وادراك التلاميذ للقيمة الوظيفية للرياضيات .
ولتحقيق ذلك قام الباحث بتصميم برنامج لتدريس برمجة الحاسب الالى بلغة البيسك ، وبناء اختبار تحصيلي فى حل المشكلات الرياضية . كما قام بتدريس البرنامج لعينة حجمها (٢٧) تلميذا باحد فصول الصف الثانى الثانوى.

ومن أهم النتائج التى توصلت إليها الدراسة:

- ينمى البرنامج فى التلميذ القدرة على حل المشكلات الرياضية ، حيث وجد فرق ذو دلالة احصائية عند مستوى ٠.١ و بين متوسطات درجات التلاميذ فى اختبار حل المشكلات قبل وبعد تدريس البرنامج لصالح التطبيق البعدى.
- صلاحية البرنامج للتدريس بما يتناسب مع الخلفية المعرفية الرياضية لتلاميذ الصف الثانى الثانوى ، حيث بلغت نسبة الكسب المعدل لبلالك ٦٨ و ٠.١.

دراسة عبد العظيم محمد زهران (١٩٨٧):

هدفت هذه الدراسة الى تعرف اثر استخدام برنامج علاجي على تحصيل التلاميذ المتخلفين فى الرياضيات بالصف السابع.
ولتحقيق ذلك قام الباحث باعداد برنامج علاجي فى الرياضيات لتلاميذ الصف السابع ، يضم وحدتين فى الجبر والاخرى فى الهندسة ، واختبار تحصيلي وتكونت عينة البحث من (٢٨) تلميذا وتلميذة من المتخلفين فى تحصيل الرياضيات بالصف السابع بمدينة سوهاج.
وأظهرت النتائج ان البرنامج العلاجي له اثر فعال فى رفع مستوى تحصيل التلاميذ المتخلفين فى الرياضيات.

دراسة محببات محمود حافظ ابو عوييرة (١٩٨٧):

هدفت هذه الدراسة الى بناء برنامج مقترح في حل المشكلات لتلاميذ الصف الثامن في ضوء مسارات تفكير علماء الرياضيات وقياس فعاليته. ولتحقيق ذلك قامت الباحثة ببناء برنامج مقترح في حل المشكلات لتلاميذ الصف الثامن في ضوء مسارات تفكير علماء الرياضيات ، واختبار القدرة على حل المشكلات الرياضية العامة واختبار القدرة على حل المشكلات الرياضية المدرسية .

وتكونت عينة البحث من مجموعة واحدة حجمها (١٠٦) تلميذ وتلميذة بالصف الثامن.

ومن أهم النتائج التي توصلت اليها الدراسة:

- اتصف البرنامج بدرجة مناسبة من الفعالية في تدريب التلاميذ (مجموعته البحث) على حل المشكلات الرياضية العامة ، والمشكلات الرياضية المدرسية ، حيث بلغت نسبة الكسب المعدل لبلانك ٩٦ و١٠٠ بالنسبة لاختبار حل المشكلات العامة ، ١١٨ و١٠٠ بالنسبة لاختبار حل المشكلات الرياضية المدرسية.
- وجدت فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى اقل من ٠.١ وبين متوسط الدرجات التي حصل عليها تلاميذ مجموعة البحث في التطبيق القبلي، ومتوسط درجاتهم في التطبيق البعدي بالنسبة لاختبار حل المشكلات الرياضية العامة والمدرسية ، وذلك لصالح التطبيق البعدي.

دراسة حمدي محمد موسى فرغلي (١٩٩٠):

هدفت هذه الدراسة الى اعداد برنامج مقترح لتطوير تدريس الهندسة الفراغية لطلاب الصف الثاني الثانوي العلمي وقياس فعاليته وكفاءته.

ولتحقيق ذلك قام الباحث باعداد برنامج في الهندسة الفراغية ، واختبارات تشخيصية في مقرر الهندسة الفراغية . كما قام بتطبيق الاختبارات التشخيصية على عينة حجمها (٢٠٠) طالب وطالبة بالصف الثاني الثانوي بمدينة اسيوط، وتدرسي احدى وحدات البرنامج " اساسيات الهندسة الفراغية " لمجموعة تجريبية حجمها (٨٠) طالبا وطالبة ، بينما درست المجموعة الضابطة البالغ حجمها (٨٠) طالبا وطالبة الوحدة من الكتاب المدرسي.

ومن أهم النتائج التي توصلت اليها الدراسة:

- فعالية البرنامج المقترح في اكساب تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم الواردة به ، اذ بلغت نسبة الكسب المعدل لتحصيل التلاميذ ٤٧ و١٠٠ .
- سجلت نسبة كفاءة البرنامج (٧٠/٨٠) ، الامر الذي اثبت كفاءة البرنامج المقترح في تحقيق الاهداف المنشودة من تدريس البرنامج.

دراسة محمد محمد السباعي (١٩٩١):

هدفت هذه الدراسة الى بناء برنامج مقترح لتعليم البرمجة الحاسوبية للمسائل الرياضية والتعرف على فعاليته من حيث كفاءات حل المشكلات والكفاءات التدريسية لدى طلاب كلية التربية. ولتحقيق ذلك قام الباحث باعداد دليل معلم يشمل تدريس اوامر لغة BASIC وتدريب البرمجة الحاسوبية للمسائل الرياضية ، اختبار كفاءات حل المشكلة على المستوى الحاسبي ، وبطاقة ملاحظة للاداء التدريسي وتكونت عينة البحث من (٣٩) طالبا وطالبة بالفرقة الثالثة شعبه الرياضيات بكلية التربية .

ومن أهم النتائج التي توصلت اليها الدراسة :

- وجود فروق دالة احصائية عند مستوى (٠.٥) بين متوسطي الاداء القبلي والاداء البعدي للمجموعة التجريبية في كل من كفاءات حل المشكلة على المستوى الحاسبي والكفاءات التدريسية .

- فعالية البرنامج المقترح ، حيث بلغت نسبة بلاك (١٥٠) بالنسبة لكفاءات حل المشكلة على المستوى الحاسبي ، و(١٥٤) بالنسبة للكفاءات التدريسية .

دراسة محمود محمد السيد (١٩٩١):

هدفت هذه الدراسة الى تصميم برنامج لالعاب الكمبيوتر الرياضية وقياس فعاليته فى تنمية الابتكار الرياضى لدى تلاميذ الحلقة الأولى من التعليم الاساسى .

ولتحقيق ذلك قام الباحث بتصميم برامج لالعاب الكمبيوتر ، واعداد اختبار فى الابتكار الرياضى. وتكونت عينة البحث من (٤٠) تلميذا بالصف الرابع، و (٢٠) تلميذا بالصف الخامس وتم تقسيمهم الى مجموعتين تجريبيتين (ت ١ ، ت ٢) ومجموعة ضابطة (ض) حجم كل منها (٢٠) تلميذا.

ومن أهم النتائج التى توصلت اليها الدراسة :

- توجد فروق ذات دلالة احصائية بين متوسطات درجات المجموعة التجريبية (ت ١) التى استخدمت العاب الكمبيوتر الرياضية ، ومتوسطات درجات المجموعة الضابطة (ض) لصالح المجموعة (ت ١) ، وذلك فى اختبار الابتكار الرياضى.

- لا توجد فروق ذات دلالة احصائية بين متوسطات درجات المجموعة التجريبية (ت ٢) التى استخدمت العاب الكمبيوتر الخاصة بالتسلية ، ومتوسطات درجات المجموعة الضابطة (ض) ، وذلك فى اختبار الابتكار الرياضى.

دراسة اسامة عبد العظيم، محمد معوض (١٩٩٢):

هدفت هذه الدراسة الى بناء برنامج للاعداد الاكاديمي لمعلمي الرياضيات للمرحلة الابتدائية فى كليات التربية ، وقياس فعالية وحدة من هذه البرنامج

ولتحقيق ذلك قام الباحث باعداد اختبار تشخيصى لطلاب الفرقة الرابعة شعبة التعليم الابتدائى تخصص رياضيات بكليات التربية، وبرنامج الاعداد الاكاديمي لمعلمي الرياضيات شعبة التعليم الابتدائى بكليات التربية. وتم تطبيق الاختبار التشخيصى على طلاب الفرقة الرابعة شعبة التعليم الابتدائى تخصص رياضيات ببعض كليات التربية ، وتدریس وحدة مبادئ الاحتمالات لعينة حجمها (١٢٢) من طلاب الفرقة الثانية شعبة تعليم ابتدائى (ادبى) بكلية التربية ببها.

ومن أهم النتائج التى توصلت اليها الدراسة :

فعالية الاجراءات المتبعة فى تدريس الوحدة التجريبية من البرنامج المقترح ، وتحقيقها للاهداف المحددة لها مسبقا ، كما ثبتت فعالية هذه الوحدة ايضا باستخدام معادلة بلاك ، ويعتبر هذا مؤشرا لنجاح البرنامج المقترح وفعاليته فى تحقيق اهدافه.

دراسة مرفت فتحى رياض (١٩٩٣):

هدفت هذه الدراسة الى قياس فعالية برنامج تعليمي مقترح لتنمية بعض مفاهيم ومهارات الرياضيات لطفل مرحلة رياض الاطفال بالمنيا.

ولتحقيق ذلك قامت الباحثة ببناء برنامج تعليمي مكون من أربع وحدات فى رياضيات مرحلة رياض الاطفال فى ضوء المستوى الاول لنظرية فان هيل Van Hiele لتطور الفكر الهندسى ، كما قامت الباحثة بتدريس احدى وحدات هذا البرنامج (وحدة الهندسة) لعينة حجمها (٤٢) طفلا تتراوح اعمارهم من ٥٤ الى ٥٥ سنة.

وقد أسفرت الدراسة عن فعالية البرنامج التعليمي المقترح (ممثلاً في وحدة الهندسة) حيث وجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات الأطفال في الاختبار التحصيلي قبل وبعد تجريب الوحدة لصالح درجاتهم في التطبيق البعدي، وكانت نسبة الكسب المعدل لبلوك (٦ و١).

٣ - الدراسات الأجنبية :

دراسة اسكلار Sklar (1980):

هدفت هذه الدراسة الى المقارنة بين ثلاثة برامج : برنامج الوضع المتقدم في حساب التفاضل والتكامل Advanced Placement Program in Calculus (APCC)، برنامج حلقة بحث في الرياضيات المتقدمة Advanced Mathematics Seminar Program (AMS)، وبرنامج رياضيات المدرسة الثانوية النظامي Standard high School Mathematics Program (SHSMP) من حيث الاستمرار في دراسة الرياضيات بعد المدرسة الثانوية، واختيار الرياضيات أو العلوم كمجال تخصص في مرحلة البكالوريوس.

وتكونت عينة البحث من (٢٩٠) من الذين تخرجوا من المدرسة الثانوية في الفترة من ١٩٥٩ حتى ١٩٦٨، وتم تقسيمهم الى مجموعتين هما مجموعة مرتفعى القدرة الذين تراوحت نسب ذكائهم من ١١٠ حتى ١٢٩، ومجموعة المتفوقين وهم الذين بلغت نسبة ذكائهم ١٣٠ أو أكثر. وتم تجميع بيانات عن هؤلاء الافراد من سجلاتهم بالمدراس الثانوية التي تخرجوا منها، بالإضافة الى بعض الاستبيانات.

ومن أهم النتائج التي توصلت اليها الدراسة انه وجدت فروق ذات دلالة احصائية بين الثلاثة برامج بالنسبة لاختيار تخصص البكالوريوس لدى مجموعة مرتفعى القدرة حيث تخصص ٦٢٪ من برنامج APCC، و٥٤٪ من برنامج AMS، و٢٩٪ من برنامج SHSMP في الرياضيات او العلوم.

دراسة اندرسون Anderson (1989):

هدفت هذه الدراسة الى تحديد العلاقة بين الاشتراك في برنامج للمفوقين والتحصيل الدراسي. ولتحقيق ذلك تم تقسيم تلاميذ الصفين الثالث والخامس بمنطقتين تعليميتين الى مجموعتين متجانستين من حيث الصف الدراسي ونسب الذكاء، احديهما تجريبية وهي تضم التلاميذ المشتركين في برنامج للمفوقين مبنى على نموذج Revolving Door Identification Model (RDIM)، والاخرى ضابطة وهي تضم التلاميذ غير المشتركين ببرنامج المفوقين، كما تم تطبيق الاجزاء الخاصة بالقراءة واللغة والرياضيات من اختبار كاليفورنيا التحصيلي (CAT). وأظهرت نتائج الدراسة مايلي:

- توجد علاقة بين اشتراك التلاميذ في برنامج RDIM ودرجاتهم في اختبار CAT، حيث وجدت فروق ذات دلالة احصائية بين تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة بالصف الخامس لصالح المجموعة التجريبية.

- توجد علاقة بين المدة التي يقضيها التلاميذ في برنامج RDIM وتحصيلهم، حيث تبين ان تحصيل التلاميذ يزداد عبر الصفوف من الثالث الى الخامس.

دراسة مسكاوسكاس Meskauskas (1991):

هدفت هذه الدراسة الى تعرف اتجاهات كل من الطلاب المتفوقين المشتركين في برنامج اسراعى في الرياضيات، واولياء أمورهم نحو الاسراع في الرياضيات. ولتحقيق ذلك تم بناء استبانتين احديهما للطلاب المتفوقين، والاخرى لاولياء امورهم، وتم توزيع عدد (١٤٢) استبانة، وكانت نسبة الاجابة على هذه الاستبانات (٧٧ و٤٦).

وقد اظهرت الدراسة النتائج التالية :

- اظهر الطلاب اتجاها موجبا نحو المدرسة بصفة عامة ، وان الرياضيات هي مادتهم المفضلة ، وشعروا برضا لحضورهم مع زملاء اكبر منهم في العمر في نفس الفصل.
- يرى الطلاب واولياء امورهم ان الاسراع مفيد ومتحد وممتع كما انه يساعد في اعداد الطلاب للجامعة.

دراسة سواتيك، وبنجو (Swiatek and Benbow) (1991) :

هدفت هذه الدراسة الى مسح آراء مجموعة من الطلاب المتفوقين الذين اشتركوا في مقررات ذات معدل سريع في الرياضيات منذ عشر سنوات بالنسبة لكل من التحصيل الاكاديمي بعد المرحلة الثانوية ، والاتجاهات نحو الرياضيات والعلوم وتقدير الذات (Self - esteem).

ولتحقيق ذلك تم توزيع استفتاء على مجموعة من الطلاب المتفوقين الذين التحقوا بفصول ولفصن (Wolfson Classes) والذين كانوا مؤهلين للالتحاق بهذه الفصول ولكنهم لمن يلتحقوا بها. وكان عدد الذين اكملوا هذه الاستفتاء (٩٥) طالبا تم تقسيمهم الى مجموعتين : المجموعة التجريبية حجمها (٣٧) طالبا وتشمل الطلاب الذين انهوا فصول ولفصن ذات المعدل السريع في الرياضيات ، والمجموعة الضابطة حجمها (٥٨) طالبا وتشمل الطلاب الذين تسربوا من فصول ولفصن او الذين كانوا مؤهلين للالتحاق بهذه الفصول ولكنهم لم يلتحقوا بها.

واسفرت الدراسة عن النتائج التالية :

- التحصيل الاكاديمي للمجموعة التجريبية اعلى منه لدى المجموعة الضابطة ، عدد الطلاب الذين التحقوا بالجامعة قبل سن ١٧ سنة في المجموعة التجريبية اكبر منه في المجموعة الضابطة ، وطلاب المجموعة التجريبية لديهم رغبة في الالتحاق بالدراسات العليا اكثر من طلاب المجموعة الضابطة.
- لا توجد فروق بين المجموعتين بالنسبة للاتجاهات نحو الرياضيات او العلوم .

مدى الاستفادة من الدراسات السابقة المتعلقة

بالبرامج التعليمية في الرياضيات بصفة عامة

يمكن تصنيف مدى استفادة الدراسة الحالية من استعراض الدراسات المتضمنة في هذا المحور تحت الابعاد التالية :

أ - بالنسبة لاهداف هذه الدراسات:

من الملاحظ ان العامل المشترك بين هذه الدراسات هو بناء برامج تعليمية في الرياضيات وقياس فعاليتها على عدة متغيرات كتحصيل المهارات والمفاهيم الاساسية في الرياضيات ومنها دراسات كل من محمد مسعد محمد فرج (١٩٨٢) ، جمال محمد صالح كزار (١٩٨٥) ، السيد احمد الوكيل (١٩٨٦) ، سامح محمد احمد جعفر (١٩٨٦) ، عبد العظيم محمد زهران (١٩٨٧) ، مرقت فتحى رياض (١٩٩٣) ، اندرسون Anderson (1989)، بينما حددت مجموعة اخرى من الدراسات المتغيرات المقيسة بالقدرة على التفكير في حل المشكلات ، كدراسات كل من شمكرى سيد محمد احمد (١٩٨٤) ، محمود محمد السيد على (١٩٨٦) ، محبات محمود حافظ ابو عميرة (١٩٨٧) ، ومحمد محمد السباعي (١٩٩١) ، وقد استفادت الدراسة الحالية من هذا البعد في تحديد هدفها ببناء برنامج وقياس اثره على تحصيل التلاميذ للمهارات والمفاهيم والعلاقات الرياضية.

ب - بالنسبة لاجراءات هذه الدراسات:

ولتوضيح مدى الاستفادة من تلك الاجراءات فيمكن تفصيل ذلك كالتالى:

١- عينات التلاميذ المختارة:

يتضح من مسح هذه المجموعة من الدراسات تركيز الغالبية منها على تلاميذ المرحلة الاعدادية ، كدراسات كل من *شكرى سيد محمد احمد (١٩٨٤)* ، *السيد احمد الوكيل (١٩٨٦)* ، *سامح احمد محمد جعفر ريحان (١٩٨٦)* ، *عبد العظيم محمد زهران (١٩٨٧)* ، *محيات محمود حافظ ابو عميره (١٩٨٧)* مما اعطى للباحث مؤشرا باهمية هذه المرحلة التعليمية ، وبناء عليه تحددت عينة الدراسة الحالية بتلاميذ الصف الاول من هذه المرحلة ،

ومن الملاحظ ايضا تنوع العينات المختارة بين العاديين والفتات الخاصة من التلاميذ المتخلفين والمتفوقين ، وقد استفاد الباحث من الدراسات التى تناولت الفئات الخاصة كدراسات كل من *عبد العظيم محمد زهران (١٩٨٧)* ، *اسكلار Sklar (1980)* ، *الندرسون Anderson (1987)* ، *مسكاوسكاس (1991)* *Meskauskas* ، *سواتيك وبنبو Swiatek and Benbow (1991)* ، وذلك بتركيز الضوء على فئة المتفوقين من تلاميذ الصف الاول الاعدادى.

٢- التصميمات التجريبية:

اعتمدت معظم دراسات هذه المجموعة على التصميم التجريبى المتعدد المجموعات ، واتفقت الدراسة الحالية مع هذه الدراسات فى تقسيم مجموعة البحث الى مجموعتين احديهما تجريبية والاخرى ضابطة ، مستفيدة من التصميم الشائع بينها مختلفة فى ذلك مع دراسة *محيات محمود حافظ ابو عميره (١٩٨٧)* التى اقتصرت على تصميم المجموعة الواحدة.

٣- تطبيق البرامج:

تعددت اساليب تطبيق البرامج الخاصة بهذه المجموعة من الدراسات بين التطبيق الكامل للبرنامج المقترح او تجريب وحدة منه لتعرف فعاليتها كدراسات كل من *جمال محمد صالح كرار (١٩٨٥)* ، *حمندى محمد مرسى قرغلى (١٩٩٠)* ، *اسامة عبد العظيم محمد معوض (١٩٩٢)* ، *مرثى فتحى رياض (١٩٩٣)* حيث اقتصرت هذه الدراسات على تجريب وحدة واحدة من البرامج المقترحة وعليه قام الباحث واهتداء بهذه الدراسات بتجريب وحدة واحدة من البرنامج الحالى.

٤- أدوات القياس:

بصفة عامة استفادت الدراسة الحالية بما تضمنته كل الدراسات الخاصة بهذا المحور من استعراض لطرق تصميم أدوات القياس ، والتى كانت فى اغلبها اختبارات تحصيلية ، وذلك عند بناء اختبارى التحصيل الخاصين بها.

ج - نتائج الدراسات:

بصفة عامة اثبتت نتائج هذه المجموعة من الدراسات فعالية البرامج المقترحة ، وبوجه خاص النتائج الخاصة بمجموعة الدراسات التى اهتمت ببناء برامج خاصة بالمتفوقين ، مما ساعد الباحث عند صياغة فروض الدراسة الحالية فى ضوء ما اثبتته هذه الدراسات من فعالية تلك البرامج.

ثالثاً : دراسات تتعلق بالبرامج الاثرائية:

الدراسات العربية:

دراسة نصرة رضا حسن الباقور (١٩٨٨):

هدفت هذه الدراسة الى تنظيم بعض وحدات منهج رياضيات الصف الاول الثانوى (بالمدارس القطرية) باستخدام الاختيار الحر لانشطة رياضية موازية .
ولتحقيق ذلك قامت الباحثة باعادة تنظيم الوحدات الدراسية الاربعة المقررة فى صورة اوراق عمل ، واعداد كل من اختبار تحصيلى لكل وحدة من وحدات الدراسة الاربعة الاساسية ، وحدات النشاط الحر وتشمل (١٧) وحدة اختيارية فى مجالات خمسة .(دروس علاجية ، دروس اثرائية، أنشطة عامة ، ثقافة تاريخية ، والرياضيات فى الحياة العملية) ، اختبار نهائى شامل لكل الوحدات التجريبية الاساسية ، بطاقة ملاحظة تسجل فيها الباحثة تقارير عن مجريات العمل فى حصص الاختيار الحر ، وبطاقات يوميات الاختيار الحر يسجل فيها الطالب الانشطة التى يقوم بها.
ومن أهم النتائج التى توصلت اليها الدراسة وجود فروق ذات دلالة احصائية ($l > 0.1$) بين درجات طالبات المجموعتين التجريبية والضابطة فى التحصيل البعدى فى كل اختبار من الاختبارات التحصيلية فى الوحدات الاربعة الاساسية ، وفى الاختبار الشامل لصالح طالبات المجموعة التجريبية.

دراسة محيאת محمود حافظ ابو عميرة (١٩٨٩):

هدفت هذه الدراسة الى الاجابة عن الاسئلة التالية:
 - ماالمعايير التى يمكن فى ضوءها انتقاء التلاميذ المتفوقين ؟
 - ماصورة برنامج مقترح فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين فى الصف السابع من حيث :
 أ - أهداف البرنامج
 ب - محتوى البرنامج
 ج- أساليب تدريس البرنامج
 د - أساليب تقويم التلاميذ فى البرنامج
ولتحقيق ذلك قامت الباحثة باعداد برنامج مقترح ، اختبارات تحصيلية لوحدات البرنامج ، ومقياس للميول نحو الرياضيات. بالاضافة الى اربع استبانات لاستطلاع رأى المحكمين فى كل من معايير انتقاء المتفوقين ، وطريقة قياس هذه المعايير ، وصدق الاختبارات ومقياس الميول ، والوحدات التجريبية المقترحة.
وقد توصلت الدراسة الى مجموعة من المعايير يمكن فى ضوءها انتقاء التلاميذ المتفوقين ، وطريقة قياس هذه المعايير ، وبرنامج مقترح فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين ، يتكون من ثلاث وحدات (أنشطة اثرائية ، تدريبات غير نمطية ، ودروس تطبيقية) ، اختبارات تحصيلية فى وحدات البرنامج ، اختبارات تنمية مستويات التفكير العليا ، ومقياس الميول نحو الرياضيات.

دراسة محيאת محمود حافظ ابو عميرة (١٩٩٠):

هدفت هذه الدراسة الى تجريب برنامج مقترح فى الرياضيات للطالبات المتفوقات فى الصف السابع ، والاجابة عن الاسئلة التالية :
 - ماتأثير تدريس وحدات البرنامج المقترح على كل من تنمية عناصر التعلم فى البرنامج التجريبى المقترح ، وتنمية مستويات التفكير العليا ؟
 - مافاعلية البرنامج المقترح وكفائه ؟
ولتحقيق ذلك تم اعداد اختبارين اولهما لقياس عناصر التعلم من مفاهيم ومهارات وتطبيقات ، وثانيهما لقياس مستويات التفكير العليا من تحليل وتركيب وابداع فى وحدات البرنامج ، كما تم تدريس

البرنامج المقترح لعدد (٥٣) طالبة متفوقة بالصف السابع ، وذلك في فترة زمنية مقدارها شهران بواقع حصتين اسبوعياً.

وقد أسفرت الدراسة عن النتائج التالية :

- وجدت فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى اقل من ٠.١ و بين متوسط الدرجات التي حصلت عليها طالبات مجموعة البحث في التطبيق القبلي ومتوسط درجاتهن التي حصلن عليها في التطبيق البعدي بالنسبة لكل من اختبار تحصيل عناصر التعلم ، واختبار مستويات التفكير العليا ، لصالح التطبيق البعدي.
- حقق البرنامج الاهداف التي وضعت من اجله بدرجة عالية ، حيث ان ٨٠% من الطالبات حصلن على ٧٥% فأكثر من الدرجات الخاصة باختبار التحصيل ، على حين حصلن على ٧٤% فأكثر من الدرجات الخاصة باختبار مستويات التفكير العليا .
- اتصف البرنامج بدرجة مناسبة من الفاعلية ، حيث بلغت نسبة الكسب المعدل ليلال ١٩ و بالنسبة لاختبار التحصيل ، ١٨ و بالنسبة لاختبار مستويات التفكير العليا.

دراسة إبراهيم سبيح حسين (١٩٩١):

هدفت هذه الدراسة الى قياس اثر استخدام التقويم التكويني المبني على الاستقراء الموجه - مقارنة باستخدام التقويم التكويني المبني على الطريقة المعتادة - في تدريس وحدة اثرائية في هندسة الاحداثيات على كل من تلمذتين الصف الثاني الاعدادي مما تتضمنه من جوانب تعلم معرفية ، وقدراتهم على التفكير .
ولتحقيق ذلك تم اعداد وحدة في هندسة الاحداثيات على اساس من التوفيق التكاملي مع مايتضمنه مقرر الصف الثاني الاعدادي من جوانب تعلم هندسية وجبرية ، وصياغتها باستخدام الاستقراء الموجه (لما تتضمنه من علاقات) ، وتم تدريس هذه الوحدة لمجموعة تجريبية حجمها (٧١) تلميذا ، وتدریس جوانب التعلم المتضمنة بالوحدة المقترحة باستخدام التقويم التكويني على الطريقة المعتادة في التدريس لمجموعة ضابطة حجمها (٧٣) تلميذا . وقد أعد الباحث اختبار تحصيلي لقياس مستويات تمكن التلاميذ ، واستخدام اختبار التفكير لاحمد زكى صالح .

وقد أسفرت الدراسة عن النتائج التالية :

- وجود فرق دال احصائيا (عند ٠.٠١ و) لصالح المجموعة التجريبية بين متوسطى درجات المجموعتين التجريبية والضابطة فيما يتعلق بتمكنهم من تحصيل المفاهيم والعلاقات . وبين درجاتهم عند (٠.٢٥ و) لصالح المجموعة التجريبية فيما يتعلق بتمكنهم من اداء المهارات المتضمنة بالوحدة المقترحة.
- وجود فرق دال احصائيا (عند ٠.٠١ و) لصالح المجموعة التجريبية بين متوسطى درجات المجموعة التجريبية والضابطة فيما يتعلق بالتغير في قدرتهم على التفكير .

دراسة محمد احمد عبد الحميد يوسف (١٩٩٣):

هدفت هذه الدراسة الى تعرف مدى فاعلية استخدام اسلوب الاختيار الحر في تدريس الرياضيات على تنمية القدرة على التفكير الابتكاري لدى تلاميذ الحلقة الثانية من التعليم الاساسي.
ولتحقيق ذلك قام الباحث باعادة صياغة اربع وحدات اساسية ، وذلك بتكثيف موضوعاتها لكي يمكن تدريسها في ٧٥% من الوقت المخصص لها ، واعداد اختبار تحصيلي في هذه الوحدات ، واعداد دروس اثرائية تكونت من (١٩) نشاط . بالاضافة الى استخدام بطاقة ملاحظة لحصص الاختيار الحر (اعداد نصره رضا حسن) واختبار تورانس للتفكير الابتكاري الصورة أ (تعريب عبد الله سليمان ، فؤاد ابو حطب) ، واختبار الذكاء المصور (احمد زكى صالح) وتكونت عينة البحث من (٩٢) تلميذا بالصف الثامن بمحافظة المنوفية ، منهم (٤٧) تلميذا في المجموعة التجريبية (٤٥) في المجموعة الضابطة.

ومن اهم النتائج التي توصلت اليها الدراسة انه وجدت فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى ٠٠٥ و بين درجات تلاميذ المجموعتين فى التطبيق البعدى لكل من الاختبار التحصيلى ، واختبار القدرة على التفكير الابتكارى لصالح المجموعة التجريبية .

الدراسات الاجنبية :

دراسة فولتس (1981) Fults:

هدفت هذه الدراسة الى تعرف أثر برنامج تعليمى للتلاميذ المتفوقين عقليا واكاديميا بالصفوف الرابع والخامس والسادس على درجاتهم فى كل من الابتكارية ، مفهوم الذات ، والقيادة. ولتحقيق ذلك تم اختيار عينة حجمها (١٧٩) تلميذ متفوق من مدارس شمال ولاية تكساس ، وتم تقسيمها الى مجموعتين احديهما تجريبية حجمها (٨٩) ، والاخرى ضابطة حجمها (٩٠) وتم تدريس برنامج مكون من خمسة عناصر ، من بينها توفير خبرات اثرائية ، وتوفير وقت للتلاميذ المتفوقين كى يعملون معا كل حسب قدراته - لتلاميذ المجموعة التجريبية . كما تم تطبيق الادوات التالية : اختبارات تورانس Torrance للتفكير الابتكارى الصور الشكلية أ ، ب ، مقياس بيرز وهاريس Piers and Harris لقياس مفهوم الذات ، ومقاييس لتقدير سمات القيادة لدى التلاميذ المتفوقين ، وذلك قبل وبعد المعالجة التجريبية لقياس تغير الاداء عبر (٦) شهور . وقد اسفرت الدراسة عن النتائج التالية :

- وجد فرق ذو دلالة احصائية بين درجات المجموعتين التجريبية والضابطة فى التطبيق البعدى لاختبارات الابتكارية لصالح المجموعة التجريبية .
- وجد فرق ذو دلالة احصائية بين المجموعتين التجريبية والضابطة بالنسبة للتطبيق البعدى لمقياس مفهوم الذات لصالح المجموعة التجريبية .
- لا يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين اداء المجموعتين التجريبية والضابطة بالنسبة لمقياس القيادة.

دراسة كولوف وفيلدهوزن (1984) Kolloff and Feldhusen:

هدفت هذه الدراسة الى تحديد اثر برنامج اثرائى مبنى على نموذج بيردو ذى الثلاث مراحل Purdue Three - stage Model على كل من مفهوم الذات وقدرات التفكير الابتكارى لدى التلاميذ المتفوقين بالمرحلة الابتدائية. ولتحقيق ذلك تم اختيار (٢٩٢) تلميذا متفوقا من (٨) مدارس ابتدائية ، ومن الصفوف (٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦) بناء على التحصيل وتقدير المعلمين بحيث كانوا ضمن افضل (٧٪) من مجتمع عينة البحث ، وتم تقسيمهم الى مجموعتين احديهما تجريبية حجمها (١٩٩) تلميذ التحقوا ببرنامج للثراء الاكاديمى والابتكارى Program for Academic and Creative Enrichment (PACE) المبنى على نموذج لبيردو ذى الثلاث مراحل - وهذه البرنامج من نوع برامج بعض الوقت حيث ترك التلاميذ فصولهم مرتين كل اسبوع لمدة ساعة على مدى ستة أشهر ، والاخرى ضابطة حجمها (١٩٣) تلميذ وفى نهاية العام الدراسى تم تطبيق مقياس مفهوم الذات لدى الاطفال (بيرز وهاريس Piers - Harris) ، مقياس ME Scale (فيلدهوزن وكولوف) لقياس مفهوم الذات ، وأداء والشئ - كوجن Wallach - Kogan Creativity Instrument لقياس قدرات التفكير الابتكارى. وقد اسفرت الدراسة عن النتائج التالية :

- لا توجد فروق ذات دلالة احصائية بين المجموعتين بالنسبة لمفهوم الذات.

- توجد فروق ذات دلالة احصائية لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية بالنسبة لعاملين من عوامل الابتكارية هما الاصاله اللغوية Verbal Originality والاصالة الشكلية Figural Originality.

دراسة فاجنر وتسيرومان Wagner and Zimmermann (1986):

هدفت هذه الدراسة الى وصف برنامج اثرائى فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بمدينة هامبورج Hamburg بالمانيا.

ولتحقيق ذلك تم اختيار (١٥٠) تلميذ متفوق فى العمر ١٢ سنة الذين حصلوا على اعلى الدرجات فى اختبار الاستعداد الدراسى - جزء الرياضيات SAT-M واختبار هامبورج للتفوق فى الرياضيات. وتدرىس برنامج اثرائى لتتمية القدرة على حل المشكلات وتكوين المشكلات Problem Finding لدى هؤلاء التلاميذ.

وقد اسفر تفويم البرنامج عن نجاحه حيث كانت نسبة الالتحاق الاختيارى بالبرنامج ٩٠٪ ، ونسبة التسرب ٧ من ١٠٧ خلال السنتين الاولى والثانية للبرنامج ، وأجاب اكثر من ٥٠٪ من التلاميذ المتفوقين اختبار الاستدعاء أو التحويل لكيسفيتتر (Retention /Transfer Test, Kiesswetter).

دراسة دي بيوس De Buse (1990):

هدفت هذه الدراسة الى وصف وتفويم تطبيق برنامج اثرائى مبنى على توجيه من الجامعة للتلاميذ المتفوقين فى (٨) مدارس اعدادية بمدينة اورجن Orgon وقد أسس هذا البرنامج على نموذج جراى Gray. **ولتحقيق ذلك** تم اختيار (٩٠) معلما قبل الخدمة للعمل كموجهين للتلاميذ المتفوقين بالمدارس الاعدادية ، واستخدم كل زوج منهم (المعلم والتلميذ) امكانات المدينة فى القيام بمشروعات تهتم التلاميذ ، ثم يقوم التلاميذ بعرض نتائج هذه المشروعات على بعض افرادالمجتمع المحلى .

وقد اظهرت نتائج الملاحظة ، المقابلات الشخصية والاستبانات مايلى:

- مخرجات هذا البرنامج الموجبة بدرجة عالية، فقد تحسنت مهارات المعلمين المرتبطة بتسهيل الدراسة المستقلة ، كما تحسنت مهارات الاستقصاء لدى التلاميذ.

- اظهرت مجموعتا المعلمين والتلاميذ اتجاهات موجبة نحو معظم جوانب عملية التوجيه.

- أظهر بعض افراد المجتمع المحلى مستوى عال من الرضا عن البرنامج.

دراسة تالسموهرسبرجر Talsma and Hersberger (1990):

هدفت هذه الدراسة الى وصف مقرر الهندسة التجريبية Experimental Geometry المتضمن فى برنامج STAR بجامعة بيردو Purdue Uni. للتلاميذ المتفوقين فى الرياضيات بالمرحلة الاعدادية.

وبالنسبة لتفويم هذا البرنامج ، تم تطبيق اختبار تحصيلى فى الهندسة ، واختبارين للقدرة المكانية البصرية هما الاعلام Flags، واختبار بيردو المكانى البصرى PSVT، وذلك على التلاميذ المشتركين فى البرنامج سنة ١٩٨٦ ، وكان عددهم (١٧) تلميذا.

وبتحليل نتائج التطبيقين القبلى والبعدى للاختبارات السابقة تبين ان كل درجات الكسب دالة احصائية ، وكان مستوى الدلالة ٠٠٦٦ و بالنسبة لاختبار PSVT، ٠٠٠١ و بالنسبة للاختبارين الاخرين.

دراسة والاس Wallace (1990) :

هدفت هذه الدراسة الى تلخيص الدراسات المتعلقة بتقويم البرامج الاثرية للتلاميذ المتفوقين ، والتي اختلفت في المواقف التعليمية والمدة الزمنية ، وذلك لتعرف ماذا كان هذا النموذج هاما في نمو المقدرات الفردية الى اقصى حد ممكن.

ولتحقيق ذلك استخدم الباحث Meta - Analysis لمجموعة دراسات هدفها الرئيسي مقارنة تحصيل التلاميذ المشتركين في برامج اثرية بتحصيل التلاميذ غير المشتركين في البرامج الاثرية.

وقد اسفرت الدراسة عن اهمية نموذج الأثرء وتضمنياته في تصميم المناهج للتلاميذ المتفوقين .

دراسة مون Moon (1991) :

هدفت هذه الدراسة الى استقصاء اعتقادات طلاب الصف الثاني عشر واسرهم عن فعالية PACE (برنامج للثراء الاكاديمى والابتكارى Program For Academic And Creative Enrichment) في تنمية الموهبة لدى الشباب المتفوقين.

ولتحقيق ذلك تم توزيع استفتاء يتكون من بنود مغلقة واخرى مفتوحة على (٢٣) طالبا بالصف الثانى عشر الذين شاركوا في PACE لمدة ٣ سنوات على الاقل، وتم توزيع صورة مكافئة لهذا الاستفتاء على اولياء الامور ، وبعد ذلك تم اجراء مقابلات شخصية متعمقة (In-Depth Families Interviews) لعدد (١٠) اسر ممن اتوا هذا الاستفتاء.

وقد اسفرت الدراسة عن النتائج التالية :

- برنامج PACE له تأثير موجب لدى اغلب المشتركين فيه واسرهم ، كما اظهر PACE نجاحا في تحقيق اهداف البرنامج مثل تنمية قدرات التفكير الابتكارى والناقد ومفهوم الذات.

- ان برامج تجميع المتفوقين لبعض الوقت والمصممة جيدا يمكن ان تكون فعالة في تسهيل نمو الموهبة لدى الشباب المتفوقين.

دراسة فوجن ، فيلدهوزن ، وآشر Vaughn , Feldhusen , and Asher (1991) :

هدفت هذه الدراسة الى تقويم فعالية برامج بعض الوقت في تعليم المتفوقين.

ولتحقيق ذلك تم استخدام Meta-Analysis لتسع دراسات تجريبية تتعلق ببرامج بعض الوقت مع المتغيرات : مفهوم الذات ، التحصيل، التفكير الناقد ، والابتكارية.

وقد اظهرت الدراسة ان برامج بعض الوقت لها تأثير موجب فى كل من التحصيل ، والتفكير الناقد ، والابتكارية ، بينما لم يتاثر مفهوم الذات لدى التلاميذ المتفوقين ببرامج بعض الوقت.

مدى استفادة الدراسة الحالية من الدراسات**المتعلقة بالبرامج الاثرية**

يمكن تصنيف مدى استفادة الدراسة الحالية من الدراسات السابقة المتضمنة في هذا المحور كالتالى:

أ - الاهداف:

تمثلت اهداف مجموعة الدراسات الخاصة بالبرامج الاثرية - فى الغالب - تحت بعدين رئيسيين ، فهناك مجموعة من الدراسات قامت ببناء برامج اثرية وتجريبها وبيان اثرها على عدة متغيرات ، ومنها

دراسات كل من نصره رضا حسن الباقر (١٩٨٨)، ومحبات محمود حافظ أبو عميرة (١٩٩٠)، محمد أحمد عبد الحميد يوسف (١٩٩٣)، فولتس (1981) *Fulfs* كولوف وفيلدهوزن *Kollof and Felshusen*، (1984) فوجن وفيلدهوزن واشر *Vaughn , Feldhusen , and Asher* وهناك مجموعة اخرى من الدراسات اكتفت بوصف وتقويم برامج اثرائية قائمة بالفعل ، ومنها دراسات كل من فاجنر وتسيميرمان *Wagner and Zimmermann* (1986)، دي بيوس *De Buse* (1990)، تالساوهرسيرجر *Talsma and Hersberger* (1990)، والاس *Wallace* (1990)، ومون *Moon* (1991). وقد استفاد الباحث من كلا المجموعتين في صياغة وتحديد هدف الدراسة الحالية بتعرف اثر استخدام برنامج اثرائي - من اعداد الباحث - على التحصيل الدراسي لتلاميذ الصف الاول الاعدادي متفقا في ذلك مع المجموعة الاولى من هذه الدراسات ، كما امكن من خلال الدراسات الوصفية والتقويمية الوقوف على الاساليب المستخدمة لتحديد فعالية البرامج القائمة بالفعل.

ب - الاجراءات:

ولتوضيح مدى الاستفادة من الاجراءات المتضمنة في هذه المجموعة من الدراسات ، فيمكن تفصيل ذلك كالتالي:

١- عينات التلاميذ المختارة:

باستقراء مجموعة الدراسات المتعلقة بالبرامج الاثرائية ، يتضح تخصيص كم لا بأس به منها لتلاميذ المرحلة الاعدادية كدراسات كل من محبات محمود حافظ أبو عميرة (١٩٨٩) ، (١٩٩٠) ، ابراهيم سيد حسين (١٩٩١) ، تالساوهرسيرجر *Talsma and Hersberger* (1990) مما وجه نظر الباحث الى امكانية البدء بتقديم البرامج الاثرائية منذ المرحلة الاعدادية ، على خلاف ما هو شائع - في مصر - من اقتصرها على فصول المرحلة الثانوية ، كما استفادت الدراسة الحالية من طريقة اختيار العينة في دراسات كل من فولتس *Fulfs* (1981)، كولوف وفيلدهوزن *Kollof and Feldhuse* (1984) حيث تم تجميع التلاميذ المتفوقين لبعض الوقت من فصولهم المعتادة لدراسة البرنامج الاثرائي.

٢- التصميمات التجريبية والادوات المستخدمة:

اعتمدت الدراسات التي اهتمت ببناء البرامج الاثرائية على التصميمات التجريبية متعددة المجموعات فيما عدا دراسة محبات محمود حافظ أبو عميرة (١٩٩٠) ما وجه نظر الباحث الى ضرورة الاعتماد على التصميم التجريبي ذي المجموعتين التجريبية التي تدرس البرنامج الاثرائي والضابطة التي لم تتعرض للمتغير التجريبي، مما يدعم ويؤكد النتائج التي يتم الحصول عليها وتحقيق الموضوعية والثقة لاقصى حد ممكن. ويتضح من استعراض هذه المجموعة من الدراسات اعتمادها في الغالب على استخدام الانشطة في بناء البرامج الاثرائية الخاصة بها ، مما وفر للباحث مادة غنية من تلك الانشطة ، فضلا عن اعتماده اساسا عليها كطريقة ذات فعالية في عرض محتوى البرنامج ، يضاف الى ذلك ماتضمنته هذه الدراسات من ادوات واساليب التقويم التي افادت الباحث في اعداد واستخدام انواع مختلفة من التقويم كالتقويم التكويني والتجمعي.

ج - النتائج:

فضلا عن استفادة الباحث من نتائج هذه المجموعة من الدراسات عند صياغة فروض الدراسة الحالية ، فقد استفاد الباحث ايضا من دراسة محبات محمود حافظ أبو عميرة (١٩٨٩) في تعرف المعايير والاسس التي ينبغي ان تراعى في بناء البرامج الاثرائية.

مدى استفادة الدراسة الحالية من الدراسات السابقة عامة

- تمثلت استفادة الدراسة الحالية من الدراسات السابقة المتعلقة بها في الآتي:
- توجيه النظر الى فئة خاصة من التلاميذ لالتق من الاهتمام مآيتراكب مع مقدراتها وامكاناتها ، وهى فئة المتفوقين دراسيا.
 - التعرف على خصائص وامكانات وحاجات التلاميذ المتفوقين وأهم العوامل النفسية والتربوية والاجتماعية المتعلقة بالتفوق الدراسى.
 - التعرف على طرق بناء البرامج التعليمية فى الرياضيات بصفة عامة ، مما وفر للدراسة الحالية مجالا خصبا لطرق تصميم تلك البرامج.
 - توجيه النظر الى امكانية البدء للعمل مع التلاميذ المتفوقين فى مراحل تعليمية متقدمة.
 - التعرف على طرق واساليب تصميم البرامج الاترائية فى الرياضيات ، مما وفر للباحث كما من الاستراتيجيات التدريسية ، والانشطة واساليب التقييم، التى ساهمت فى بناء برنامج الدراسة الحالية . فضلا عن الاستفادة فى صياغة فروضها فى ضوء نتائج هذه الدراسات.

الفصل الرابع اجراءات الدراسة

يتناول هذا الفصل :

- أولاً : تصميم البرنامج الاثرائي في رياضيات الصف الاول الاعدادى
- ثانياً : بناء اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات
- ثالثاً : بناء اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات
- رابعاً : اختبار القدرات العقلية (9-11 سنة)
- خامساً : تطبيق الدراسة

إجراءات الدراسة

يتناول هذا الفصل عرضاً لإدوات البحث وهي: البرنامج الأثرائى فى رياضيات الصف الأول الإعدادى، اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدۃ المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات ، اختبار تحصيل جوانب التعلم الأثرائية لوحدۃ المجموعات المتضمنة بالبرنامج الأثرائى ، واختبار القدرة العقلية العامة . كما يتناول أيضا إجراءات تطبيق تجربة البحث .

أولاً: تصميم البرنامج الأثرائى فى رياضيات الصف الأول الإعدادى:

تم تصميم البرنامج الأثرائى فى رياضيات الصف الأول الإعدادى (موضوع البحث) فى ضوء الخطوات التى اشتقها الباحث والمعروضة بالفصل الثانى وهى:

أ - تحديد معايير اختبار التلاميذ المتفوقين بالمعد لهم البرنامج:

- تم اختيار التلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادى ، والمعد لهم البرنامج فى ضوء المعايير التالية:
- الحصول على مجموع $< 94\%$ فى امتحان نهاية المرحلة الابتدائية.
- الحصول على درجة $< 90\%$ فى التحصيل السابق فى الرياضيات.
- الحصول على نسبة ذكاء انحرافية < 130 .

ب- تحديد الأهداف الإجرائية للبرنامج:

- أُشتمت الأهداف العامة للبرنامج الأثرائى (موضوع البحث) من كل من أهداف تدريس الرياضيات بالمرحلة الإعدادية ، أهداف البحث الحالى ، وأهداف تدريس الرياضيات للتلاميذ المتفوقين وأمكن للباحث تحديد الأهداف العامة للبرنامج الأثرائى فى الرياضيات على النحو التالى:
- توسيع دائرة معرفة التلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادى لجوانب التعلم المعرفية المتضمنة بمقرر الرياضيات.
- تعميق فهم التلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادى لجوانب التعلم المعرفية المتضمنة بمقرر الرياضيات.
- اكساب التلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادى مهارات تاسيسية لمادة الرياضيات من حيث اللغة والرموز والمعلومات وأساليب التفكير.
- تنمية القدرة على حل المشكلات لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادى عن طريق تقديم أنشطة لاستخدام استراتيجيات متنوعة لحل المشكلات.
- إبراز أهمية الرياضيات فى الحياة ، ومساعدة التلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادى على التفكير بلبغة الرياضيات فى مواقف الحياة ، وذلك من خلال تقديم بعض الأنشطة عن تطبيقات الرياضيات.
- تقدير العلم والعلماء وفهم الرياضيات على أنها فكر بشرى لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادى ، وذلك من خلال تقديم بعض المعلومات التاريخية عن علماء الرياضيات وإنجازاتهم.
- تنمية روح التعاون وتبادل الحوار واحترام الآراء لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادى ، وذلك من خلال العمل فى مجموعات صغيرة .

ج- تحديد محتوى البرنامج :

مر تحديد محتوى البرنامج الذى يمكن استخدامه لتحقيق الاهداف السابقة ، وكذلك بناء وحدات البرنامج بالخطوات التالية :

١ - الإطلاع على كتابى الرياضيات المقررين على تلاميذ الصف الاول الاعدادى بجمهورية مصر العربية ، وذلك للتعرف على الموضوعات المتضمنة بهما.

٢- اختيار الوحدات : المجموعات ، الاعداد الطبيعية ، والأشكال الهندسية المستوية ، لتكون اساسا لبناء الوحدات الإثرائية المتضمنة بالبرنامج (موضوع البحث).

٣- تحليل محتوى الوحدات : المجموعات ، الاعداد الطبيعية، والأشكال الهندسية المستوية الى جوانب تعلمها المعرفية من المفاهيم ، والعلاقات ، والمهارات وذلك فى ضوء المعيارين الاتيين :

- استخدام كتاب الرياضيات المقرر على تلاميذ الصف الاول الاعدادى فى الفصل الاول للعام الدراسى ١٩٩٢/١٩٩٣ مصدرا للتحليل.

- التعريفات الاجرائية التالية لكل من المفهوم الرياضى ، العلاقة الرياضية ، والمهارة الرياضية:

* **المفهوم الرياضى** : اى فكرة رياضية معممة او خاصة مجردة عن مواقف رياضية متضمنة فى مقرر رياضيات الصف الاول الاعدادى مثل المجموعة ، العدد الأولى ، المربع.

* **العلاقة الرياضية** : اى تقرير رياضى مسلم بصحته مثل المسلمات ، أو يمكن اثباته مثل القوانين والنظريات فى مقرر رياضيات الصف الاول الاعدادى.

* **المهارة الرياضية** : اداء أى عمل من الاعمال الرياضية فى مقرر رياضيات الصف الاول الاعدادى مثل اجراء العمليات الحسابية والجبرية ، استنتاج علاقات ، حل مشكلات ، رسم الأشكال الهندسية، وذلك فى حدود الدقة والسرعة والفهم المتوقع من تلاميذ هذا الصف.

٤ - حساب ثبات تحليل المحتوى: يقصد بثبات التحليل - فى الدراسة الحالية - الوصول الى عناصر محددة وثابتة للمفاهيم والعلاقات والمهارات المتضمنة فى وحدات المجموعات ، الاعداد الطبيعية ، والأشكال الهندسية المستوية المقررة بالصف الاول الاعدادى ، ولتحقيق ذلك تم اتباع الاجراءات التالية:

- قام الباحث بتحليل محتوى هذه الوحدات.

- قام احد المتخصصين (مدرس طرق تدريس رياضيات بكلية التربية جامعة المنيا) بالتحليل مستخدما نفس المعايير التى اتبعها الباحث.

- حساب معامل سكوت ثبات التحليل Scott [انظر ملحق (١١)] .

ويبين جدول (٢) الاحصاءات المستخدمة فى حساب معامل سكوت لثبات التحليل

جدول (٢) : الاحصاءات المستخدمة في حساب معامل سكوت لثبات التحليل

معامل سكوت	النسب المئوية للتكرارات		مجموع التكرارات		فئات التحليل
	ب %	أ %	عملية التحليل الأولى (أ)	عملية التحليل الثانية (ب)	
	٣٦ر٥١	٣٤ر٥١	٤٦	٤٩	المفاهيم
٩١	٣٣ر٣٣	٣٢ر٣٩	٤٢	٤٦	العلاقات
	٣٠ر١٦	٣٣ر١٠	٣٨	٤٧	المهارات
	١٠٠	١٠٠	١٢٦	١٤٢	المجموع

يتضح من جدول (٢) ان معامل سكوت لثبات التحليل = ٩١ ، مما يدل على ان التحليل ذو ثبات مناسب.

٥- حساب صدق تحليل المحتوى: تم عرض نتائج تحليل الباحث للمحتوى على مجموعة المحكمين [انظر ملحق (٢)] وذلك بهدف اقرار صدق مايتضمنه التحليل من مفاهيم، علاقات ، ومهارات ، حذف المفردات التي تقع خارج نطاق الوحدات (موضوع التحليل) ، وازاقة المفردات التي تقص التحليل والمدرجة ضمن محتوى الوحدات .

وقد اسفرت نتائج التحكم عن الاتي:

- شمول التحليل لجميع جوانب التعلم التي تتضمنها الوحدات : المجموعات ، الاعداد الطبيعية ، والاشكال الهندسية المستوية المقررة على الصف الاول الاعدادي .

- جميع مفردات التحليل مدرجة داخل محتوى الوحدات الثلاثة.

وقد رأى المحكمون حذف بعض المفاهيم ، مثل مفهوم مكملة مجموعة بالنسبة لمجموعة اخرى ، حذف بعض العلاقات ، مثل العبارة : "اذا كان س n ص = \emptyset ، فان س ، ص مجموعتان متباعدتان" باعتبارهما تعريفا لمفهوم المجموعتين المتباعدتين ، وحذف بعض المهارات ، مثل مهارة استقراء بعض العلاقات باعتبارها غير مطلوبة من التلاميذ ، وتستخدم فقط في تقديم هذه العلاقات.

وقد اجريت التعديلات التي اشار اليها المحكمون ، ومن ثم تم التوصل الى الصورة النهائية لتحليل محتوى الوحدات : المجموعات ، الاعداد الطبيعية ، والاشكال الهندسية المستوية [انظر ملحق (١)]

٦ - الاستفادة من الدراسات السابقة بهذه الدراسة ، ومما عرض في الاطار النظري من تحديد لخصائص التلاميذ المتفوقين وحاجاتهم ، ومفهوم الاثراء وطرق اثراء منهج الرياضيات .

٧- الاطلاع على بعض برامج الرياضيات المقدمة لتلاميذ المرحلة المتوسطة (الصفوف ٥ - ٨) بالولايات المتحدة الامريكية ، وهي:

* Exploring Mathematics (1992)

* Mathematics , Exploring your world (1991)

* Mathematics in Action (1991)

* Holt Geometry (1982)

هذا بالإضافة الى بعض الكتب التي وضعت للتلاميذ المتفوقين بالولايات المتحدة الأمريكية وهي:

* Projects to Enrich School Mathematics, Levels 1,2,3 (1988, 1990)

* Elements of Mathematics (EM) books O,1,2,3, and Problem book (1983)

* The Boston College Mathematics Enrichment Series (1976)

* McGraw - Hill Mathematics Enrichment Websternasters Levels 5-8 (1981)

هذا بجانب بعض الكتابات في مجال تعليم الرياضيات للتلاميذ المتفوقين وهي:

* 27th Yearbook: Enrichment Mathematics for the Grades (NCTM, 1963)

* Readings for Enrichment in Secondary School Mathematics (NCTM, 1988)

* Providing opportunities for the mathematically Gifted K - 12 (NCTM, 1987)

٨- اقتراح الأنشطة الأثرية في الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادي ، وقد قام الباحث بأعداد ثلاث وحدات اثرية ، وهي وحدة المجموعات ، وحدة الأعداد الطبيعية ، وحدة الأشكال الهندسية المستوية .

٩ - عرض البرنامج على مجموعة المحكمين [انظر ملحق (٢)] وذلك للتأكد من مدى الصحة العلمية لمحتوى الوحدات الأثرية ، ومناسبته للتلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادي ، ومناسبة الأنشطة المقترحة لتحقيق الاهداف التعليمية الموضوعه ، وامكانية تنفيذها.

وقد أتفق المحكمون على صلاحية البرنامج ، وملاءمته للتنفيذ مع ابداء بعض الملاحظات منها:

- تقديم امثلة كثيرة للتلاميذ تسمح لهم بادراك النمو بسهولة ، وذلك بالنسبة للأنشطة الخاصة بادراك النمط.
- اعادة تنظيم بعض الأنشطة الأثرية المتضمنة بالبرنامج.
- تدرج الاسئلة المتضمنة بالنشاط الأثرى لى تتناسب مع مستويات التلاميذ.
- حذف بعض الأنشطة التي تفوق المستوى الصفى للتلاميذ.
- تضمين النشاط الأثرى أنشطة فرعية تعمل كتمهيد للنشاط الأثرى التالى.

وقد اجريت التعديلات التي اشار اليها المحكمون قبل بدء تنفيذ البرنامج، وقد راعى الباحث عند اختيار محتوى البرنامج المعايير التي اشتقها الباحث والمعروضة بالفصل الثانى.

د - تنظيم محتوى البرنامج:

تم تنظيم محتوى البرنامج الأثرى في الرياضيات (موضوع البحث) في صورة ثلاث وحدات اثرية للتلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادي ، وهي - على الترتيب - وحدة المجموعات ، وحدة الأعداد الطبيعية ، ووحدة الأشكال الهندسية المستوية . كما تم تنظيم محتوى كل وحدة في صورة أوراق عمل تشتمل كل ورقة على الاهداف السلوكية والأنشطة الأثرية الخاصة بها ، كما يتضح في العرض التالى للوحدات التي يشتمل عليها البرنامج.

الوحدة الأولى: وحدة المجموعات: [انظر ملحق (٣)]

الهدف العام للوحدة : اثراء فهم التلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادي لجوانب تعلم وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات.

الاهداف السلوكية للوحدة: تم وضع الأهداف السلوكية فى مقدمة أوراق العمل الخاصة بالوحدة ،
[انظر ملحق (٣)]
الوسائل التعليمية:
* أوراق عمل.
* السبورة الطباشيرية.

محتوى الوحدة من الأنشطة والزمن اللازم لتدريسها:
تشتمل الوحدة على (١٧) من الأنشطة الاثرانية ، بالاضافة الى (٣) اختبارات بنائية تتخلل الوحدة ،
ويحتاج تدريس هذه الأنشطة الى (١٨) حصة ، اى ان الزمن اللازم لتدريس الوحدة حوالى (١٥) ساعة . هذا
بالاضافة الى زمن الاختبار التحصيلي.

الوحدة الثانية : وحدة الاعداد الطبيعية: [انظر ملحق (٤)]
الهدف العام للوحدة : اثراء فهم التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى لجوانب التعلم المعرفية لوحدة
الاعداد الطبيعية المتضمنة بمقرر الرياضيات.
الاهداف السلوكية للوحدة : تم وضع الأهداف السلوكية فى مقدمة أوراق العمل الخاصة بالوحدة ،
[انظر ملحق (٤)]
الوسائل التعليمية:
* أوراق عمل.
* آلات حاسبة.
* لوحات.
* السبورة الطباشيرية.

محتوى الوحدة من الأنشطة والزمن اللازم لتدريسها:
تشتمل هذه الوحدة على (١٦) من الأنشطة الاثرانية ، بالاضافة الى (٣) اختبارات بنائية . ويحتاج تدريس
هذه الوحدة الى (١٢) حصة كحد ادى ، اى ان الزمن اللازم لتدريس هذه الوحدة حوالى (١٠) ساعات.

الوحدة الثالثة : وحدة الاشكال الهندسية المستوية [انظر ملحق (٥)]
الهدف العام للوحدة : اثراء فهم التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى لجوانب التعلم المعرفية لوحدة
الاشكال الهندسية المستوية المتضمنة بمقرر الرياضيات.
الاهداف السلوكية للوحدة: تم وضع الأهداف السلوكية فى مقدمة أوراق العمل الخاصة بالوحدة
[انظر ملحق (٥)]
الوسائل التعليمية :
* أوراق عمل.
* مجموعه التانجرام Tangram Set من الورق المقوى.
* لوحات.
* السبورة الطباشيرية.

محتوى الوحدة من الأنشطة والزمن اللازم لتدريسها:
تشتمل هذه الوحدة على (١٠) من الأنشطة الاثرانية ، بالاضافة الى اختبارين بنائين ، ويحتاج تدريس
هذه الوحدة الى (١٢) حصة بحد ادى ، اى ان الزمن اللازم لتدريس هذه الوحدة حوالى (٩) ساعات.

د- وسائل تقويم البرنامج:

- يتم تقويم التلاميذ (عينة البحث) في البرنامج الحالي من خلال وسائل التقويم التالية :
- ١- الأسئلة المتضمنة بأوراق العمل ، والتي تعطى للتلاميذ عقب كل نشاط اثنائي ، ويطلب من التلاميذ الاجابة عليها في حجرة الدراسة.
 - ٢- التعينات المنزلية التي تعطى للتلاميذ في نهاية كل درس.
 - ٣- الاختبارات البنائية التي تتخلل كل وحدة ، والتي تعطى للتلاميذ عقب الانتهاء من تدريس مجموعة دروس في كل وحدة.
 - ٤- اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات للوقوف على اثر تدريس البرنامج الاثنائي (ممثلًا في وحدة المجموعات الاثرائية) في تعميق فهم التلاميذ لجوانب التعلم المعرفية المعتادة لوحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات [انظر ملحق (٦)].
 - ٥- اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الاثنائي للوقوف على فعالية البرنامج الاثنائي (ممثلًا في وحدة المجموعات الاثرائية).
- هذا وقد توصل الباحث الى الصورة النهائية لوحدات البرنامج الاثنائي بعد اجراء التعديلات اللازمة نتيجة تحكيم البرنامج [انظر ملحق (٣)،(٤)،(٥)].

ثانياً : بناء اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات:

اتباع في بناء هذا الاختبار الخطوات التالية (Gronlund , 1976)

- أ - تحديد هدف الاختبار.
 - ب - بناء جدول المواصفات.
 - ج - اختيار نوع مفردات الاختبار.
 - د - صدق الاختبار.
 - هـ - التجريب الاستطلاعي لحساب المعاملات الاحصائية. PP. 135 - 163
- وفيما يلي يتم تناول هذه الخطوات بشيء من التفصيل:

أ - تحديد هدف الاختبار:

يهدف هذا الاختبار الى قياس تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي لجوانب التعلم المعرفية المعتادة لوحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات.

ب - بناء جدول المواصفات :

تم التوصل الى جدول المواصفات لهذا الاختبار باتباع الخطوات التالية:

- ١- تحليل محتوى وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات للصف الاول الاعدادي الى جوانب تعلمها المعرفية من المفاهيم ، العلاقات ، والمهارات [انظر ملحق (١)]
 - ٢- تصنيف مستويات الاهداف التعليمية المعرفية ، فقد اتبع الباحث تصنيف وليج عبيد وآخرين (١٩٨٦) لاهداف تدريس الرياضيات الى ثلاثة مستويات :
- المستوى الأدنى : ويتضمن تذكر واسترجاع مصطلحات وحقائق ورموز محددة ، واجراء عمليات حسابية مباشرة.

المستوى الوسيط : ويتضمن فهم وإدراك واستيعاب المفاهيم والعلاقات بينها ، امكانيه التحويل من صيغ لفظية الى رمزية الى صور بصرية والعكس ، استدعاء المعلومات المناسبة للموقف ، تطبيق القوانين واختيار العمليات المرتبطة بالموقف التطبيقي ، واجراء العمليات وحل مسائل سبق وجود أمثلة محلولة عليها.

المستوى الاعلى : ويتضمن اجراء عمليات عقلية أعلى مثل تطبيقات غير روتينية للمفاهيم ، تحليل المواقف الى مكوناتها والتعرف على العلاقات بينها ، الوصول الى تعميمات واشتقاق الوصول الى علاقات جديدة ، اعادة تنظيم معلومات ، والتدليل على صحة مواقف جديدة . ص ص ١٤ - ١٥

٣- تحديد الوزن النسبي للموضوعات المتضمنة بوحدة المجموعات في ضوء (Gronlund, 1976) محك الزمن المخصص لتدريس كل موضوع من موضوعات الوحدة. P. 83

ويوضح جدول (٣) الوزن النسبي لكل موضوع من موضوعات وحدة المجموعات بالصف الاول الاعدادي

جدول (٣) : الوزن النسبي لكل موضوع من موضوعات وحدة المجموعات بالصف الاول الاعدادي

موضوعات الوحدة	عدد الحصص المخصصة	الوزن النسبي
مفاهيم اساسية في المجموعات	١٤	٤٠
العمليات على المجموعات	٢١	٦٠
المجموع	٣٥	١٠٠

٤- اعداء جدول المواصفات للاختبار في ضوء الوزن النسبي لموضوعات وحدة المجموعات ، مع الاخذ في الاعتبار ان عدد مفردات الاختبار ٤٠ مفردة.

ويوضح جدول (٤) مواصفات اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم المعتادة لوحدته المجموعات.

جدول (٤) . مكونات اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم المعتادة لوحدته المجموعات

موضوعات الوحدة	مستويات الاهداف التعليمية	المستوى الادنى	المستوى الوسيط	المستوى الاعلى	المجموع
مفاهيم اساسية في المجموعات	٤	٧	٥	١٦	
العمليات على المجموعات	٧	١١	٦	٢٤	
المجموع	١١	١٨	١١	٤٠	

ج- اختبار نوع مفردات الاختبار:

تم صياغة مفردات هذا الاختبار في صورة أسئلة الاختبار من متعدد ، وأسئلة المقال.

د - صدق الاختبار:

بعد صياغة مفردات الاختبار ، تم عرضه على لجنة المحكمين [انظر ملحق (٢)] مرفقا مع تحليل محتوى وحدة المجموعات ، وذلك للتأكد من صدق مفردات الاختبار ، وصحتها العلمية ، ووضوحها وشمولها لجوانب التعلم المعرفية لوحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات.

وقد اشار المحكمون الى مايلي:

* اضافة شكل فن للاسئلة (١٩ ، ٢٠ ، ٢١) وذلك لمساعدة التلاميذ في استنتاج العلاقات (موضوع الاسئلة) من خلال التظليل في الشكل.

* تعديل صياغة بعض المفردات - مثل المفردة رقم (٣٦) حيث كانت صياغتها الاولى:

$$A - S \cap S' \cap S \cup S \cap S' = \dots$$

* اعادة ترتيب بعض المفردات.

* ان عدد مفردات الاختبار مناسب ، ويغطي محتوى وحدة المجموعات.

بالاضافة للتوصل الى صدق المحكمين - السابق ذكره - تم حساب صدق المفردات Guilford (1981) , and Frucher ، وذلك بحساب معامل الارتباط بين درجات كل مفردة والدرجات الكلية للاختبار* . P.461 وقد تراوحت قيم صدق مفردات هذا الاختبار من ٢٢ الى ٦٣ [انظر ملحق (٦)].

د - التجريب الاستطلاعي لحساب المعاملات الاحصائية :

بعد اجراء التعديلات التي اقترحها المحكمون ، تم تطبيق هذا الاختبار على تلاميذ العينة الاستطلاعية* البالغ حجمها ٤٥ تلميذاً متوقفاً بالصف الاول الاعدادي (متوسط تحصيلهم في الصف الخامس ٢٨٥ و٧٣ ، متوسط تحصيلهم في الرياضيات بالصف الخامس ٩٥ و٢٠ ، متوسط نسب الذكاء الانحرافية ١٢٨ و٢٢) ومتوسط اعمارهم الزمنية ١٠ و٥٦ (بعد الانتهاء من دراسة وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات لكل تلاميذ هذه العينة ، وذلك للحصول على المعاملات الاحصائية التالية:

١- معاملات التمييز:

استخدمت المعادلة (Singh, 1986) 'معامل التمييز = (ص ع - ص د) / (٢٧ ون* حيث ص ع = عدد التلاميذ الذين اجابوا المفردة اجابة صحيحة في ٢٧٪ العليا ، ص د = عدد التلاميذ الذين اجابوا المفردة اجابة صحيحة في ٢٧٪ الدنيا ، ن = عدد افراد العينة الاستطلاعية* P.55. لحساب معاملات التمييز وقد تبين ان معاملات التمييز هذا الاختبار مناسبة ، حيث انها تتراوح من ٢٥ الى ٨٣ [انظر ملحق (٧)]

٢- معاملات السهولة والصعوبة:

استخدمت المعادلة (Singh, 1986) 'معامل السهولة = (ص ع + ص د) / ٥٤ بن* لحساب معاملات سهولة مفردات الاختبار P. 50 وقد تبين ان معاملات سهولة هذا الاختبار مناسبة ، حيث انها تتراوح من ٢١ الى ٨٧ ، [انظر ملحق (٧)].

٣- معامل ثبات الاختبار:

استخدمت معادلة كرونباخ Cronbach العامة لحساب معامل ثبات الاختبار [انظر ملحق (١١)] ، وقد بلغ معامل ثبات الاختبار ٨٧ ، مما يشير الى ان الاختبار ذو ثبات مناسب.

٤- زمن الاختبار :

اتخذ متوسط زمن اجابة ٨٠٪ من تلاميذ العينة الاستطلاعية* (١ = ن = ٤٥ تلميذاً) على مفردات الاختبار لتحديد زمن الاختبار ، فوجد ان اجمالي زمن ال (٤٥) تلميذاً للاجابة على الاختبار هو (٢٧٠٠)

دقيقة تقريبا ، وبالتالي فان متوسط زمن الاختبار (٦٠) دقيقة تقريبا وبذلك اصبح الاختبار جاهزا للتطبيق ،
[انظر ملحق(٦)].

ثالثا : بناء اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرية لوحدة المجموعات:

اتبع في بناء هذا الاختبار نفس الخطوات التي استخدمت بالنسبة لاختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات وهي كمايلي:

أ - تحديد هدف الاختبار:

يهدف هذا الاختبار الى قياس تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي لجوانب التعلم المعرفية الاثرية لوحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الاثرية.

ب - بناء جدول المواصفات:

تم التوصل الى جدول مواصفات هذا الاختبار باتباع الخطوات التالية :

١- تصنيف الاهداف المعرفية لوحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الاثرية الى ثلاثة مستويات :

المستوى الادنى ، المستوى الوسيط ، والمستوى الاعلى طبقا لتصنيف وليم عبيد واخرين (١٩٨٦).

٢- تحديد الوزن النسبي للموضوعات المتضمنة بوحدة المجموعات في ضوء محك الزمن المخصص لتدريس كل موضوع من موضوعات الوحدة.

ويوضح جدول (٥) الوزن النسبي لكل موضوع من موضوعات وحدة المجموعات الاثرية.

جدول (٥) : الوزن النسبي لكل موضوع من موضوعات وحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الاثرية

موضوعات الوحدة	عدد الحصص المخصصة	الوزن النسبي
مفاهيم اساسية في المجموعات	٦	٣٣
العمليات على المجموعات	١٢	٦٧
المجموع	١٨	١٠٠

٣- اعداد جدول المواصفات في ضوء الوزن النسبي لموضوعات وحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج

الاثرية ، مع الاخذ في الاعتبار ان عدد مفردات الاختبار ٢٦ مفردة.

ويوضح جدول (٦) : مواصفات اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم الاثرية لوحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الاثرية.

جدول (٦) : مكونات اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم الأثرانية
لوحة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الأثراني

مستويات الأهداف التعليمية موضوعات الوحدة	المستوى الأدنى	المستوى الوسيط	المستوى الأعلى	المجموع
مفاهيم أساسية في المجموعات	٢	٦	٢	١٠
العمليات على المجموعات	٢	٨	٦	١٦
المجموع	٤	١٤	٨	٢٦

ج - اختبار نوع مفردات الاختبار :

تم صياغة مفردات هذا الاختبار في صورة أسئلة الاختبار من متعدد ، وأسئلة المقال.

د - صدق الاختبار:

بعد صياغة مفردات الاختبار تم عرضه على لجنة المحكمين [انظر ملحق (٢)] مرفقا مع وحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الأثراني، وذلك للتأكد من صدق مفردات الاختبار ، وصحتها العلمية ، ووضوحها وشمولها لجوانب التعلم المعرفية المتضمنة بوحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج وقد اشار المحكمون الى مايلي:

- * اضافة جداول الانتماء للسؤالين رقم (٢٥) ، (٢٦).
- * تعديل صياغة بعض الاسئلة مثل المفردة رقم (١٣) حيث كانت صياغتها الاولى : $S \cap L = A = S$ ب - $S \cap L$ ج - $S \cap L$
- * اعادة ترتيب بعض مفردات الاختبار.
- * ان عدد مفردات الاختبار واضحة وصحيحة علميا ، وعددها مناسب ويغطي محتوى وحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج.
- * بالاضافة الى التوصل الى صدق المحكمين - السابق ذكره - ثم حساب صدق المفردات ، وذلك بحساب معامل الارتباط بين درجات كل مفردة والدرجات الكلية للاختبار ، وقد تراوحت قيم صدق مفردات هذا الاختبار من ١٧ الى ٨٧ و [انظر ملحق (٩)].

هـ - التجريب الاستطلاعي لحساب المعاملات الاحصائية:

بعد اجراء التعديلات التي اشار اليها المحكمون ، تم تطبيق هذه الاختبار على عينة استطلاعية * ب * حجمها (٣٠) تلميذا وتلميذة من المتفوقين بالصف الاول الاعدادي (متوسط تحصيلهم في الصف الخامس ٢٨٦.٠٣ ، ومتوسط تحصيلهم في الرياضيات بالصف الخامس ٩٥.٠٧ ، ومتوسط نسب ذكائهم الانحرافية ١٣٩ و ١٦٧ ومتوسط اعمارهم الزمنية ١٠.٦٠) بعد الانتهاء من الدراسة الاستطلاعية لوحة المجموعات الأثرانية المتضمنة بالبرنامج لكل تلاميذ هذه العينة ، وذلك للحصول على المعاملات الاحصائية التالية:

١- معاملات التمييز:

استخدمت المعادلة * معامل التمييز = (ص ع - ص د) / ٢٧ون * لحساب معاملات التمييز وقد تبين أن معاملات تمييز هذا الاختبار مناسبة ، حيث انها تتراوح من ٢٥ الى ٨٧ و [انظر ملحق (٩)].

٢- معاملات السهولة والصعوبة :

استخدمت المعادلة * معامل السهولة = (ص ع + ص د) / ٥٤ون * لحساب معاملات السهولة والصعوبة وقد تبين ان معاملات سهولة هذا الاختبار مناسبة ، حيث انها تتراوح من ٣٨ الى ٨١ و [انظر ملحق (٩)].

٣- معامل ثبات الاختبار:

استخدمت معادلة كرونباخ Cronbach العامة لحساب معامل ثبات الاختبار [انظر ملحق (١١)] ، وقد بلغ معامل ثبات هذا الاختبار ٩١ و مما يشير الى ان الاختبار ذو ثبات مناسب.

٤- زمن الاختبار:

اتخذ متوسط زمن اجابة ٨٠٪ من تلاميذ العينة الاستطلاعية 'ب' (ن = ٣٠ تلميذا) على مفردات الاختبار لتحديد زمن الاختبار ، فوجد ان اجمالي زمن ال (٣٠) تلميذا للاجابة على الاختبار هو (١٨٠٠) دقيقة تقريبا ، وبالتالي فان متوسط زمن الاختبار (٦٠) دقيقة تقريبا وبذلك أصبح الاختبار جاهزا للتطبيق [انظر ملحق (٨)].

وابعاً : عرض لاختبار القدرات العقلية (٩ - ١١ سنة) المستخدم بالدراسة:

أعد هذا الاختبار وقننه فاروق عبد الفتاح موسى (١٩٨٤) ، وصمم هذا الاختبار لقياس القدرة العقلية العامة . ويتكون الاختبار من ٩٠ مفردة مرتبة ترتيباً تصاعدياً حسب مستوى الصعوبة ، وقد اشتملت اسئلة الاختبار من اسئلة اختبارات هنمون ونيلسون للقدرة العقلية سنة ١٩٧٣ The Henmon - Nelson tests of mental ability والزمن المحدد لاجراء هذا الاختبار ٣٠ دقيقة. ص ص ٢٠ - ٢١

أ- ثبات الاختبار:

قام فاروق عبد الفتاح موسى (١٩٨٤) بحساب معامل ثبات الاختبار بطريقة التجزئة النصفية ثم تطبيق معادلة سبيرمان- براون ، وقد بلغ معامل ثبات هذا الاختبار ٩٣٨. ص ص ٢٩ - ٣٣

ب- صدق الاختبار:

قام فاروق عبد الفتاح موسى (١٩٨٤) بحساب معامل صدق الاختبار عن طريق حساب معامل ارتباط درجات (٣٠٠) فرد في الاختبار ودرجاتهم في كل من اختبار الذكاء المصور (احمد زكى صالح) ، واختبارات القدرات العقلية الاولى (احمد زكى صالح) فكانا ٧٤ و ، ٨٢ و على الترتيب . ص ص ٣٤ - ٥٦

ج- معاير الاختبار:

قام فاروق عبد الفتاح موسى (١٩٨٤) بتقنين هذا الاختبار على عينة حجمها ٣٢٤٥ من البنين والبنات في الصفوف من الرابع حتى الاول الاعدادى. وقد قنن هذا الاختبار على اساس وضع نسب الذكاء الانحرافية (Deviation IQ's) المقابلة للدرجات الخام (س) بالنسبة للعمر (١١) سنة طبقاً للمعادلة التالية:

نسبة الذكاء الانحرافية = ١٣٣ و ١٥١ + ٤٤ و ٥٧ - ص ص ٥٧ - ٦٠

د - العمر الزمني:

يعتبر فاروق عبد الفتاح موسى (١٩٨٤) العمر الزمني في هذا الاختبار هي السنة الكاملة ، أي أن العمر الزمني (١١) سنة مثلا يمتد من يوم شهر سنة الى يوم شهر سنة
٠ ٥٨ ص ١١ ١١ ٢٩ ١١ - -

خامسا : تطبيق الدراسة :

مرت تجربة الدراسة الحالية بالخطوات التالية:

أ - اختيار مجموعات الدراسة :

تم اختيار مجموعات الدراسة الحالية باتتبع الخطوات التالية:

- ١- تحديد التلاميذ مرتفعي التحصيل العام السابق (الحاصلين على مجموع اكبر من او يساوي ٩٤٪ في امتحان نهاية المرحلة الابتدائية) ومرتفعي التحصيل السابق في الرياضيات (الحاصلين على درجة اكبر من او تساوي ٩٠٪ في اختبار الرياضيات) ، وذلك من واقع كشوف التلاميذ بالمدارس : المنيا الاعدادية بنين ، الحديثة الاعدادية بنات ، ناصف الاسلامية ، والانجيلية الاعدادية بنات ، وقد بلغ هؤلاء التلاميذ (٢٤٠) تلميذا
- ٢- تم تطبيق اختبار القدرات العقلية للاعمار ٩ - ١١ (أداة البحث) على هؤلاء التلاميذ ، بهدف تحديد التلاميذ الحاصلين على نسبة ذكاء انحرافية اكبر من او تساوي ١٣٠ ، وقد بلغ عددهم (١٢٧) تلميذا.
- ٣- تم اختيار مجموعتين (من هؤلاء التلاميذ بواقع مجموعة من كل مدرستين احديهما للبنين والاخرى للبنات) بعد التأكد من التجانس بالنسبة لكل من التحصيل العام في امتحان نهاية المرحلة الابتدائية ، التحصيل السابق في الرياضيات نسبة الذكاء الانحرافية والعمر الزمني [انظر ملحق (١٠)] واعتبار احدهما مجموعة تجريبية والاخرى مجموعة ضابطة. ويوضح جدول (٧) متوسط كل من التحصيل السابق عامة وفي الرياضيات ، ونسب الذكاء الانحرافية ، والعمر الزمني للمجموعتين التجريبية والضابطة.

جدول (٧) : متوسط كل من التحصيل السابق عامة وفي الرياضيات ونسب الذكاء الانحرافية ، والعمر الزمني للمجموعتين التجريبية والضابطة

المجموعة	المجموعة التجريبية	المجموعة الضابطة
المدرسة	المنيا الاعدادية بنين والحدثة الاعدادية بنات	ناصف الاسلامية والانجيلية الاعدادية بنات
متوسط التحصيل العام السابق	٢٨٧ و ٩٠	٢٨٧ و ٢٠
متوسط التحصيل السابق في الرياضيات	٩٦ و ٠٥	٩٦ و ٠٥
متوسط نسب الذكاء الانحرافية	١٤٤ و ٧٣	١٤٤ و ٢٤
متوسط العمر الزمني	١٠ و ٦٨	١٠ و ٦٦
عدد التلاميذ	٤١	٤١

كما تم اعتبار مجموعة التلاميذ المتفوقين غير المختارين لاي من المجموعتين التجريبية أو الضابطة مجموعة استطلاعية (أ) ، وقد بلغ عددهم ٤٥ تلميذا ، وذلك لحساب المعاملات الاحصائية : معاملات التمييز ، السهولة ، صدق المفردات ، والثبات وتقدير زمن اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات. وايضا تم اعتبار بعض تلاميذ المجموعة الاستطلاعية (أ) الذين تم اختيارهم من مدرستى المنيا الاعدادية بنين والحديثة الاعدادية بنات مجموعة استطلاعية (ب) ، وقد بلغ عددهم (٣٠) تلميذا ، وذلك لحساب المعاملات الاحصائية : معاملات التمييز ، السهولة ، صدق المفردات، والثبات ، وتقدير زمن اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحدة المجموعات. ويوضح جدول (٨) متوسط كل من التحصيل السابق عامة وفي الرياضيات ، ونسب الذكاء الانحرافية ، والعمر الزمني للعينتين الاستطلاعية 'أ' والاستطلاعية 'ب'.

جدول (٨) : متوسط كل من التحصيل السابق عامة وفي الرياضيات ، ونسب الذكاء الانحرافية، والعمر الزمني للعينتين الاستطلاعية (أ) والاستطلاعية (ب)

العينة الاستطلاعية (ب)	العينة الاستطلاعية (أ)	الحجم
٣٠	٤٥	متوسط التحصيل العام السابق
٢٨٦ و ٠٣	٢٨٥ و ٧٣	متوسط التحصيل السابق فى الرياضيات
٩٥ و ٠٧	٩٥ و ٢٠	متوسط نسب الذكاء الانحرافية
١٣٩ و ٢٧	١٣٨ و ٢٢	متوسط العمر الزمني
١٠ و ٦٠	١٠ و ٥٦	

ب - التطبيق القبلى للاختبارين التحصيليين:

تم تطبيق اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة قبل تدريس البرنامج الاثرانى ممثلا فى وحدة المجموعات الاثرانية. يوضح جدول (٩) دلالة الفرق بين متوسطى تحصيل تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة فى التطبيق القبلى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات.

جدول (٩) : دلالة الفرق بين متوسطى تحصيل تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة فى التطبيق القبلى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات

المعاملات الاحصائية	المتوسط	الانحراف	النسبة	الدلالة الاحصائية	قيمة	الدلالة الاحصائية
الاحصائية ن الحسابى الوسيط المعيارى	الاتواء الفائية	النسبة الفائية	قيمة 'ت'	لقيمته 'ت'		
المجموعة التجريبية	٤١	٣ و ٨٨	٤	٣ و ٢٢	١ - او	غير دالة
المجموعة الضابطة	٤١	٣ و ٥٦	٣	٣ و ١٦	١ و ٤	غير دالة
						عند مستوى
						٩٥ %

يتضح من جدول (٩) انه لا توجد فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى ثقة ٩٥٪ بين متوسط درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة نتيجة التطبيق القبلي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات . حيث ان (Guilford & Frucher, 1981) قيمة 'ت' الجدولية المقابلة لدرجات حرية ٤٠ للتباين الاكبر ، ٤٠ للتباين الاصغر عند مستوى ثقة ٩٥٪ تساوى ١.٦٩ و P.518 ، قيمة 'ت' الجدولية المقابلة لدرجات حرية ١٢٠ عند مستوى ثقة ٩٥٪ تساوى ١.٩٨ و P.514 .

كما تم تطبيق اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرية لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة قبل تدريس البرنامج الاثرى ممثلا في وحدة المجموعات الاثرية. يوضح جدول (١٠) دلالة الفرق بين متوسطى تحصيل تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة فى التطبيق القبلي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرية لوحدة المجموعات.

جدول (١٠) : دلالة الفرق بين متوسطى تحصيل تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة فى التطبيق القبلي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرية لوحدة المجموعات

المعاملات الاحصائية	المتوسط	الانحراف	النسبة	الدلالة الاحصائية	قيمة	الدلالة الاحصائية
ن الاحصائية	الحسابى الوسيط المعيارى	الالتواء الفاتية	النسبة الفاتية	للنسبة الفاتية	'ت'	لقيمة 'ت'
المجموعة التجريبية	٤١ و ٢٠٧	٣	١٠٤٩ و ١٠٨٧	غير دالة	٠.٦	غير دالة عند مستوى ٩٥٪
المجموعة الضابطة	٤١ و ٢٠٥	٢	١٠٦١ و ١٠٩	غير دالة	٠.٦	غير دالة عند مستوى ٩٥٪

يتضح من الجدول (١٠) انه لا توجد فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى ثقة ٩٥٪ بين متوسط درجات المجموعة التجريبية ومتوسط درجات المجموعة الضابطة نتيجة التطبيق القبلي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرية لوحدة المجموعات .

ج- تدريس البرنامج ممثلا فى وحدة المجموعات الاثرية:

قام الباحث بتدريس وحدة المجموعات المتضمنة بالبرنامج الاثرى لتلاميذ المجموعة التجريبية فقط ، وقد استغرق ذلك ٦ اسابيع فى المدة من ١٩٩٣/٩/٢١ حتى ١٩٩٣/١٠/٣١ ، بواقع ٣ حصص فى الاسبوع وقد تم تدريس هذه الوحدة [انظر ملحق (١٣)] طبقا للخطوات التالية:

١- تجميع التلاميذ المتفوقين لبعض الوقت (حصة او حصتان حسب الجدول المدرسى) فى حجرة ، على الا يزيد عددهم عن ١٠ تلاميذ.

٢- التأكد من توفر المتطلبات الاساسية اللازمة لكل نشاط اثرى (وهى بعض جوانب تعلم وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات) لدى التلاميذ.

٣- تقسيم التلاميذ الى مجموعات صغيرة في حالة تنفيذ الأنشطة التي تتطلب حل بعض الامثلة تمهيدا لاستقراء علاقة ما.

٤- توزيع اوراق العمل التي تتضمن الأنشطة الاثرانية (موضوع الدرس) بواقع ورقة لكل تلميذ.

٥- تقديم المفاهيم الجديدة (غير المتضمنة بمقرر الرياضيات) باستخدام مدخل التلقى ذي المعنى ، مع التأكيد على الامثلة والامثلة لكل مفهوم.

٦- شرح الامثلة المتضمنة بأوراق العمل باستخدام الاكتشاف الموجه ، حيث يتم توجيه التلاميذ للوصول الى الحل بانفسهم.

٧- تخصيص معظم وقت الحصة للعمل الفردي ، حيث يقوم كل تلميذ بحل الاسئلة المتضمنة بورقة العمل ، ويتم جمع اوراق العمل لتصحيحها وإعادة توزيعها على التلاميذ في اليوم التالي، على ان يتم شرح جوانب التعلم التي مثلت صعوبة لدى التلاميذ في بداية الدرس التالي مباشرة.

٨- تخصيص وقت لمناقشة التلاميذ في النتائج التي توصلوا اليها ، مع استخدام الاسئلة لجذب التلاميذ للاشتراك في المناقشة ، واثارة تحدى التلاميذ لتوضيح او تصحيح فروضهم ، مع التأكيد دائما على تشجيع التلاميذ لاعطاء تبريرات شكلية او غير شكلية للنتائج التي يتوصلون اليها.

٩- بالاضافة الى الأنشطة التي تتم داخل حجرة الدراسة ، يتم اعطاء واجب منزلي عقب كل درس ، يتضمن تطبيقات للافكار التي تم تناولها داخل الفصل ، ويتم تجميع الواجب المنزلي في اليوم التالي لتصحيحه ، وإعادة توزيعه على التلاميذ ويتم شرح جوانب التعلم التي مثلت صعوبة لدى التلاميذ في بداية الدرس التالي.

١٠- تطبيق الاختبارات البنائية ، وقد تضمنت الوحدة ٣ اختبارات بنائية ، وتم تطبيق كل اختبار عقب الانتهاء من تدريس مجموعة معينة من الدروس . وقد احتفظ الباحث بسجل لكل تلميذ تضمن الدرجة التي حصل عليها كل تلميذ في الأنشطة المتضمنة باوراق العمل ، الواجبات المنزلية ، التقويم البنائي ، والتقويم النهائي.

٤ - التطبيق البعدي للاختبارين التحصيليين:

تم تطبيق اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب التعلم الاثرانية لوحددة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة عقب الانتهاء من تدريس وحدة المجموعات الاثرانية المتضمنة بالبرنامج لتلاميذ المجموعة التجريبية فقط. وتدرس وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات لتلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة ، تلا ذلك تطبيق اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة وسوف يتم عرض وتفسير نتائج تطبيق هذين الاختبارين عند التحقق من صحة فروض الدراسة.

الفصل الخامس
نتائج الدراسة وتحليلها وتفسيرها

يتناول هذا الفصل:

* عرض النتائج وتحليلها وتفسيرها من خلال:

أولاً : التحقق من صحة الفرض الأول

ثانياً : التحقق من صحة الفرض الثاني

ثالثاً : التحقق من صحة الفرض الثالث

رابعاً : التحقق من صحة الفرض الرابع

* التوصيات

* البحوث المقترحة

نتائج الدراسة وتحليلها وتفسيرها

أولاً : التحقق من صحة الفرض الأول للدراسة:

وينص هذا الفرض على أنه * يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية (الذين يدرسون البرنامج الاثرائى ممثلاً فى وحدة المجموعات الاثرائية) فى كل من التطبيقين القبلى والبعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات ، وذلك لصالح التطبيق البعدي* . وقد أمكن التحقق من صحته من خلال معالجة نتائج التطبيقين القبلى والبعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعة التجريبية احصائيا بحساب قيمة 'ت' [انظر ملحق (١١)].

ويوضح جدول (١١) دلالة الفرق بين متوسطى تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية القبلى والبعدى لجوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات الاثرائية.

جدول (١١) : دلالة الفرق بين متوسطى تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية القبلى والبعدى لجوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات الاثرائية

المعاملات الاحصائية	حجم العينة	المتوسط الحسابى	متوسط الفرق	مجموع مربعات الحرية	درجات الحرية	قيمة 'ت' المحسوبة	قيمة 'ت' الجدولية	مستوى الدلالة
التطبيق القبلى	٢٠٧	٣٥,٩٨	١٩١٠,٩٨	٤٠	٣٣ و ٣٣	٢٧١	٠,١	
التطبيق البعدى	٣٨٠,٥							

يتضح من جدول (١١) انه يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية فى التطبيقين القبلى والبعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات لصالح التطبيق البعدي عند مستوى ثقة ٩٩٪. وبذلك يتحقق الفرض الاول للدراسة.

كما تم قياس فعالية تدريس البرنامج الاثرائى فى الرياضيات ممثلاً فى وحدة المجموعات الاثرائية لتلاميذ المجموعة التجريبية بالنسبة لتحصيلهم لجوانب تعلمها الاثرائية وذلك باستخدام نسبة الكسب المعدل لبلاك [انظر ملحق (١١)].

ويوضح جدول (١٢) دلالة نسبة الكسب المعدل لتحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات.

جدول (١٢) : دلالة نسبة الكسب المعدل لتحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية
لجوانب التعلم الاثرانية لوحة المجموعات الاثرانية

المعاملات الاحصائية	المتوسط الحسابي	النهاية العظمى للاختبار	نسبة الكسب المعدل 'ك'	حدود الدلالة لنسبة الكسب	الدلالة الاحصائية لقيمة 'ك'
التطبيق القبلي	٢٠٠٧	٥٠	١٠٤٧	[١,٠٢ ، ٢]	دالة احصائيا
التطبيق البعدي	٣٨٠٥				

يتضح من جدول (١٢) فعالية تدريس البرنامج الاثراني في الرياضيات ممثلا في وحدة المجموعات الاثرانية في تحسين تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب تعلمها.

ثانيا : التحقق من صحة الفرض الثاني للدراسة:

تم التحقق من صحة هذا الفرض الذي نصه ' يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة (الذين يدرسون وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات فقط) في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحة المجموعات ، وذلك لصالح المجموعة التجريبية ' وذلك بمعالجة نتائج التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة باستخدام اختبار مان - ويتى Mann-Whitney [انظر ملحق (١١)].

ويوضح جدول (١٣) دلالة الدرجة المعيارية لقيمة 'ي' لدرجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحة المجموعات.

جدول (١٣) : دلالة الدرجة المعيارية لقيمة 'ي' لدرجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة
في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحة المجموعات

المعاملات الاحصائية	المتوسط الحسابي	قيمة 'ي' الدرجة المعيارية لقيمة 'ي'	الدرجة المعيارية لقيمة 'ي'	حدود الدلالة لدرجة المعيارية	مستوى الدلالة
المجموعة التجريبية	٣٨٠٥	١٦٨١	٧٠٧٩	[٢٠٥٨ ، ٢٠٥٨]	٠.١
المجموعة الضابطة	٥٠٥١				

يتضح من جدول (١٣) انه يوجد فرق ذو دلالة احصائية عند مستوى ثقة ٩٩٪ ، بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة فى التطبيق البعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحدته المجموعات ، وذلك لصالح المجموعة التجريبية. وبذلك يتحقق الفرض الثالث للدراسة.

ثالثاً : التحقق من صحة الفرض الثالث للدراسة :

تم التحقق من صحة هذا الفرض الذى نصه " يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية فى كل من التطبيقين القبلى والبعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدته المجموعات ، وذلك لصالح التطبيق البعدى" وذلك بمعالجة نتائج التطبيقين القبلى والبعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدته المجموعات احصائياً بحساب قيمة 'ت' [انظر ملحق (١١)].

ويوضح جدول (١٤) دلالة الفرق بين متوسطى تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم المعتادة لوحدته المجموعات.

جدول (١٤) : دلالة الفرق بين متوسطى تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم المعتادة لوحدته المجموعات

المعاملات الاحصائية	حجم العينة	المتوسط الحسابى	متوسط الفرق	مجموع مربعات الحرية	درجات الحرية	قيمة 'ت' المحسوبة	قيمة 'ت' الجدولية	مستوى الدلالة
التطبيق القبلى	٣٨٨	٤١	٣٤ و ٦٨	١٩٩٢ و ٧٨	٤٠	٣١ و ٤٦	٢ و ٧١	٠٠١
التطبيق البعدى	٣٨٥٦							

يتضح من جدول (١٤) انه يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية فى كل من التطبيقين القبلى والبعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدته المجموعات لصالح التطبيق البعدى عند مستوى ثقة ٩٩٪ . وبذلك يتحقق الفرض الثالث للدراسة.

كما تم قياس فعالية تدريس البرنامج الاثرانى فى الرياضيات ممثلاً فى وحدة المجموعات الاثرانية لتلاميذ المجموعة التجريبية بالنسبة لتحصيلهم لجوانب التعلم المعتادة لوحدته المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات وذلك باستخدام نسبة الكسب المعدل لبلاك [انظر ملحق (١١)].

ويوضح جدول (١٥) دلالة نسبة الكسب المعدل لتحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم المعتادة لوحدته المجموعات.

جدول (١٥) : دلالة نسبة الكسب المعدل لتحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم المعتادة لوحددة المجموعات

المعاملات الاحصائية	حجم العينة الحسابي	المتوسط النهائي العظمى للاختبار	نسبة الكسب المعدل "ك"	حدود الدلالة لنسبة الكسب	الدلالة الاحصائية لقيمة "ك"
التطبيق القبلي	٣٨٨	٥٠	١٠٤٥	[٢، ١٥٢]	دالة احصائية
التطبيق البعدي	٣٨٥٦				

يتضح من جدول (١٥) فعالية تدريس البرنامج الاثراني في الرياضيات ممثلاً في وحدة المجموعات الاثرانية في تحسين تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم المعتادة لوحددة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات.

رابعا: التحقق من صحة الفرض الرابع للدراسة:

تم التحقق من صحة هذا الفرض الذي نصه 'يوجد فرق ذو دلالة احصائية' بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحددة المجموعات ، وذلك لصالح المجموعة التجريبية ' وذلك بمعالجة نتائج التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحددة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة باستخدام اختبار 'ت' [انظر ملحق (١١)].

ويوضح جدول (١٦) دلالة الفرق بين متوسطي تحصيل تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحددة المجموعات.

جدول (١٦) : دلالة الفرق بين متوسطي تحصيل تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحددة المجموعات

المعاملات الاحصائية	المتوسط الوسيط	الانحراف الالتواء المعياري	النسبة الفئوية	الدلالة الاحصائية للنسبة الفئوية	قيمة 'ت' الاحصائية لقيمة 'ت'
المجموعة التجريبية	٣٨	٦٩٦	٢٤		دالة عند
المجموعة الضابطة	٣٨٥٦	٢٦	٢٦٠٧	١٠٨	٨٤٥ مستوى ٠٠١

يتضح من جدول (١٦) انه يوجد فرق ذو دلالة احصائية عند مستوى ثقة ٩٩٪ بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة فى التطبيق البعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحة المجموعات ، وذلك لصالح المجموعة التجريبية وبذلك يتحقق الفرض الرابع للدراسة.

تفسير النتائج :

أولاً : قد يعزى ارتفاع تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية فى التطبيق البعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحة المجموعات عنه فى التطبيق القبلى (مما يدل على فعالية البرنامج ممثلاً فى وحدة المجموعات الاثرانية فى تحسين تحصيل التلاميذ لجوانب تعلمها) الى الاسباب التالية:

- اثارة دافعية التلاميذ لتعلم هذه الوحدة من خلال تقديم بعض المعلومات التاريخية عن علماء الرياضيات الذين اسهموا فى نظرية المجموعات، واقناع التلاميذ باهمية البرنامج ، ومناقشتهم فى أهداف تدريس هذه الوحدة .
- التأكيد من توفر المتطلبات السابقة (بعض جوانب تعلم وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات) لدى التلاميذ قبل استخدامها اثناء تدريس الوحدة.
- مناسبة محتوى البرنامج من الأنشطة الاثرانية للمستوى المعرفى للتلاميذ المتفوقين وخصائصهم ، من حيث انها تحفزهم على التفكير والاكتشاف، واستخدام بعض استراتيجيات حل المشكلات.
- مناسبة استراتيجية تدريس الوحدة ، بما تضمنته تلك الاستراتيجية من استخدام التلقى ذى المعنى من خلال المناقشة المستمرة بين الباحث والتلاميذ ، واستخدام روح المدخل التاريخى اثناء عرض جوانب تعلم الوحدة ، وتخصيص معظم وقت التدريس للعمل الفردى حيث يقوم التلاميذ بحل مشكلات تناسب قدراتهم واكتشاف بعض العلاقات المتعلقة بالمجموعات ، واتباع اسلوبى التقويم التكوينى اثناء تدريس الوحدة (عقب كل نشاط ، وعقب تدريس مجموعة من الأنشطة) والتجميى عقب الانتهاء من تدريس الوحدة ككل.

وتتفق هذه النتيجة مع دراسات كل من محبات محمود حافظ ابو عميرة (١٩٩٠) ، وفاجنر وتسيمرمان (1986) Wagner and Zimmermann ، وتالسما وهرسبرجر (1990) Talsma and Hersberger.

ثانياً: قد يعزى ارتفاع تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية فى التطبيق البعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحة المجموعات عنه فى التطبيق القبلى (مما يدل على فعالية البرنامج ممثلاً فى وحدة المجموعات الاثرانية فى تحسين تحصيل التلاميذ لجوانب تعلم وحدة المجموعات المعتادة) الى الاسباب التالية:

- أسهم تدريس البرنامج ممثلاً فى وحدة المجموعات الاثرانية فى تقديم معلومات موسعة ومتعمقة للخبرات المتضمنة بوحدة المجموعات المعتادة ، مما قد يؤدي الى توسيع وتعميق فهم التلاميذ لجوانب تعلمها.
- أسهم تدريس البرنامج ممثلاً فى وحدة المجموعات الاثرانية فى تقديم بعض التطبيقات المرتبطة بوحدة المجموعات المعتادة ، ومن المرجح ان يكون هذا قد ادى الى تعميق فهم التلاميذ لجوانب تعلمها ، فضلاً عن ادراك التلاميذ اهمية موضوع المجموعات فى حل بعض التطبيقات.
- تاكد الباحث من توفر فهم التلاميذ لجوانب التعلم المتضمنة بوحدة المجموعات المعتادة ، والتي تمثل المتطلبات الاساسية لتدريس الأنشطة الاثرانية ، وفى حالة عدم توفر هذا الفهم ، يقوم الباحث باعادة شرح هذه الجوانب للتلاميذ.
- الاشباع النفسى والشعور بالرضا والدافعية للانجاز والتي لاحظ الباحث دلالتها ومظاهرها كسعادة التلاميذ افراد المجموعة التجريبية بتمييزهم عن غيرهم فى الاشراف فى برنامج خاص بهم لانهم متفوقون.

ثالثاً: قد يعزى تفوق تلاميذ المجموعة التجريبية على تلاميذ المجموعة الضابطة في تحصيل جوانب التعلم الاثرية وكذلك المعتادة لوحدت المجموعات الى الاسباب التالية:

- تدريس البرنامج ممثلاً في وحدة المجموعات الاثرية ، وما يتمتع به هذا البرنامج بدرجة مناسبة من الفعالية في تحسين تحصيل التلاميذ لكل من جوانب التعلم الاثرية والمعتادة لوحدت المجموعات.
- عدم تعريض تلاميذ المجموعة الضابطة - بطريقة مقصودة - لاي خبرات اثرية او اضافية متعلقة بوحدة المجموعات وتعمل على توسيع او تعميق فهمهم لجوانب تعلمها.
- مناسبة طريقة تجميع التلاميذ المتفوقين بالمجموعة التجريبية معاً لبعض الوقت ، مما ادى الى احداث تجانس بينهم ودراسة الوحدة بمعدل اسرع وعمق اكثر. وتتفق الدراسة الحالية - في هذا الشأن - مع دراسة فوجن ، فيلد هوسن ، واشر Vaughn , Feldhusen & Asher (1991). على حين انعدم - الى حد ما - هذا التجانس بين افراد المجموعة الضابطة مما اثر على تحصيلهم لجوانب التعلم المتضمنة في الوحدة.
- مناسبة طريقة تقسيم التلاميذ المتفوقين بالمجموعة التجريبية في صورة مجموعات صغيرة ، وهذا ما لم يتوفر للمجموعة الضابطة التي درست في الفصول المعتادة بحجمها المعتاد.

وقد ذكرت محبات محمود حافظ أبو عميرة (١٩٨٩) في هذا الشأن " ان اسلوب التعلم في مجموعات صغيرة اسلوب ناجح وفعال في تدريس الرياضيات للطلاب المتفوقين ، ومن مزاياه تنشيط التفاعل بين التلاميذ ، وتقوية التلاميذ على العمل التعاوني بروح الفريق وانتاج آراء وافكار جماعية طيبة من جانب التلاميذ". ص ٤٥٠.

وتتفق هذه النتيجة مع دراسات كل من نصرة رضا حسن الباقر (١٩٨٨) ، وابراهيم سيد حسين (١٩٩١) ، ووالاس Wallace (1990) وتختلف مع دراسة باترسون Patterson (1986) التي هدفت الى تعرف اثر برنامج اثرائي في التحصيل الاكاديمي مقارنة بالبرنامج المعتاد ، وتوصلت الى عدم وجود فروق دالة احصائياً في التحصيل في الرياضيات والعلوم بين الطلاب الذين اشتركوا في البرنامج الاثرائي والطلاب الذين اشتركوا في البرنامج المعتاد.

التوصيات:

- في ضوء ما اسفرت عنه نتائج الدراسة الحالية يمكن تقديم التوصيات التالية:
- ١- تدريس البرنامج الاثرائي في الرياضيات والمقترح في الدراسة الحالية، والذي يتضمن وحدات اثرية مناظرة لوحدات مقرر الرياضيات بالصف الأول الأعدادى لجوانب التعلم المتضمنة بمقرر الرياضيات واختيار الطرق المناسبة للتدريس حسب طبيعة كل وحدة.
 - ٢- أن تتبنى ادارة التعليم الأعدادى خطة شاملة للبحث عن وتحديد التلاميذ المتفوقين بالمرحلة الأعدادية ، وتنفيذ برامج تعليمية في الرياضيات تناسب قدراتهم العالية ، وتكون حلزونية على مدى صفوف المرحلة.
 - ٣- أن يخصص وقت مناسب في الجدول المدرسي داخل كل مدرسة، يتم فيه تجميع التلاميذ المتفوقين بكل صف دراسي بالمرحلة الأعدادية معاً في حجرة مجهزة بمجموعة كافية من المصادر التعليمية ، وتقسيم هؤلاء التلاميذ الى مجموعات صغيرة لدراسة برامج اثرية في الرياضيات، ويمكن الاستعانة بالخبراء في كليات التربية.

- ٤- تطعيم كتب رياضيات المرحلة الإعدادية بمجموعة أنشطة إثرائية ، يمكن أن تستخدم بالإضافة الى مقرر الرياضيات في تقديم خبرات رياضية تناسب التلاميذ المتفوقين وتعمل على تلبية احتياجاتهم التعليمية.
- ٥- الاستفادة من قائمة خصائص التلاميذ المتفوقين في الرياضيات (التي توصل اليها الباحث) في التعرف - بصفة مبدئية - على التلاميذ ذوي المقدرة على التفوق في الرياضيات.

البحوث المقترحة:

- في ضوء ما أسفرت عنه نتائج الدراسة الحالية ، يقترح الباحث اجراء البحوث التالية:
- ١- تجريب البرنامج الإثرائي في الرياضيات (موضوع الدراسة الحالية) كله بوحدهات مختلفة وعلى عينة أكبر من التلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادي.
- ٢- القيام بدراسة مماثلة للدراسة الحالية في صفوف دراسية أخرى ، وقياس متغيرات أخرى مثل القدرة على التفكير الابتكاري في الرياضيات.
- ٣- مقارنة أثر تدريس برنامجين احدهما للإثراء المتصل بالمحتوى والآخر للإثراء المنفصل عنه في الرياضيات للتلاميذ المتفوقين في الصف الأول الإعدادي على تحصيلهم لجوانب التعلم الإثرائية والمعاداة.
- ٤- دراسة أثر برنامج اسرعى في الرياضيات لتلاميذ المرحلة الإعدادية على كل من التحصيل ، والقدرة على التفكير الابتكاري ، والتوافق النفسي والاجتماعي.
- ٥- المقارنة بين البرامج الإثرائية والأسرعية في تدريس الرياضيات بالمرحلة الإعدادية للتلاميذ المتفوقين من حيث تنمية التحصيل ، والقدرة علي التفكير الابتكاري والتوافق النفسي والاجتماعي ، ومفهوم الذات.
- ٦- المقارنة بين عدة طرق لتدريس البرنامج الإثرائي في الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف الأول الإعدادي من حيث تنمية تحصيل جوانب التعلم الإثرائية والمعاداة.

ملخص الدراسة

ملخص الدراسة

مشكلة الدراسة :

تحددت مشكلة الدراسة الحالية في بناء برنامج اثرائي في الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي واثره على تحصيلهم لجوانب التعلم الاثرانية والمعتادة.

أهداف الدراسة :

- 1- بناء برنامج اثرائي في الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي.
- 2- قياس فعالية تدريس البرنامج الاثرائي في الرياضيات ممثلا في وحدة المجموعات على تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي لجوانب تعلمها الاثرانية.
- 3- قياس اثر تدريس البرنامج الاثرائي في الرياضيات ممثلا في وحدة المجموعات على تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي لجوانب التعلم الاثرانية لوحدتها المجموعات مقارنة بتحصيل التلاميذ المتفوقين الذين يدرسون وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات .
- 4- قياس فعالية تدريس البرنامج الاثرائي في الرياضيات ممثلا في وحدة المجموعات على تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي لجوانب تعلمها المعتادة.
- 5- قياس اثر تدريس البرنامج الاثرائي في الرياضيات ممثلا في وحدة المجموعات على تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادي لجوانب التعلم المعتادة لوحدتها المجموعات مقارنة بتحصيل التلاميذ المتفوقين الذين يدرسون وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات.

فروض الدراسة :

- 1- يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعة التجريبية (الذين يدرسون البرنامج الاثرائي ممثلا في وحدة المجموعات الاثرانية) في كل من التطبيقين القبلي والبعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحدتها المجموعات، وذلك لصالح التطبيق البعدي.
- 2- يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة (الذين يدرسون وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات فقط) في التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحدتها المجموعات ، وذلك لصالح المجموعة التجريبية.

- ٣- يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية فى كل من التطبيقين القبلى والبعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات ، وذلك لصالح التطبيق البعدي.
- ٤- يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة فى التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات ، وذلك لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية.

اجراءات الدراسة :

اتبع الباحث الخطوات التالية :

- تحليل محتوى وحدات المجموعات ، الاعداد الطبيعية ، والاشكال الهندسية المستوية المتضمنة بمقرر رياضيات الصف الاول الاعدادى الى جوانب تعلمها المعرفية (المفاهيم، العلاقات ، والمهارات) .
- بناء برنامج اثرائى فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى يشمل الوحدات الثلاثة السابقة.
- بناء اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحده المجموعات .
- بناء اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحده المجموعات .
- اختيار عينة البحث من بين التلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى ، ثم تقسيهما الى مجموعتين احدهما تجريبية والأخرى ضابطة.
- القيام بتجربة استطلاعية للبرنامج ممثلا فى وحدة المجموعات الاثرائية ، والتقنين الاختبارين التحصيليين من حيث الصدق ، والثبات ، والتميز ، والسهولة.
- التطبيق القبلى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة .
- التطبيق القبلى لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة .
- تدريس البرنامج الاثرائى فى الرياضيات ممثلا فى وحدة المجموعات الاثرائية لتلاميذ المجموعة التجريبية فقط ، وتدريس وحدة المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات لتلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة .
- التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة .
- التطبيق البعدي لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدة المجموعات على تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة .
- معالجة نتائج تطبيق الاختبارين التحصيليين احصائيا باستخدام اختبار 'ت' ، ونسبة الكسب المعدل لبلاك، واختبار مان ويتهى Mann - Whitney .

نتائج الدراسة:

- ١- وجود فرق ذي دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية (الذين يدرسون البرنامج الاثرانى فى وحدة المجموعات الاثرانية) فى كل من التطبيقين القبلى والبعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحدت المجموعات لصالح التطبيق البعدى عند مستوى ثقة ٩٩٪. وفعالية تدريس البرنامج الاثرانى فى الرياضيات ممثلاً فى وحدة المجموعات الاثرانية فى رفع تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم الاثرانية لوحدت المجموعات ، حيث بلغت نسبة الكسب المعدل (١٤٧ و١)
- ٢- وجود فرق ذي دلالة احصائية عند مستوى ثقة ٩٩٪ بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة (الذين يدرسون وحدة المجموعات المتضمنة فى مقرر الرياضيات فقط) فى التطبيق البعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرانية لوحدت المجموعات ، وذلك لصالح المجموعة التجريبية .
- ٣- وجود فرق ذي دلالة احصائية بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية فى كل من التطبيقين القبلى والبعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدت المجموعات لصالح التطبيق البعدى عند مستوى ثقة ٩٩٪. وفعالية تدريس البرنامج الاثرانى فى الرياضيات ممثلاً فى وحدة المجموعات الاثرانية فى رفع تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية لجوانب التعلم المعتادة لوحدت المجموعات المتضمنة بمقرر الرياضيات ، حيث بلغت نسبة الكسب المعدل (١٤٥ و١) .
- ٤- وجود فرق ذي دلالة احصائية عند مستوى ثقة ٩٩٪ بين متوسطى درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة فى التطبيق البعدى لاختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحدت المجموعات ، وذلك لصالح المجموعة التجريبية.

المراجع

أولاً: المراجع العربية
ثانياً: المراجع الأجنبية

المراجع

أولا : المراجع العربية:

- ١ - ابراهيم سيد حسين ، " أثر استخدام التقويم التكويني المبني على الاستقراء الموجة على تمكن تلاميذ الحلقة الثانية من التعليم الاساسي من تعلم محتوى وحدة اثنائية في هندسة الاحداثيات وعلى قدرتهم على التفكير" ، مجلة البحث في التربية وعلم النفس ، تصدرها كلية التربية ، جامعة المنيا ، المجلد الرابع ، العدد الرابع ، ١٩٩١ ، ص ص ١٨٥ - ٢٠٨ .
- ٢ - ابراهيم عباس الزهيري ، " بعض مشكلات تكافؤ الفرص التعليمية لدى الطلاب المتفوقين بالتعليم الثانوي العام " ، مجلة كلية التربية بالمنصورة ، العدد ٢١ ، ١٩٩٣ ، ص ص ١٧٣ - ١٨٩ .
- ٣ - اديب محمد علي الخالدي ، " دراسة للعلاقة بين التفوق العقلي وبعض جوانب التوافق الشخصي والاجتماعي لدى تلاميذ المدارس الاعدادية العراقية " ، رسالة ماجستير ، كلية التربية ، جامعة عين شمس ، ١٩٧٢ .
- ٤ - ----- ، " دراسة للتنبؤ بالتفوق العقلي في ضوء بعض المتغيرات المرتبطة به بين تلاميذ المرحلة الاعدادية " ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية ، جامعة عين شمس ، ١٩٨١ .
- ٥ - أسامة عبد العظيم محمد معوض ، " برنامج مقترح لاعداد معلومي الرياضيات للمرحلة الابتدائية في كليات التربية " ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية بينها ، جامعة الزقازيق ، ١٩٩٢ .
- ٦ - السيد احمد الوكيل ، " فعالية برنامج تعليمي قائم على المعنى في تحسين تحصيل التلاميذ منخفضي التحصيل في الرياضيات " ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية ، جامعه الزقازيق ، ١٩٨٦ .
- ٧ - جمال محمد صالح كرار ، " برنامج مقترح لتدريس المهارات الاساسية للحساب في مدرسة الفصل الواحد " ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية بأسوان ، جامعة اسيوط ، ١٩٨٥ .
- ٨ - جيمس ت ويب ، اليزابيث ميكستروث ، وستيفاني تولا ، توجيه الطفل المتفوق عقليا - مرجع علمي للأباء والمعلمين ، ترجمة بشرى حديد ، مراجعة رجا ابو علام ، الكويت : الجمعية الكويتية لتقدم الطفولة العربية ، ١٩٨٥ .
- ٩ - حسن سيد شحاتة ، ومحيات محمود حافظ أبو عميرة ، المعلمون والمتعلمون - انماطهم وسلوكهم وادوارهم ، القاهرة: مكتبة الدار العربية للكتاب ، ١٩٩٤ .
- ١٠ - حسن مصطفى عبد المعطي ، ومحمد السيد عبد الرحمن ، " دراسة مقارنة لبعض متغيرات شخصية المتفوقين والمتأخرين دراسيا من طلاب الحلقة الثانية من التعليم الاساسي " ، بحوث المؤتمر الخامس لعلم النفس في مصر ، القاهرة : الجمعية المصرية للدراسات النفسية ، ١٩٨٩ ، ص ص ٤١٦ - ٤٣٦ .
- ١١ - حمدي محمد مرسى فرغلي ، " مدى فعالية برنامج مقترح لتطوير تدريس الهندسة الفراغية لطلاب الصف الثاني الثانوي العلمي " ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية ، جامعة اسيوط ، ١٩٩٠ .
- ١٢ - خليل ميخائيل معوض ، قدرات وسمات الموهوبين - دراسة ميدانية ، الاسكندرية : دار الفكر الجامعي ، ١٩٨٣ .
- ١٣ - سامح احمد محمد جعفر ريحان ، " بناء وتجريب برنامج لتحسين دور المفاهيم الرياضية التي يدرسها التلميذ في تعديل سلوكه " ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية ، جامعة اسيوط ، ١٩٨٦ .

- ١٤ - شكري سيد محمد احمد ، 'برنامج مقترح لتدريب تلاميذ المرحلة الإعدادية على أسلوب حل المشكلات فى الرياضيات وأثره على تفكيرهم لدى حل المشكلات الرياضية وغير الرياضية' ، رسالة دكتوراة ، كلية البنات ، جامعة عين شمس ، ١٩٨٤ .
- ١٥ - عبد السلام عبد الغفار ، التفوق العقلى والابتكار ، القاهرة : دار النهضة العربية ، ١٩٧٧ .
- ١٦ - ----- ، ويوسف محمود الشيخ ، سيكولوجية الطفل غير العادى والتربية الخاصة ، القاهرة : دار النهضة العربية ، ١٩٦٦ .
- ١٧ - عبد العزيز السيد الشخص ، 'دراسة مقارنة لأنواع التفوق العقلى من حيث علاقتها ببعض سمات الشخصية' ، رسالة ماجستير ، كلية التربية ، جامعة عين شمس ، ١٩٧٨ .
- ١٨ - عبد العظيم محمد زهران ، 'أثر استخدام بعض أساليب التدريس العلاجى على تحصيل التلاميذ المتخلفين فى الرياضيات بالصف السابع من التعليم الاساسى' ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية بسوهاج ، جامعة اسيوط ، ١٩٨٧ .
- ١٩ - على السيد احمد طمش ، 'دراسة مقارنة لنظام رعاية الطلاب المتفوقين دراسيا فى المرحلة الثانوية فى جمهورية مصر العربية وبعض الدول الاخرى' ، رسالة ماجستير ، كلية التربية ، جامعة عين شمس ، ١٩٨٥ .
- ٢٠ - فاروق عبد الفتاح موسى ، اختبار القدرة العقلية مستوى (٩ - ١١ سنة) ، القاهرة : مكتبة النهضة لعربية ، ١٩٨٤ .
- ٢١ - فريدريك هـ . بل ، طرق تدريس الرياضيات ، ترجمة وليم تاووضروس عبيد وآخرين ، ج ٢ ، القاهرة : الدار العربية للنشر والتوزيع ، ١٩٨٦ .
- ٢٢ - فؤاد الجهى السيد ، علم النفس الأحصائى وقياس العقل البشرى ، ط ٣ ، القاهرة : دار الفكر العربى ، ١٩٧٩ .
- ٢٣ - محبات محمود حافظ ابو عميرة ، 'برنامج مقترح فى حل المشكلات لتلاميذ الحلقة الثانية من التعليم الاساسى فى ضوء مسارات تفكير علماء الرياضيات' ، رسالة دكتوراة ، كلية البنات ، جامعة عين شمس ، ١٩٨٧ .
- ٢٤ - ----- ، 'برنامج مقترح فى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين بالصف السابع من التعليم الاساسى' ، المؤتمر السنوى الثانى للطفل المصرى ، المجلد الثانى ، ١٩٨٩ ، ص ص ٤٣٧ - ٤٥٥ .
- ٢٥ - ----- ، 'تجريب برنامج مقترح فى الرياضيات للطالبات المتفوقات بالصف السابع من التعليم الاساسى' ، المؤتمر السنوى الثالث للطفل المصرى ، المجلد الثانى ، ١٩٩٠ ، ص ص ٧٩٢ - ٨٠٦ .
- ٢٦ - محمد احمد عبد الحميد يوسف ، 'مدى فعالية استخدام أسلوب الاختيار الحر فى تدريس الرياضيات على تنمية التفكير الابتكارى لدى تلاميذ الحلقة الثانية من مرحلة التعليم الاساسى' ، رسالة ماجستير ، كلية البنات ، جامعة عين شمس ، ١٩٩٣ .
- ٢٧ - محمد محمد السباعى الفقى ، 'فعالية برنامج مقترح لتعليم البرمجة الحاسوبية للمسائل الرياضية وعلاقة ذلك بكفاءات حل المشكلة والكفاءات التدريسية لدى طلاب كلية التربية' ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية ، جامعة طنطا ، ١٩٩١ .
- ٢٨ - محمد مسعد محمد فرج نوح ، 'استخدام استراتيجيات التدريس الفردى الارشادى فى تدريس بعض المهارات الاساسية فى رياضيات المرحلة الابتدائية' ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية ، جامعة الاسكندرية ، ١٩٨٢ .

- ٢٩ - محمود احمد شوق ، الاتجاهات الحديثة في تدريس الرياضيات ، الرياض : دار المريخ للنشر ، ١٩٨٩ .
- ٣٠ - محمود محمد السيد على ، " برنامج لتدريس برمجة الحاسب الألى كاسلوب لحل المشكلات في الرياضيات لتلميذ المدرسة الثانوية" ، رسالة ماجستير ، كلية التربية ، جامعة عين شمس ، ١٩٨٦ .
- ٣١ - " تصميم برامج لالعاب الكمبيوتر الرياضية كاسلوب لتنمية الابتكار الرياضى لتلاميذ الحلقة الاولى من التعليم الاساسى " ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية ، جامعة عين شمس ، ١٩٩١ .
- ٣٢ - مرفت فتحى رياض ، " برنامج تعليمى مقترح لتنمية بعض مفاهيم ومهارات الرياضيات لطفل مرحلة رياض الأطفال بالمنيا " ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية ، جامعة المنيا ، ١٩٩٣ .
- ٣٣ - نبيه ابراهيم اسماعيل ، " دراسة للعلاقة بين التفوق العقلى وبعض القيم الشخصية والاجتماعية " ، رسالة ماجستير ، كلية التربية ، جامعة عين شمس ، ١٩٧٦ .
- ٣٤ - نصره رضا حسن الباقى ، " تنظيم بعض وحدات منهج رياضيات الصف الاول الثانوى باستخدام اسلوب الاختيار الحر لانشطة رياضية موازية (بالمدارس القطرية) " ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية ، جامعة عين شمس ، ١٩٨٨ .
- ٣٥ - وزارة التربية والتعليم ، لائحته المدرسية الثانوية للمتفوقين التى اقرتها لجنة السادة الوكلاء برئاسة السيد الوزير بجلسة الخميس ١٩٦١/٥/١٨ .
- ٣٦ - القرار الوزارى ١١٤ الصادر فى ١٩٨٨/٥/١٤ بشأن انشاء فصول للطلاب المتفوقين بالمدارس الثانوية العامة .
- ٣٧ - الرياضيات للصف الاول الاعدادى ، الكتاب الاول ، القاهرة : مطابع روز اليوسف الجديدة ، ١٩٩٣/١٩٩٢ .
- ٣٨ - الرياضيات للصف الاول الاعدادى ، الكتاب الثانى ، القاهرة : مطابع روز اليوسف الجديدة ، ١٩٩٣/١٩٩٢ .
- ٣٩ - توجيهات عامة فى مادة الرياضيات بصفوف الحلقة الاعدادية العامة من مرحلة التعليم الاساسى للعام الدراسى ١٩٩٣-٩٢ ، القاهرة : الادارة العامة للتعليم الاعدادى ، ١٩٩٣/١٩٩٢ .
- ٤٠ - وليد تاوضروس عبدي ، المهارات الرياضية اللازمة لدراسة العلوم فى المرحلة الاعدادية ، القاهرة : مطبعة التقدم ، ١٩٧٤ .
- ٤١ - نظله حسن احمد خضر ، وممدوح محمد سليمان ، طرق تدريس الرياضيات (١) ، القاهرة : مطابع مجموعة شركات الهلال ، ١٩٨٦ .
- ٤٢ - ورضا مسعد السعيد ، البحوث الاكاديمية فى تعليم الرياضيات ، عرض وتحليل لرسائل الماجستير والدكتوراة (١٩٥٠ - ١٩٩٠) ، القاهرة : مكتبة الانجلو المصرية ، ١٩٩١ .
- ٤٣ - يوسف صلاح الدين قطب ، " حول مشروع رعاية الطلاب الموهوبين " صحيفة التربية ، العدد الرابع ، ١٩٨٨ ، ص ص ٣ - ٨ .

- 44- Anderson, A. , " A study to determine the relationship between participation in a gifted program and achievement in reading, language arts, and mathematics in grades three and five ", Dissertation Abstracts International (DAI), Vol. 50 , No. 3, 1989, P.622 (A).
- 45- Clark, B., Growing Up Gifted : Developing the Potential of Children at Home and at School, fourth ed., New York : Merrill , 1992.
- 46- College Entrance Examination Board, A Guide to the Advanced Placement Program, Princeton, New Jersey : College Entrance Examination Board, 1993.
- 47- Corsmit, R., Dekker, R., and Span, P., " Information processing in intellectually highly gifted children by solving mathematical tasks", Gifted Education International , Vol.6, No.3, 1990, PP.143-148.
- 48- DeBuse, M. , " Implementation and evaluation of a university-based mentor-assisted enrichment program for talented and gifted middle school students ", DAI ,Vol.52, No.1, 1991 , P.66 (A).
- 49- Ellerton, N., "Children's made-up mathematics problems-A new perspective on talented mathematicians", Educational Studies in Mathematics , Vol.17, No.3, 1986, PP. 261-271.
- 50- Eves, H. , An Introduction to the History of Mathematics , fifth ed ., Philadelphia : Sounders College Publishing , 1983 .
- 51- Feldhusen, J. , "Gifted and talented children", Encyclopedia of Special Education, Vol.2 , 1987 , PP. 615-617.
- 52- ----- , " Effects of programs for the gifted : A search for evidence ", in The Academic Acceleration of Gifted Children , edited by Southern , W. & Jones , E. , New York : Teachers College Press, 1991, PP. 133-147.
- 53- ----- , " Giftedness-parents and schools should provide for gifted children", British Medical Journal , Vol. 307, 1993, PP. 1088-1089.
- 54- ----- , Asher, J., and Hoover, S., "problems in the identification of giftedness talent or ability", Gifted Child Quarterly, Vol.28 , Fall 1984, PP.149-151.
- 55- ----- , and Moon, S., "Grouping gifted students: Issues and concerns", Gifted Child Quarterly , Vol 36 , No.2 , 1992 , PP.63-67.
- 56- ----- , and Holt, C. , " Gender differences in classroom interactions and career aspirations of gifted students", Contemporary Educational Psychology , Vol.18 , 1993 , PP.355-362.

- 57- Fox, L., "Identification and program planning: Models and methods" in Intellectual Talent: Research and Development, edited by Keating, D., Maryland : The Johns Hopkins University Press , 1976 , PP. 32-54 .
- 58- Friesen, C. , "Problem solving: Meeting the needs of mathematically gifted students", School Science and Mathematics , Vol. LXXX , No. 2 , 1980 , PP. 127-130.
- 59- Fults, E. , "The effect of an instructional program on the creative thinking skills , self-concept, and leadership of intellectually and academically gifted elementary students " , DAI , Vol .41, No.7, 1981, P.2931 (A).
- 60- Gallagher, J. , Teaching the Gifted Child , third ed. , Boston : Allyn and Bacon , Inc., 1984.
- 61- Gearheart, B. , Weishahn, M. , and Gearheart , C. , The Exceptional Student in the Regular Classroom , fourth ed., Columbus : Merrill Publishing Company, 1988.
- 62- Ginsburg, H. , et al. , Mathematics -Exploring Your World , NJ, Morriston : Silver Burdett & Ginn , 1991.
- 63- Good, C. , Dictionary of Education , New York : McGraw-Hill Company , 1973.
- 64- Greenes, C., "Identifying the gifted student in mathematics", Arithmetic Teacher , Vol.28 , No.6 , 1981 , PP.14-17.
- 65- Gronlund, N. , Measurement and Evaluation in Teaching , third ed., New York : Macmillan Publishing Co., Inc., 1976.
- 66- Guilford, J., and Frucher, B., Fundamental Statistics in Psychology and Education , sixth ed., Auckland: McGraw-Hill Book Company, 1981.
- 67- Hawkins, D. , " Personality factors affecting achievement in achieving gifted, underachieving gifted , and nongifted elementary students " , DAI , Vol.53 , No.10, 1993, PP.3477-3478 (A).
- 68- Heid, M. , " Characteristics and special needs of the gifted student in mathematics", Mathematics Teacher , Vol 76 , No.4, 1983, PP.221-226.
- 69- Hersberger, J., And Wheatley , G. , " A proposed model for a gifted elementary school mathematics program", Gifted Child Quarterly , Vol.24, No.1, 1980, PP.37-40.
- 70- Heward, W., and Orlansky, M., Exceptional Children-An Introductory Survey of Special Education , second ed, Columbus: Charles E. Merrill Publishing Company, 1984.
- 71- Hoffer , A. , et al. , Mathematics In Action , New York: Macmillan/McGraw Hill School Publishing Company , 1991.
- 72- James, J., et al., Exploring Mathematics, Texas Edition, K-8: Scott, Foresman and Company ,1992.

- 73- Jarwan, F., "An analysis and evaluation of the procedures for student selection in state- supported residential schools of mathematics and science", DAI, Vol.53 , No.9 , 1993 , P.3064 (A).
- 74- Kenney, M., The Boston College Mathematics Enrichment Series-The Wonder Square, Booklet 2, Massachusetts: Boston College Press, 1976.
- 75- -----, The Boston College Mathematics Enrichment Series-The Super Sum, Booklet 10, Massachusetts: Boston College Press, 1976.
- 76- -----, The Boston College Mathematics Enrichment Series -The Incredible Pascal Triangle, Booklet 11, Massachusetts: Boston College Press, 1976.
- 77- Khatena, J. , Educational Psychology of the Gifted , New York : John Wiley& Sons , 1982.
- 78- Kirk,S., and Gallagher, J., Educating Exceptional Children, fourth ed., Boston : Houghton Mifflin Company, 1983.
- 79- Kolloff, p., and Feldhusen, J., "The effects of enrichment on self- concept and creative thinking", Gifted Child Quarterly, Vol.28, No.2, 1984, PP.53-57.
- 80- Krist, B., "The gifted math.program at SUNY at Buffalo", in The Secondary School Mathematics Curriculum, edited by Hirsch, C., and Zweng, M., Reston , VA : NCTM , 1985 , PP. 177-183.
- 81- Krutetskii, V. , The Psychology of Mathematical Abilities in School Children , edited by Kilpatrick, J., and Wirszup, I., translated by Teller, J., Chicago : University of Chicago Press , 1976.
- 82- Kulik, J., and Kulik, C., "Ability grouping and gifted students", in Handbook of Gifted Education, edited by Colongelo, N., and Davis, G., Boston: Allyn and Bacon, 1991 , PP. 178-196.
- 83- Larsson, Y., "Governmental policies on the education of gifted and talented children: A world view", Educational Studies in Mathematics, Vol.17, No.3, 1986, PP.213-219.
- 84- Maker, C., Curriculum Development for the Gifted, Maryland: Aspen Systems Corporation , 1982.
- 85- Marjoram, D., "Teaching able mathematicians in schools", Gifted Education International , Vol.8 , No.1 , 1992 , PP.40-43.
- 86- Marland, S., Education of the Gifted and Talented, Report to the Congress of the United States by the U.S Commissioner of Education, Washington , DC : U.S. Government Printing Office , 1972.
- 87- Martin, E., et al., Elements of Mathematics-Comprehensive School Mathematics Program , St . Louis : CEMREL , 1983 .

- 88- Meskauskas, A., "A study of attitudes of gifted students and their parents towards acceleration in mathematics", DAI, Vol.52, No.2, 1991, P.463 (A).
- 89- Montague, M., "Gifted and learning-disabled gifted students' knowledge and use of mathematical problem-solving strategies", Journal for the Education of the Gifted, Vol.14, No.4, 1991, PP.393-411.
- 90- Moon, S., "The PACE Program: A high school follow-up study", DAI, Vol.52, No.6, 1991, P.2106 (A).
- 91- National Council of Teachers of Mathematics (NCTM), 27th Year Book: Enrichment Mathematics for the Grades, Reston, VA : NCTM, 1963.
- 92- -----, An Agenda for Action, Reston, VA : The NCTM, 1980.
- 93- -----, Providing Opportunities for the Mathematically Gifted, K-12, Reston, VA: NCTM, 1987.
- 94- -----, Projects to Enrich School Mathematics, Level 2, Reston, VA : NCTM, 1988.
- 95- -----, Projects to Enrich School Mathematics, Level 3, Reston, VA : NCTM, 1988.
- 96- -----, Readings for Enrichment in Secondary School Mathematics, Reston VA : NCTM, 1988.
- 97- -----, Curriculum and Evaluation Standards for School Mathematics, Reston, VA : NCTM, 1989.
- 98- -----, Projects to Enrich School Mathematics, Level 1, Reston, VA : NCTM, 1990.
- 99- Nichols, E., et al., Holt Geometry, New York: Rinehart and Winston Publishers, 1982.
- 100- Parke, B., Gifted Students in Regular Classroom, Boston: Allyn and Bacon Inc. 1989.
- 101- Passow, A., "Gifted and talented, education of", The International Encyclopedia of Education, Vol.4, 1985, PP.2045- 2056.
- 102- Posamentier, A., and Stepelman, J., Teaching Secondary School Mathematics- Techniques and Enrichment Units, second ed., Ohio : Merrill, 1986.
- 103- Reid, B., "Research needs in gifted education: A study of practitioners' perceptions", DAI, Vol. 53, No.3, 1992, P.755 (A).
- 104- Renzulli, J., "Identifying key features in programs for the gifted", In Psychology and Education of the Gifted, edited by Barbe, W., and Renzulli, J., New York : Irvington Publishers, 1975, PP. 324-329.

- 105- **Renzulli, J.**, The Enrichment Triad Model : A guide for Developing Defensible Programs for the Gifted and Talented, Connecticut : Creative Learning Press, Inc., 1977.
- 106- -----, " what makes giftedness? Reexamining a definition ", Phi Delta Kappan, Vol. 60, November 1978, pp.180-184.
- 107- **Richert, S.**, " Identification of gifted children in the United States : The need for pluralistic assessment ", Roeper Review, Vol.8, No.2, 1985 PP. 68-72.
- 108- **Ridge, H., and Renzulli, J.**, " Teaching mathematics to the talented and gifted ", in The Mathematical Education of The Exceptional Children and youth, edited by Glennon, V., Reston, VA : NCTM, 1981, PP. 191-266.
- 109- **Roberts, F.**, Applied Combinatorics, New Jersey : Prentice-Hall, Inc., 1984.
- 110- **Rogers, K.**, " A best evidence synthesis of the research on types of accelerative programs for gifted student ", DAI, Vol.52, No.3, 1991, P.796 (A).
- 111- **Schiever, S., and Maker, C.**, " Enrichment and acceleration : An overview of new direction ", in Handbook of Gifted Education, edited by Colongelo, N., and Davis, G., Boston : Allyn and Bacon, 1991, PP. 99-111.
- 112- **Sherard, W.**, Logic Algebra Problems, Clariforina : Dale Seymour Publication, 1990.
- 113- **Singh, A.**, Tests, Measurements and Research Methods in Behavioural Sciences, New Delhi : Tata McGraw-Hill Publishing Company Limited, 1986.
- 114- **Sklar, M.**, " A study of three distinct senior- year high school mathematics programs for high ability and gifted students relating to the further study of mathematics ", DAI, Vol. 41, No.6, 1980, P. 2487 (A).
- 115- **Smutny, J., and Blocksom, R.**, Education of the Gifted- Programs and perspectives, Indiana : Phi Delta Kappa, 1990.
- 116- **Sobel, M.**, "The role of enrichment in the teaching of mathematics ", in Readings for Enrichment in Secondary School Mathematics, edited by Sobel, M., Reston, VA : NCTM, 1988, PP.1-9.
- 117- **Sovchik, R.**, Teaching Mathematics to Children, New York : Harper and Row Publishers, 1989.
- 118- **Stanley, J.**, " Boys and girls who reason well mathematically ", in The Origins and Development of High Ability, Ciba Foundation Symposium 178, edited by Bock, G., and Ackrll, K., Chichester: John Wiley & Sons, 1993, PP. 119-138.

- 119- **Swiatek, M., and Benbow, C.**, " A 10-year longitudinal follow-up of participation in fast-paced mathematics course ", Journal for Research in Mathematics Education , Vol. 22 , No. 2 , 1991 , PP. 138-150.
- 120- **Talsma, G., and Hersberger, J.**, " STAR experimental geometry: Working with mathematically gifted middle school students ", Mathematics Teacher , Vol. 84 , No. 5 , 1990 , PP.351-357.
- 121- **Tannenbaum, A.**, Gifted Children-Psychological and Educational Perspectives, New York : Macmillan Publishing Co., Inc., 1983.
- 122- **Tilsley, P.**, " Gifted children and their education-a discussion and survey of attitudes and opinions ", Journal of Applied Educational Studies, Vol.8, 1979, PP. 13-38.
- 123- **Townsend, M.**, Discrete Mathematics: Applied Combinatorics and Graph Theory , California : The Benjamin / Cummings Publishing Company Inc. , 1987.
- 124- **Vance, J.**, " The mathematically talented student revisited", Arithmetic Teacher , Vol.31, No.1, 1983, PP.22-25.
- 125- **Vaughn, V., Feldhusen, J., and Asher, J.**, " Meta-analyses and review of research on pull-out programs in gifted education ", Gifted Child Quarterly , Vol.35, No.2, 1991, PP.92-98.
- 126- **Vernon, P., Adamson, G., and Vernon, D.**, The Psychology and Education of Gifted Children , London : Methuen & CoLtd, 1977.
- 127- **Wagner, H., and Zimmermann, B.**, "Identification and fostering of mathematically gifted students ", Educational Studies in Mathematics, Vol.17, No.3, 1986 , PP.243-259.
- 128- **Wallace, T.**, " The effects of enrichment on gifted students: A quantitative synthesis ", DAI , Vol.50 , No.9 , 1990 , P.2871 (A).
- 129- **Ward, V.**, " Basic concepts ", in Psychology and Education of the Gifted , edited by Barbe , W. , and Renzulli , J. , New York : Irvington Publishers, 1975,PP.61-71.
- 130- **Weaver, J.**, " The effectiveness of an enrichment program for academically talented Pre-school children ", DAI , Vol.47, No.8, 1987, P.2879 (A).

ملاحظتو الدراسة

ملحق (1)

نتائج تحليل محتوى الوحدات : المجموعات ،
الأعداد الطبيعية والأشكال الهندسية المستوية

نتائج تحليل محتوى الوحدات : المجموعات ،
الأعداد الطبيعية والأشكال الهندسية المستوية

أولاً: تحليل محتوى وحدة المجموعات:

أ- المفاهيم :

- ١- المجموعة.
- ٢- العنصر.
- ٣- تساوى مجموعتين.
- ٤- الانتماء.
- ٥- المجموعة الخالية.
- ٦- المجموعة المنتهية.
- ٧- المجموعة غير المنتهية.
- ٨- المجموعة الشاملة.
- ٩- الاحتواء.
- ١٠- المجموعة الجزئية الفعلية.
- ١١- المجموعة الجزئية غير الفعلية.
- ١٢- تقاطع مجموعتين.
- ١٣- المجموعتان المتباعدتان.
- ١٤- اتحاد مجموعتين.
- ١٥- الأكمال.
- ١٦- مجموعة الفرق بين مجموعتين.

ب- العلاقات:

- ١- لاى مجموعة س فإن $\phi \supset س$.
- ٢- لاى مجموعة س فإن $س \supset س$.
- ٣- اذا كان س \supset ص ، ص \supset س ، فإن $س = ص$.
- ٤- اذا كان س \supset ص ، ص \supset ع ، فإن $س \supset$ ع.
- ٥- $س \cap س = س$.
- ٦- اذا كان س \supset ص ، فإن $س \cap ص = س$.
- ٧- $س \cap ص = ص \cap س$.
- ٨- $(س \cap ص) \cap ع = س \cap (ص \cap ع)$.
- ٩- $س \cap ش = ش \cap س$.
- ١٠- $س \cup س = س$.
- ١١- اذا كان س \supset ص فإن $س \cup ص = س$.
- ١٢- $س \cup ص = ص \cup س$.
- ١٣- $(س \cup ص) \cup ع = س \cup (ص \cup ع)$.
- ١٤- $س \cup ش = ش \cup س$.
- ١٥- $س \cap (ص \cup ع) = (س \cap ص) \cup (س \cap ع)$.
- ١٦- $س \cup (ص \cap ع) = (س \cup ص) \cap (س \cup ع)$.
- ١٧- $(س \cup ص)' = س' \cap ص'$.
- ١٨- $(س \cap ص)' = س' \cup ص'$.
- ١٩- $(س)' = س'$.
- ٢٠- $س \cup س' = ش$.
- ٢١- $س \cap س' = \phi$.
- ٢٢- $س - ص = س \cap ص'$.

ج- المساوات:

- ١- ادراك المفاهيم والعلاقات المتضمنة بالوحدة.
- ٢- تمثيل مجموعة او اكثر بشكل فن.
- ٣- التعبير عن مجموعة بطريقة السرد.
- ٤- التمييز بين المجموعات المتساوية وغير المتساوية.
- ٥- تطبيق مفهوم تساوى مجموعتين فى ايجاد قيم عناصر مجهولة.
- ٦- التعبير عن مجموعة بطريقة الصفة المميزة.
- ٧- التعبير عن انتماء (او عدم انتماء) عنصر لمجموعة باستخدام الرموز.
- ٨- تطبيق مفهوم الانتماء فى ايجاد قيم عناصر مجهولة.
- ٩- ايجاد كل المجموعات الجزئية لمجموعة منتهية.
- ١٠- التمييز بين استخدام الرمزين \in ، \subset .
- ١١- تطبيق مفهوم الاحتواء فى ايجاد قيم عناصر مجهولة.
- ١٢- ايجاد مجموعة تقاطع مجموعتين او اكثر.
- ١٣- ايجاد مجموعة اتحاد مجموعتين او اكثر.
- ١٤- ايجاد مجموعة الفرق بين مجموعتين.
- ١٥- ايجاد مكمل مجموعة.
- ١٦- التعبير عن اجزاء مظلة فى اشكال فن باستخدام عمليات المجموعات.
- ١٧- التحقق من صحة بعض العلاقات باستخدام التظليل فى اشكال فن.

ثانيا : تحليل محتوى وحدة الاعداد الطبيعية :**أ - المفاهيم :**

- | | |
|----------------------------------|------------------------------|
| ١- مجموعة اعداد العد. | ٢ - مجموعة الاعداد الطبيعية. |
| ٣- التباين. | ٤ - المتغير الطبيعى. |
| ٥- المتباينة. | ٦ - مجموعة حل المتباينة. |
| ٧- مجموعة التعويض. | ٨ - جمع الاعداد الطبيعية. |
| ٩- طرح الاعداد الطبيعية. | ١٠ - ضرب الاعداد الطبيعية. |
| ١١- العنصر المحايد الجمعى. | ١٢- العنصر المحايد الضربى. |
| ١٣- الصورة الاسية للضرب المتكرر. | ١٤- قسمة الاعداد الطبيعية. |
| ١٥- العدد الطبيعى الزوجى. | ١٦- العدد الطبيعى الفردى. |
| ١٧- عامل العدد. | ١٨- العدد الاولى. |
| ١٩- العامل المشترك الاعلى. | ٢٠- مضاعفات العدد. |
| ٢١- المضاعف المشترك الادنى. | |

ب- العلاقات:

- ١- جمع الاعداد الطبيعية عملية ابدالية.
- ٢- جمع الاعداد الطبيعية عملية دامجة.
- ٣- ضرب الاعداد الطبيعية عملية ابدالية.
- ٤- ضرب الاعداد الطبيعية عملية دامجة.

- ٥- $ax = a \cdot x = a$ لكل a عدد طبيعي.
- ٦- اذا كان $a \times b = 0$ ، فان $a = 0$ أو $b = 0$.
- ٧- يتوزع الضرب على الجمع بالنسبة للاعداد الطبيعية.
- ٨- اذا كان a, b, c اعداد طبيعية، $b < c$ ، فان $a(b - c) = ab - ac$.
- ٩- $a \times a = a^2$.
- ١٠- a عدد طبيعي $\neq 0$ ، m, n عدنان طبيعيان، $m < n$ فان $a \div a = a$.
- ١١- مجموع عددين احدهما زوجي والاخر فردى يكون فرديا.
- ١٢- مجموع عددين زوجيين او فرديين هو عدد زوجي.
- ١٣- حاصل ضرب عددين فرديين هو عدد فردى.

ج- المهارات:

- ١- ادراك المفاهيم والعلاقات المتضمنة بالوحدة.
- ٢- تمثيل الاعداد الطبيعية على خط الاعداد.
- ٣- ترتيب مجموعة من الاعداد الطبيعية.
- ٤- تمثيل مجموعة حل متباينة على خط الاعداد.
- ٥- استخدام خواص الابدال والدمج فى تبسيط اجراء عمليتى الجمع والضرب.
- ٦- ترجمة بعض العبارات اللفظية الى معادلات جبرية.
- ٧- استخدام خط الاعداد فى ايجاد حاصل جمع عددين او ثلاثة اعداد طبيعية.
- ٨- استخدام خاصية التوزيع فى تسهيل اجراء العمليات الحسابية.
- ٩- ايجاد قيمة مقدار جبرى باستخدام التعويض.
- ١٠- تحليل عدد طبيعى الى عوامله الاولى.
- ١١- كتابة تحليل عدد طبيعى الى عوامله الاولى فى صورة اسية.
- ١٢- حساب تعبير حسابى يتضمن اساس.
- ١٣- اختصار تعبير جبرى لايسط صورة.
- ١٤- ايجاد العامل المشترك الاعلى لعددين او ثلاثة.
- ١٥- ايجاد المضاعف المشترك الاصغر لعددين او ثلاثة.

ثالثا: تحليل محتوى وحدة الاشكال الهندسية المستوية:

أ - المفاهيم:-

- ١- المضلع.
- ٢- ضلع المضلع.
- ٣- محيط المضلع.
- ٤- راس المضلع.
- ٥- زوايا المضلع.
- ٦- قطر المضلع.
- ٧- سطح المضلع.
- ٨- المضلع المنتظم.
- ٩- المثلث.

ب- العلاقات:

- ١- متباينة المثلث.
- ٢- مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة = 180° .
- ٣- قياس اى زاوية خارجة للمثلث تساوى مجموع قياسى الزاويتين الداخلتين ماعدا المجاورة لها.
- ٤- اذا ساوت زاويتان من مثلث زاويتين من مثلث اخر فى القياس كان قياس الزاوية الثالثة من المثلث الاول مساويا قياس الزاوية الثالثة من المثلث الثانى.
- ٥- اذا ساوت زاوية من مثلث مجموع الزاويتين الاخرتين فى القياس كان المثلث قائم الزاوية.
- ٦- مجموع قياسات الزوايا الداخلة لمضلع مقفل عدد اضلاعه ن ضلعا يساوى $(2n - 4)$ من الزوايا القوائم.
- ٧- قياس كل زاوية من زوايا مضلع منتظم عدد اضلاعه ن ضلعا يساوى $(2n - 4) / n \times 90^\circ$.

ج- المهارات:

- ١- ادراك المفاهيم والعلاقات المتضمنة بالوحدة.
- ٢- رسم مضلع ، اقطار مضلع ، والمثلث فى حالات مختلفة.
- ٣- التعرف على الاعداد التى تصلح ان تكون اطوالا لاضلاع مثلث.
- ٤- برهنة العلاقاتين ٢ ، ٥.
- ٥- ايجاد قياس كل زاوية من زوايا مضلع منتظم.
- ٦- برهنة بعض التمارين المتعلقة بالوحدة.

ملحق (٢)

اسماء السادة المحكمين

اسماء السادة المحكمين

- ١- د / ابراهيم سيد حسين استاذ طرق تدريس الرياضيات المساعد
كلية التربية ، جامعة المنيا .
- ٢- د / على البدرى شمردن على استاذ الرياضيات البحتة المساعد
كلية العلوم ، جامعة المنيا .
- ٣- د / محمد ربيع حسنى اسماعيل استاذ طرق تدريس الرياضيات المساعد
كلية التربية ، جامعة المنيا .
- ٤- د / ابراهيم محمد عبد الغنى مدرس طرق تدريس الرياضيات
كلية التربية ، جامعة المنيا .
- ٥- د / زينب احمد عبد الغنى مدرس طرق تدريس الرياضيات
كلية التربية ، جامعة المنيا .
- ٦- د / عصام الدين مصطفى كمال مدرس الرياضيات البحتة
كلية العلوم ، جامعة المنيا .
- ٧- أ / رجاء حسين موجه رياضيات اعدادى
ادارة التعليم الاعدادى بالمنيا .
- ٨- أ / محمد عبدالسلام موجه رياضيات اعدادى
ادارة التعليم الاعدادى بالمنيا .
- ٩- أ / عبد الكريم محمد عبد القادر مدرس أول رياضيات
مدرسة المنيا الاعدادية بنين بالمنيا .
- ١٠- أ / هانى عبد المعز على مدرس أول رياضيات
مدرسة الحديثة الاعدادية بنات بالمنيا .

ملحق (٣)

وحدة اثرائية فى موضوع المجموعات
لتلاميذ الصف الاول الاعدادى

تعليمات تدريس البرنامج الاثرائى فى الرياضيات

عزيزى المعلم :

يتميز التلاميذ المتفوقون عن العاديين بعدة خصائص من اهمها القدرة على التعلم السريع وسهولة تعلم المادة المعقدة وحب الاستطلاع، لذا فانهم يحتاجون الى برامج تعليمية تختلف عن تلك البرامج المقدمة للتلاميذ العاديين. ويمثل الاثراء احد البرامج التعليمية التى تعمل على تقديم خبرات تعليمية تناسب التلاميذ المتفوقين، وذلك بهدف توسيع وتعميق فهم التلاميذ المتفوقين لجوانب التعلم المعرفية المتضمنة بالمنهج المعتاد.

ويمثل البرنامج - الذى بين يديك - احد المحاولات فى تقديم خبرات تعليمية اثرائية للتلاميذ المتفوقين بالصف الاول الاعدادى ، وهو يتضمن ثلاث وحدات اثرائية هى المجموعات ، الاعداد الطبيعية ، والاشكال الهندسية المستوية.

وعند تدريسك هذا البرنامج عليك باتباع التعليمات التالية:

- حاول اقناع التلاميذ المتفوقين باهمية البرنامج الاثرائى فى الرياضيات لتوسيع دائرة معرفتهم وتعميق فهمهم للخبرات الرياضية المتضمنة بمقرر الرياضيات المعتاد.
- طبق الاختبارين التحصيليين المتضمنين بالبرنامج قبل تدريسه.
- اطلب من التلاميذ احضار الادوات اللازمة لدراسة البرنامج ، وهى ملف للاحتفاظ بوراق العمل ، وكراسة أنشطة لتنفيذ الأنشطة الاثرائية، وكراسة لعمل الواجبات المنزلية ، وقلم رصاص او جاف ، والادوات الهندسية ، والالة الحاسبة ، ومجموعة التانجرام (من الورق المقوى).
- تاكد من فهم التلاميذ المتفوقين لبعض الخبرات الرياضية المتضمنة بمقرر الرياضيات بالصف الاول الاعدادى ، والتي تمثل المتطلبات الاساسية لدراسة النشاط الاثرائى (موضوع الدرس)، وفى حالة عدم فهم التلاميذ لهذه الجوانب قم بشرحها لهم قبل البدء فى تدريس النشاط الاثرائى.
- بين للتلاميذ المتفوقين العلاقة بين النشاط الاثرائى (موضوع الدرس) والخبرات الرياضية المتضمنة بمقرر الرياضيات ، وما المتوقع منهم ان يقوموا به عقب الانتهاء من الدرس.
- قم بتقسيم التلاميذ المتفوقين فى مجموعات صغيرة (لا تزيد عن خمسة تلاميذ) اذا تطلب النشاط ذلك.
- قم بتوزيع اوراق العمل على التلاميذ بواقع ورقة عمل لكل تلميذ.
- قم بشرح المثال الاول المتضمن بورقة العمل، باستخدام التلقى ذى المعنى او الاكتشاف الموجه، مع التاكيد على الامثلة واللامثلة، وتاكد من فهم التلاميذ التعليمات اللازمة لتنفيذ النشاط (موضوع الدرس).
- اطلب من كل مجموعة تنفيذ النشاط المتضمن بورقة العمل، ولاحظ التلاميذ اثناء العمل ، وخصص وقت لمناقشة التلاميذ فى النتائج التى يتوصلون اليها ، وشجعهم لاعطاء تبريرات لها ، وشجع تبادل الافكار او الحلول المتميزة التى يتوصلون اليها.
- قم باجراء التقويم التكويني بصورة تنبؤية.
- اعط التلاميذ واجبا منزليا ، واطلب منهم تقديمه فى الدرس التالى.
- اجمع اوراق العمل لتصحيحها.
- اعمل تغذية راجعة فى ضوء نتائج تصحيح اوراق العمل والواجبات المنزلية والاختبارات البنائية ، عن طريق تصحيح الاخطاء التى وقع فيها التلاميذ ، وتعزيز الاجابات المتميزة التى توصلوا اليها.
- طبق الاختبارين التحصيليين المتضمنين بالبرنامج بعد الانتهاء من تدريسه.

وحدة اثرائية في موضوع المجموعات لتلاميذ الصف الأول الأعدادي

الهدف: ان يعرف التلاميذ بعض المعلومات التاريخية عن المجموعات

نبذة تاريخية عن المجموعات

يرجع اكتشاف المجموعات الى عالم لرياضيات جورج كانتور ، الذى ولد فى روسيا عام ١٨٤٥ ، ثم انتقل مع والديه الى المانيا ودرس بجامعة برلين بالمانيا وقد قدم جورج كانتور اول عمل له عن المجموعات عندما كان فى التاسعة والعشرين من العمر ، اى فى سنة ١٨٧٤ . وقد جذب هذا العمل اهتمام الرياضيين نظرا لجدته وبراعته . واستمر جورج كانتور فى نشر ابحاثه عن المجموعات حتى عام ١٨٩٧ . وقد توفى عام ١٩١٨ بعد حياة دامت ٧٣ عاما قدم خلالها اسهامات بارزه لعلم الرياضيات . هذا وتعتبر المجموعات اضافة علمية ذات قيمة كبيرة الى علم الرياضيات ، اذ ساعدت فى تطوير العديد من فروع الرياضيات مثل الجبر المجرد ، الاحتمالات ، الهندسات المختلفة ، والتوبولوجى ، كما ساعدت فى جعل الرياضيات مادة علمية ذات كيان موحد .

ورقة العمل (١)

الدرجة :

المدرسة:

أسم التلميذ :

النشاط: كيفية ايجاد كل المجموعات التى تساوى مجموعة معينة.

أهداف النشاط:

- ١- ان يسرد التلميذ كل المجموعات التى تساوى مجموعة منتهية.
- ٢- ان يستنتج التلميذ العلاقة بين عدد عناصر مجموعة منتهية وعدد المجموعات التى تساويها.
- ٣- ان يطبق التلميذ العلاقة السابقة فى حل بعض التطبيقات.

أجب عن السؤال التالى :

- اكتب كل الصور المختلفة التى تساوى المجموعة { أ ، ب ، ج ، د ، هـ } .
 لحل هذا السؤال دعنا ننظر الى مشكلات ايسر ومشابهة للمشكلة الاصلية ، كما يلى:
 ١- لكل مجموعة من المجموعات التالية اوجد عدد المجموعات التى تساويها:

عدد المجموعات	المجموعات التي تساوى المجموعة	المجموعة
$1 = 1$	$\{ أ \}$	$\{ أ \}$
$1 \times 2 = 2$	$\{ أ، ب \}$ ، $\{ ب، أ \}$	$\{ أ، ب \}$
$1 \times 2 \times 3 = 6$	$\{ أ، ب، ج \}$ ، $\{ ب، ج، أ \}$ ، $\{ ج، أ، ب \}$ ، $\{ أ، ج، ب \}$	$\{ أ، ب، ج \}$
$\dots \times \dots \times \dots \times \dots = \dots$	\dots	$\{ أ، ب، ج، د \}$

٢- اكمل الجدول السابق.

٣- حاول ان تكتشف النمط الذى تسير وفقا له عدد المجموعات التى تساوى مجموعة منتهية

٤- استخدم هذا النمط فى الاجابة عن الاسئلة التالية:

ما عدد المجموعات التى تساوى المجموعة $\{ أ، ب، ج، د، هـ \}$ ؟

كم علم يمكنك تكوينه من مجموعة ألوان جمهورية مصر العربية ؟

اكمل : اذا كان عدد عناصر مجموعة س = ٧ ، فان عدد المجموعات التى تساوى المجموعة س =

اكمل: اذا كان عدد عناصر مجموعة ص = ن ، فان عدد المجموعات التى تساوى المجموعة ص =

الواجب المنزلى:

١- اكمل: اذا كان عدد عناصر مجموعة س يساوى ٥ عناصر ، فان عدد المجموعات التى تساوى س =

$\dots = \dots \times \dots \times \dots \times \dots$

٢- ما عدد الطرق التى يمكن ان يجلس بها ٥ اشخاص على ٥ كراسى مترابطة فى صف واحد ؟

ورقة العمل (٣)

الدرجة :

المدرسة:

أسم التلميذ :

النشاط: الانتماء واكتشاف النمط

الاهداف :

١- ان يكتشف التلميذ النمط الذى تسير وفقا له عناصر مجموعة مرتبة.

٢- ان يطبق التلميذ النمط السابق فى التمييز بين العناصر التى تنتمى والعناصر التى لا تنتمى الى مجموعة.

أدرس المثال التالي جيدا:

مثال : اذا كانت س = { ٢ ، ٤ ، ٦ ، ٨ ، ، ٣٠ }

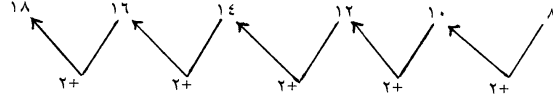
ضع علامة (✓) امام العبارة الصواب وعلامة (×) اما العبارة الخطأ

(١) ١٨ ∈ س (٢) ٢٧ ∈ س

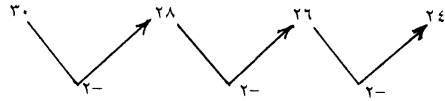
الحل:

للإجابة عن هذا السؤال ينبغي أولا معرفة النمط الذي تسير وفقا له عناصر المجموعة س . بالنظر الى العناصر المعطاة ٢ ، ٤ ، ٦ ، ٨ ، ، ٣٠ ، نلاحظ ان كل عنصر يزيد عن السابق له مباشرة بمقدار ٢ . أو ان كل عنصر (باستثناء العنصر الاخير ٣٠) يقل عن العنصر الذي يليه بمقدار ٢ . وبالتالي :

- اذا علم عنصر في هذه المجموعة يتم اضافة ٢ للحصول على العنصر الذي يليه.
- اذا علم عنصر في هذه المجموعة يتم طرح ٢ منه للحصول على العنصر الذي يسبقه.



وبالتالي فان العبارة ١٨ ∈ س عبارة صحيحة



وبالتالي فان العبارة ٢٧ ∈ س عبارة خطأ

أجب عن الاسئلة التالية:

ضع علامة (✓) امام العبارات الصواب ، وعلامة (×) امام العبارات الخطأ مما يلي:

(١) ١٨ ∈ { ٢ ، ٣ ، ٤ ، ، ٢٥ } ()

(٢) ٦٠ ∉ { ١٠ ، ٢٠ ، ٣٠ ، ٤٠ ، ، ٩٠ } ()

(٣) ٢١ ∉ { ٣ ، ٦ ، ٩ ، ١٢ ، ، ٦٠ } ()

(٤) ٥١ ∈ { ٣ ، ٦ ، ٩ ، ١٢ ، ، ٦٠ } ()

ضع علامة (✓) على يمين البديل الذي يمثل الاجابة الصواب ممايلي:

١- اذا كانت س = { ١ ، ٤ ، ٧ ، ١٠ ، ، ٢٨ } فان:

أ- ١٤ ∈ س ب- ١٩ ∈ س ج- ٢٥ ∉ س

٢- اذا كانت س = { ١ ، ٤ ، ٩ ، ١٦ ، ، ١٠٠ } فان:

أ- ٢٥ ∉ س ب- ٨١ ∉ س ج- ٣٦ ∈ س

ورقة العمل (٤)

الدرجة :

المدرسة :

أسم التلميذ :

النشاط : عدد عناصر المجموعة المنتهية.

هدف النشاط :

أن يطبق التلميذ النمط الذى تسيير وفقا له عناصر مجموعة فى ايجاد عدد عناصر هذه المجموعة

أدرس المثال التالى جيدا

مثال : أوجد عدد عناصر كل مجموعة من المجموعات التالية:

١- $\{ ٨, ٦, ٤, ٢ \}$

٢- $\{ ٧٥, \dots, ٣, ٢, ١ \}$

٣- $\{ ٣٠٠, \dots, ٩, ٦, ٣ \}$

الحل :

١- عدد عناصر المجموعة $\{ ٨, ٦, ٤, ٢ \} = ٤$

٢- عدد عناصر المجموعة $\{ ٧٥, \dots, ٣, ٢, ١ \} = ٧٥$

٣- عدد عناصر المجموعة $\{ ٣٠٠, \dots, ٩, ٦, ٣ \} = ٣٠٠ / ٣ = ١٠٠$

اكمل العبارت التالية:

١- عدد عناصر المجموعة $\{ ٩٠, ٧٠, ٥٠, ٣٠, ١٠ \} = \dots$

٢- عدد عناصر المجموعة الخالية $\phi = \dots$

٣- عدد عناصر المجموعة $\{ ٢٠٠, \dots, ١٥, ١٠, ٥ \} = \dots$

٤- عدد عناصر المجموعة $\{ ٢٠٠, \dots, ٣٥, ٣٠, ٢٥ \} = \dots$

ضع علامة (\surd) امام البديل الذى يمثل الاجابة الصواب ممايلى:

٥- عدد عناصر المجموعة $\{ ١٠٥, \dots, ١٤, ١٣, ١٢, ١١ \}$ يساوى

ج - ٥

ب - ٩٥

أ - ١٠٥

٦- عدد عناصر المجموعة $\{ ٢٠١, \dots, ١٥, ١٣, ١١, ٩ \}$ يساوى

ج - ١٠٠

ب - ٩٧

أ - ٥

الواجب المنزلى:

اكمل العبارات التالية:

١- عدد عناصر المجموعة $\{ ٤٤٠, \dots, ١٢, ٨, ٤ \} = \dots$

- ٢- عدد عناصر المجموعة { ١١، ١٢، ١٣، } = { ١١٠ } ...
 ٣- عدد عناصر المجموعة { ١٥، ٢٢، ٢٩، } = { ٧٨ } ...
 ٤- عدد عناصر المجموعة { ١٣، ١٩، ٢٥، } = { ٦٠١ } ...
 ٥- عدد عناصر المجموعة { ١، ٤، ٩، } = { ١٠٠ } ...

ورقة العمل (٥)

المرجعة:

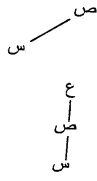
المدرسة:

أسم التلميذ:

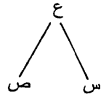
النشاط: الأشكال الخطية

الأهداف:

- ١- ان يدرك التلميذ مفهوم الشكل الخطي.
 ٢- ان يرسم التلميذ الشكل الخطي لعدة مجموعات الأشكال الخطية هي طريقة لتوضيح علاقات الاحتواء بين المجموعات
 ١- اذا كان $S \supset D$ ، فاننا نكتب S أسفل D ، ثم نصلهما بخط -
 كما هو مبين في الشكل الخطي المقابل
 ٢- اذا كان $S \supset D$ ، $S \supset E$ فاننا نمتلهم كما هو مبين بالشكل الخطي المقابل . لاحظ ان $S \supset D$ ، $S \supset E$ دون ان نرسم خطا يصل المجموعتين D ، E ،



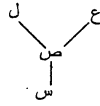
- مثال (١) ارسم الشكل الخطي للمجموعات S ، D ، E . حيث ان
 $S = \{A\}$ ، $D = \{B\}$ ، $E = \{A, B\}$
 الحل:



الشكل المقابل هو الشكل الخطي للمجموعات S ، D ، E حيث ان:

$S \supset D$ ، $S \supset E$ ، ولا توجد علاقة احتواء بين D ، E

- مثال (٢) : ارسم الشكل الخطي للمجموعات S ، D ، E ، L . حيث $S = \{A, B\}$ ،
 $E = \{A, B, C, D\}$ ، $L = \{A, B, D\}$
 الحل:



لاحظ ان $S \supset D$ ، $S \supset E$ ، $S \supset L$

بينما $E \not\supset L$. لذا فان الشكل المقابل هو الشكل الخطي المطلوب

اولا : اذا كان $S = \{d\}$ ، $V = \{j, d\}$ ، $E = \{a, b, j, d\}$ ، $L = \{a, b\}$ ، $M = \{a, b, d\}$ ،
 $\phi = \{ \}$ ، $S = \{a, b, j, d\}$ ،

ارسم في كراسة الانشطة الاشكال الخطية للمجموعات التالية:

١- S, V, L, ϕ

٢- S, V, M

٣- S, V, M, ϕ, S

ثانيا : اجب عن السؤالين

١- لاي مجموعة S لاتساوى كل من ϕ أو S اكمل مايلي:

أ - $\phi \dots \dots S$ ب - $\phi \dots \dots S$ ج - $S \dots \dots S$

٢- ارسم في كراسة الانشطة الشكل الخطي للمجموعات ϕ, S, S حيث ان S مجموعة تختلف عن كل من ϕ, S

الواجب المنزلي

١- ارسم الشكل الخطي للمجموعات S, V, E, L, M, ϕ, S المعطاه في اولاً.

ورقة العمل (٦)

أسم التلميذ : المدرسة : الدرجة :

النشاط : العلاقة بين اشكال فن والاشكال الخطية.

اهداف النشاط :

١- ان يرسم التلميذ الشكل الخطي المناظر لشكل فن.

٢- ان يرسم التلميذ شكل فن المناظر للشكل الخطي.

ادرس المثالين التاليين جيدا

مثال (١) : ارسم شكل فن للمجموعات S, V, E الممثلة في الشكل الخطي المقابل

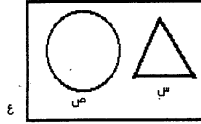


الحل :

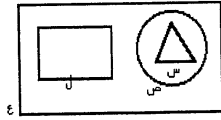
حيث ان $S \supset E, V \supset E, S \cap V = \emptyset$ لذلك تمثل كل من

S, V بمنحنى مغلق يقع داخل المنحنى المغلق الذي يمثل

المجموعة E ، كما هو مبين بشكل فن المقابل



E



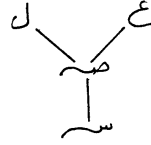
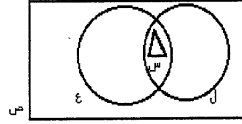
مثال (٢): أرسم الشكل الخطي للمجموعات س ، ص ، ع ، ل ، الممثلة في شكل فن المقابل

الحل:

يتضح من شكل فن المقابل مايلي:

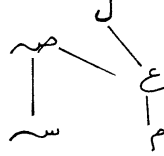
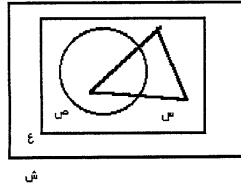
س \supset ص \supset ع ، ل ، ع ، ل ، ل ، ص ، ل ، ل ، ص
لذا فان الشكل الخطي المقابل يمثل المجموعات س ، ص ، ع ، ل ،
أجب عن الاسئلة التالية في كراسة الانشطة :

- ١- أرسم شكل فن للمجموعات س ، ص ، ع ، ل ، الممثلة في الشكل الخطي المجاور.
٢- ارسم الشكل الخطي للمجموعات س ، ص ، ع ، ل ، الممثلة في شكل فن المجاور.



الواجب المنزلي:

- ١- ارسم شكل فن للمجموعات س ، ص ، ع ، ش ، الممثلة في الشكل الخطي التالي:
٢- ارسم الشكل الخطي للمجموعات س ، ص ، ع ، ل ، الممثلة في شكل فن التالي:



ورقة العمل (٧)

الدرجة :

المدرسة:

أسم التلميذ:

النشاط: عدد المجموعات الجزئية لمجموعة

أهداف النشاط:

- ١- ان يكتشف التلميذ الانماط المتعلقة بالمجموعات في مثلث باسكال.
٢- ان يطبق الانماط السابقة في:
* ايجاد عدد المجموعات الجزئية التي يتكون كل منها من "م" عنصر لمجموعة مكونة من "ن" عنصر حيث
 $m \geq n$.

* حل بعض التطبيقات.

٢- ان يكتشف التلميذ العلاقة بين عدد عناصر مجموعة ، وعدد المجموعات الجزئية لهذه المجموعة.

ادرس المثال التالي:

مثال : اذا كانت المجموعة س مكونة من عنصر واحد اي ان $S = \{A\}$ فان كل المجموعات الجزئية (الفعلية وغير الفعلية) هي : $\phi, \{A\}$

وبذلك يكون عدد المجموعات الجزئية للمجموعة $\{A\} = 2$.

اجب عن الاسئلة التالية:

١- اوجد كل المجموعات الجزئية للمجموعة $S = \{A, B\}$ ما عدد هذه المجموعات؟

٢- اوجد كل المجموعات الجزئية للمجموعة $S = \{A, B, C, D\}$ ما عدد هذه المجموعات؟

سجل اجابتك في الجدول التالي :

عدد عناصر المجموعة	مثالث باسكال	عدد المجموعات الجزئية
١	١	٢
$2=2$	١ ١	٤
$2 \times 2 = 4$	١ ٢ ١	٨
$2 \times 2 \times 2 = 8$	١ ٣ ٣ ١	١٦
$0 \times 0 \times 0 \times 0 = 0$	١ ٠ ٠ ٠ ١	١٦
0×0	١ ٠ ٠ ٠ ٠ ١	١٦

عدد المجموعات الجزئية الخالية

عدد المجموعات الجزئية التي تتكون من عنصر واحد.

عدد المجموعات الجزئية التي تتكون من عنصرين.

عدد المجموعات الجزئية التي تتكون من اربعة عناصر.

يسمى مثالث الاعداد المتضمن في العمود الثاني من الجدول السابق مثالث باسكال نسبة الى مبتكره عالم

الرياضيات الفرنسي بليز باسكال الذي ولد سنة ١٦٢٣ وتوفي سنة ١٦٦٢.

لاحظ ان العناصر الطرفية في اقصى اليمين واقصى الشمال في كل صف من صفوف مثالث باسكال تساوى

١ . اجب عن الاسئلة التالية:

١- ماالعلاقة بين اي عدد في مثالث باسكال والعدد في الاعلى منه مباشرة في الصف السابق ؟

- ٢- اكمل عناصر الصفين ٤ ، ٥ في الجدول السابق.
- ٣- ما عدد المجموعات الجزئية التي يتكون كل منها من عنصرين للمجموعة { أ ، ب ، ج } ؟
- ٤- ما عدد المجموعات الجزئية التي يتكون كل منها من ٣ عناصر للمجموعة س = { أ ، ب ، ج ، د } ؟
- ٥- ما عدد المجموعات الجزئية التي يتكون كل منها من ٤ عناصر للمجموعة س = { ١ ، ٣ ، ٥ ، ٧ } ؟
- ٦- بكم طريقة يمكن اختيار ثلاثة افراد من بين خمسة افراد متقدمين لشغل وظيفة ؟
- ٧- ما عدد كل المجموعات الجزئية لمجموعة مكونة من ٤ عناصر ؟
- ٨- ما عدد كل المجموعات الجزئية لمجموعة مكونة من ٥ عناصر ؟

الواجب المنزلي:

اجب عن الاسئلة التالية:

- ١- اوجد عدد المجموعات الجزئية التي يتكون كل منها من ٣ عناصر للمجموعة { ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٧ } ؟
- ٢- بكم طريقة يمكنك اختيار ٣ مكعبات من مجموعة مكونة من ٧ مكعبات ؟
- ٣- اوجد عدد كل المجموعات الجزئية للمجموعة { ١ ، ٤٣٢ ، ٥ } ؟
- ٤- اوجد عدد كل المجموعات الجزئية للمجموعة { ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ } ؟

اختبار بنائى (١)

أسم التلميذ: _____ المدرسة: _____ الدرجة: _____

أولاً: ضع علامة (✓) امام البديل الذى يمثل الاجابة الصواب فى كل ممايلى:

- ١- عدد المجموعات التي تساوى المجموعة { أ ، ٢ ، ٣ ، هـ }
 أ - ١٢ ب - ١٦ ج - ٢٤
- ٢- اذا كانت س = { ١ ، ٤ ، ٧ ، ١٠ ، ، ٨٨ } فان:
 أ - ١٤ ÷ س ب - ٢٨ ÷ س ج - ٨٢ ÷ س
- ٣- اذا كان ٤ ÷ { ٧ ، س ، س + ٣ } فان س = ...
 أ - ١ ب - ٣ ج - ٤
- ٤- عدد عناصر المجموعة { ٧ ، ٨ ، ٩ ، ، ١١٧ } = ...
 أ - ١١٧ ب - ١١١ ج - ١١٠

٥- عدد كل المجموعات الجزئية للمجموعة { أ ، ب ، ج ، د ، هـ } = ...

أ - ٣٠ ب - ٣٢ ج - ١٢٠

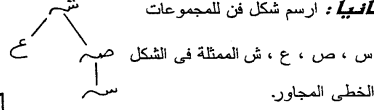
٦- عدد الطرق التي يمكنك بها ترتيب أربع لمبات مختلفة اللون في خط =

أ - ٢٤ ب - ١٦ ج - ٤

٧- عدد الاعلام التي يتكون كل منها من ٣ الوان ويتم اختيارهم من ٦ الوان =

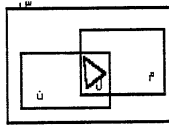
أ - ١٥ ب - ١٠ ج - ٢٠

ثانياً: ارسم شكل فن للمجموعات



ثالثاً: ارسم الشكل الخطي للمجموعات

ش ، ل ، م ، ن الممثلة في شكل فن المجاور.



ورقة العمل (٨)

الدرجة:

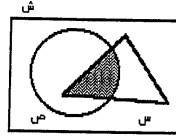
المدرسة:

أسم التلميذ:

النشاط: العلاقة بين (س ∩ ص) وكل من φ ، س ، ص ، ش

أهداف النشاط:

- ١- ان يدرك التلميذ العلاقات بين (س ∩ ص) وكل من φ ، س ، ص ، ش
 - ٢- ان يرسم التلميذ الشكل الخطي للمجموعات φ ، س ، ص ، (س ∩ ص) ، ش
 - ٣- أن يجري التلميذ عملية التقاطع على مجموعات غير منتهية .
- اولاً: يمثل الجزء المظلل في شكل فن المجاور المجموعة س ∩ ص
- اكمل العبارات التالية:



١- (س ∩ ص) س

٢- (س ∩ ص) ص

٣- (س ∩ ص) ش

٤- س ∩ ص = ص.....

ثانياً: أرسم في كراسة الأنشطة الشكل الخطي لكل من المجموعات التالية:

١- س ، ص ، س ∩ ص ٢- س ، ص ، ص ∩ س ٣- س ، ص ، φ ، ش

ثالثاً: تقاطع مجموعتين غير منتهيتين:

مثال : اكمل العبارة : $\{ \dots, 6, 4, 2 \} \cap \{ \dots, 9, 6, 3 \} = \{ \dots, 6 \}$

الحل:

$$\{ \dots, 6, 4, 2 \} \cap \{ \dots, 9, 6, 3 \} = \{ \dots, 6 \}$$

اكمل العبارات التالية :

$$1- \{ \dots, 6, 4, 2 \} \cap \{ \dots, 10, 5 \} = \{ \dots, 5 \}$$

$$2- \{ \dots, 9, 6, 3 \} \cap \{ \dots, 12, 8, 4 \} = \{ \dots, 6 \}$$

$$3- \{ \dots, 6, 4, 2 \} \cap \{ \dots, 12, 8, 4 \} = \{ \dots, 4 \}$$

$$4- \{ \dots, 6, 4, 2 \} \cap \{ \dots, 5, 3, 1 \} = \{ \dots, 1 \}$$

الواجب المنزلي:

أعد حل أولاً وثانياً في حالة $S \supset V$

اكمل العبارة : $\{ \dots, 21, 14, 7 \} \cap \{ \dots, 9, 6, 3 \} = \{ \dots, 3 \}$

اكمل العبارة : $\{ \dots, 15, 10, 5 \} \cap \{ \dots, 300, 200, 100 \} = \{ \dots, 100 \}$

ورقة العمل (٩)

الدرجة :

المدرسة :

أسم التلميذ :

النشاط : مجموعة المجموعات الجزئية وعملية التقاطع

اهداف النشاط:

١- أن ينشئ التلميذ جدولاً للنظام الرياضي المكون من مجموعة المجموعات الجزئية وعملية التقاطع.

٢- أن يستنتج التلميذ العلاقات التالية:

$$S \cap S = S \quad * \quad S \cap V = V \quad * \quad S \cap S = S$$

$$\phi \cap S = \phi \quad * \quad S \cap \phi = \phi \quad * \quad S \cap S = S$$

٢- ارسم الشكل الخطي للمجموعات S, V, C, L

إذا كانت $S = \{ A, B \}$ فإن المجموعات الجزئية للمجموعة S هي:

$$\phi, \{ A \}, \{ B \}, \{ A, B \}$$

يتضمن الجدول المقابل تقاطع كل زوج من المجموعات الجزئية وقد أعطى لك الصف الثاني وهو

يتضمن تقاطع المجموعة $\{ A \}$ مع كل من المجموعات $\phi, \{ A \}, \{ B \}, \{ A, B \}$ -على الترتيب.

القطر الرئيسي

{٤،١}	{٣،٢}	{٢،٣}	{١،٤}	{٢،٣}	{١،٤}
{٣،٢}	{٢،٣}	{١،٤}	{٢،٣}	{١،٤}	{٢،٣}
{٢،٣}	{١،٤}	{٢،٣}	{١،٤}	{٢،٣}	{١،٤}
{١،٤}	{٢،٣}	{١،٤}	{٢،٣}	{١،٤}	{٢،٣}

- ١- اكمل الجدول السابق .
- ٢- لاحظ مجموعات الصف الاول . ماذا تلاحظ ؟
اكمل العبارة : \cap س =
- ٣- لاحظ المجموعات الموجودة في القطر الرئيسي . ماذا تلاحظ ؟
اكمل العبارة : س \cap =
- ٤- قارن بين المجموعات الموجودة فوق القطر الرئيسي بالمجموعات الموجودة اسفل القطر الرئيسي . ماذا تلاحظ؟ وماالخاصية التي تفسر ذلك؟

الواجب المنزلي:

- كون جدولاً للمجموعات الجزئية للمجموعة { أ ، ب ، ج } وعملية التقاطع . ثم أجب عن الاسئلة ٣،٤،٤،٣،٤ المتضمنة في ثانياً بالفقرة السابقة.

ورقة العمل (١٠)

الدرجة :

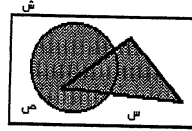
المدرسة :

أسم التلميذ :

النشاط: العلاقة بين (س \cup ص) وكل من س ، ص ، ϕ ، ش ، (س \cap ص)

اهداف النشاط :

- ١- أن يدرك التلميذ العلاقة بين (س \cup ص) وكل من س ، ص ، ϕ ، ش ، (س \cap ص) .
 - ٢- أن يرسم التلميذ الشكل الخطي للمجموعات:
- ϕ ، س ، ص ، (س \cap ص) ، (س \cup ص) ، ش .
- ٣- أن يجرى التلميذ عملية الاتحاد على مجموعات غير منتهية .
- يمثل الجزء المظلل في شكل فن المقابل المجموعة (س \cup ص)
- اولاً: اكمل العبارات التالية:



- ١- س (س \cup ص) .
- ٢- ϕ ... ص (س \cup ص) .
- ٣- (س \cap ص) (س \cup ص) .

٤- (س ∪ ص) ش

٥- س ∪ ص = ص ش

ثانياً: أرسم في كراسة الانشطة الشكل الخطى لكل من المجموعات التالية:

١- س، ص، (س ∪ ص)، (س ∩ ص)

٢- س، ص، (س ∪ ص)، (س ∩ ص)، φ، ش.

ثالثاً: اتحاد مجموعتين غير منتهيتين:

مثال : اكمل العبارة : {٢، ٤، ٦،} ∪ {٤، ٨، ١٢،} = {.....}

الحل:

{٢، ٤، ٦،} ∪ {٤، ٨، ١٢،} = {.....}

- اكمل كل من العبارات التالية:

١- {٥، ١٠، ١٥،} ∪ {١٠، ٢٠، ٣٠،} = {.....}

٢- {٣، ٦، ٩،} ∪ {٦، ١٢، ١٨،} = {.....}

٣- {٢، ٤، ٦،} ∪ {١، ٣، ٥،} = {.....}

الواجب المنزلي:

أعد حل أولاً وثانياً في حالة س ∩ ص

اكمل العبارة : {٥، ١٠، ١٥،} ∪ {١٠٠، ٢٠٠، ٣٠٠،} = {.....}

اكمل العبارة : {٧، ١٤، ٢١،} ∪ {٣، ٦، ٩،} = {.....}

ورقة العمل (١١)

الدرجة :

المدرسة :

أسم التلميذ :

الانشاط: مجموعة المجموعات الجزئية وعملية الاتحاد

أهداف النشاط:

١- ان ينشئ التلميذ جدولاً للنظام الرياضى المكون من مجموعة المجموعات الجزئية وعملية الاتحاد.

٢- ان يستنتج التلميذ العلاقات التالية:

• س ∪ س = س . • س ∪ ص = ص ∪ س . • φ ∪ س = س .

إذا كانت $S = \{A, B\}$ فإن المجموعات الجزئية للمجموعة S هي: ϕ ، $\{A\}$ ، $\{B\}$ ، $\{A, B\}$.
يتضمن الجدول المقابل اتحاد كل زوج من المجموعات الجزئية للمجموعة $\{A, B\}$ وقد أعطى لك الصف
الثاني وهو يتضمن اتحاد المجموعة $\{A\}$ مع كل من المجموعات:

$\{A, B\}$	$\{B\}$	$\{A\}$	ϕ	U
				ϕ
$\{A, B\}$	$\{A, B\}$	$\{A\}$	$\{B\}$	$\{A, B\}$
				$\{B\}$
				$\{A, B\}$

ϕ ، $\{A\}$ ، $\{B\}$ ، $\{A, B\}$ على الترتيب. اجب عن الاسئلة الآتية:
١- اكمل الجدول السابق.

٢- لاحظ المجموعات التي تقع في السطر الاول في الجدول .

ماذا تلاحظ؟ اكمل العبارة : $U \cup S = \dots$

٣- لاحظ المجموعات الموجودة في القطر الرئيسي .

ماذا تلاحظ؟ اكمل العبارة : $S \cup \dots = \dots$

٤- قارن المجموعات التي تقع فوق القطر الرئيسي بالمجموعات

التي تقع أسفل القطر الرئيسي . ماذا تلاحظ؟ ما الخاصية التي تفسر ذلك؟

الواجب المنزلي :

كون جدولاً للمجموعات الجزئية للمجموعة $\{A, B, C\}$ مع عملية الاتحاد . ثم اجب عن السؤالين ثانياً
وثالثاً بالفقرة السابقة.

كون جدولاً للمجموعات الجزئية للمجموعة $\{A, B\}$ مع عملية الفرق ثم اجب عن السؤالين ثانياً وثالثاً
المتضمنين بالفقرة السابقة.

ورقة العمل (١٣)

الدرجة :

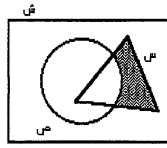
المدرسة :

اسم التلميذ :

النشاط : العلاقة بين ($S - V$) وكل من ϕ ، S ، V ، $S \cup V$ ، $S \cap V$

اهداف النشاط :

- ١- ان يدرك التلميذ العلاقة بين ($S - V$) وكل من ϕ ، S ، V ، $S \cup V$ ، $S \cap V$.
- ٢- ان يرسم التلميذ الشكل الخطي للمجموعات $S - V$ ، ϕ ، S ، V ، $S \cup V$ ، $S \cap V$.
- ٣- ان يجرى التلميذ عملية الفرق على مجموعات غير منتهية.



أولاً: يمثل الجزء المظلل في شكل فن المجاور المجموعة ($S - V$)

اكمل العبارات التالية:

١- ($S - V$) S .

$$2- (س - ص) \cap ص = \dots$$

$$3- (ص - س) \dots ص$$

$$4- (ص - س) \cup ص = \dots$$

$$5- \phi \dots (ص - س) \dots ش$$

ثانيا : ارسم في كراسة الانشطة الشكل الخطى لكل من المجموعات التالية:

$$1- س ، ص ، (س - ص) ، (ص - س) .$$

$$2- س ، ص ، (س - ص) ، (ص - س) ، (س \cup ص) .$$

ثالثا : الفرق بين مجموعتين غير منتهيتين:

$$\text{مثال : اكمل العبارة : } \{ \dots ، ٦ ، ٤ ، ٢ \} - \{ \dots ، ٨ ، ٤ ، ٢ \} = \{ \dots ، ١٢ ، ٨ ، ٤ \} = \dots$$

$$\text{الحل : } \{ \dots ، ٦ ، ٤ ، ٢ \} - \{ \dots ، ١٢ ، ٨ ، ٤ \} = \{ \dots ، ١٠ ، ٦ ، ٢ \} = \dots$$

اكمل كل من العبارات التالية:

$$1- \{ \dots ، ٩ ، ٦ ، ٣ \} - \{ \dots ، ١٨ ، ١٢ ، ٦ \} = \dots$$

$$2- \{ \dots ، ٣٠ ، ٢٠ ، ١٠ \} - \{ \dots ، ٦٠ ، ٤٠ ، ٢٠ \} = \dots$$

$$3- \{ \dots ، ٦ ، ٤ ، ٢ \} - \{ \dots ، ٥ ، ٣ ، ١ \} = \dots$$

الواجب المنزلي :

ارسم الشكل الخطى للمجموعات الآتية :

$$س ، ص ، (س - ص) ، (ص - س) ، (س - ص) ، (س \cup ص) ، ش ، \phi .$$

ورقة العمل (١٣)

الدرجة :

المدرسة :

أسم التلميذ :

النشاط : مجموعة المجموعات الجزئية و عملية الفرق

أهداف النشاط :

١- ان ينشئ التلميذ جدولا للنظام الرياضى المكون من مجموعة المجموعات الجزئية وعملية الفرق.

٢- ان يستنتج التلميذ العلاقات:

$$\phi = س - س \quad \bullet$$

$$\phi = س - \phi \quad \bullet$$

إذا كانت $S = \{A, B\}$ فإن المجموعات الجزئية للمجموعة S هي: $\phi, \{A\}, \{B\}, \{A, B\}$.
يتضمن الجدول المقابل الفرق بين كل زوج من المجموعات الجزئية السابقة وقد أعطى لك السطر الثاني وهو
يتضمن الفرق بين المجموعة $\{A\}$ وكل من المجموعات: $\phi, \{A\}, \{B\}, \{A, B\}$ على الترتيب.

أجب عن الأسئلة التالية:

١- أكمل الجدول السابق.

٢- لاحظ المجموعات التي تقع في السطر الأول. ماذا تلاحظ؟

أكمل العبارة: $S - \dots = \dots$

٣- لاحظ المجموعات الموجودة في القطر الرئيسي، ماذا تلاحظ؟

أكمل العبارة: $S - \dots = \dots$

٤- قارن المجموعات التي تقع فوق القطر الرئيسي بالمجموعات التي تقع أسفل القطر الرئيسي، ماذا تلاحظ؟ هل عملية الفرق عملية ابدالية؟

الواجب المنزلي:

كون جدولاً للمجموعات $\{A, B\}$ مع عملية الفرق ثم اجب عن الأسئلة ٢، ٣، ٤، بالفقرة السابقة.

اختبار بنائي (٣)

أسم التلميذ: **المدرسة:** **الدرجة:**

أولاً: ضع علامة (✓) أمام البديل الذي يمثل الإجابة الصحيحة مما يلي:

١- $\{3, 6, 9, 12, \dots\} \cup \{12, 24, 36, 48, \dots\} = \dots$

أ- $\{3, 6, 9, 12, 24, 36, 48, \dots\}$

ب- $\{3, 6, 9, 12, \dots\}$

ج- $\{3, 6, 9, 12, 24, 36, 48, \dots\}$

٢- $\{2, 4, 6, \dots\} - \{4, 8, 12, \dots\} = \dots$

أ- $\{2, 6, 10, \dots\}$

ب- $\{6, 2\}$

ثانياً: ارسم الشكل الخطي للمجموعات

$\phi, S, S \cap S, S - S, S \cup S, S \cap S, S$

ثالثاً: أكمل الجدول المجاور ثم اجب عملياً:

١- لاحظ المجموعات الموجودة في الصف الأول. ماذا تستنتج؟

٢- لاحظ المجموعات الموجودة على القطر الرئيسي، ماذا تستنتج؟

$\{A, B\}$	$\{B\}$	ϕ	U
			ϕ
			$\{A\}$
			$\{B\}$
			$\{A, B\}$

٣- لاحظ المجموعات الموجودة فوق القطر الرئيسي والمجموعات الموجودة اسفله ماذا تستنتج؟

ورقة العمل (١٤)

الدرجة :

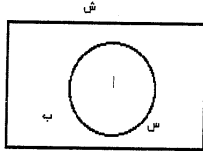
المدرسة :

أسم التلميذ :

النشاط: جداول الانتماء

أهداف النشاط:

- ١- ان ينشئ التلميذ جداول انتماء المجموعات والعمليات عليها.
- ٢- ان يبرهن التلميذ بعض علاقات المجموعات باستخدام جداول الانتماء.



س	المنطقة أ
⊃	
⊄	
⊄	المنطقة ب

س	س
⊄	⊃
⊃	⊄

أولاً: جدول انتماء مجموعة واحدة:

اي مجموعة س تقسم المجموعة الشاملة ش الى منطقتين هما:

المنطقة أ : وتشمل المجموعة س

المنطقة ب : وتشمل المجموعة س

يمثل الجدول المقابل جدول انتماء المجموعة س

مثال: (١) كون جدول انتماء س'

الحل:

يمثل الجدول المقابل جدول انتماء

المجموعة س

ثانياً: جدول انتماء مجموعتين:

اي مجموعتين س ، ص في الحالة العامة تقسم المجموعة الشاملة ش الى اربع مناطق :

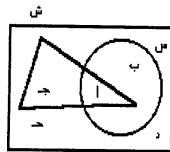
المنطقة أ : وتشمل المجموعة (س ∩ ص) .

المنطقة ب : وتشمل المجموعة (س - ص) .

المنطقة ج : وتشمل المجموعة (ص - س) .

المنطقة د : وتشمل المجموعة (س ∪ ص)' .

يمثل الجدول التالي جدول انتماء مجموعتين س ، ص



ص	س	
د	د	المنطقة أ
ف	د	المنطقة ب
د	ف	المنطقة ج
ف	ف	المنطقة د

مثال (٢) : كون جدول انتماء المجموعتين س و ص ، س - ص

س	ص	س و ص	س - ص
د	د	د	ف
د	ف	ف	د
د	د	د	ف
ف	ف	ف	ف

١- كون في كراسة الانشطة جدول انتماء المجموعتين س و ص ، ص - س

مثال (٣) اثبت ان $S \cup V = V \cup S$

الحل : ١ ٢ ٣ ٤

س	ص	س و ص	ص و س
د	د	د	د
د	ف	ف	د
د	د	د	ف
ف	ف	ف	ف

بمقارنة العمودين ٣ ، ٤ يتضح تطابق قيم الانتماء فيهما. وهذا يؤدي الى ان:

$$S \cup V = V \cup S$$

٢- اثبت في كراسة الانشطة ان $S \cap V = V \cap S$ ، $S - V \neq V - S$.

ثالثا : جدول انتماء كل من ϕ ، ش

جدول انتماء المجموعة الشاملة ش

د
د

جدول انتماء المجموعة الخالية ϕ

ف
ف

مثال (٤): أثبت ان $\phi \cup S = S$

الحل

	٣	٢	١
س	ϕ	س	س
ϕ	\exists	\exists	\exists
س	\exists	\exists	\exists

بمقارنة العمودين (١) ، (٣) يتضح ان $\phi \cup S = S$.

٣- اثبت في كراسة الانشطة كل من :

١- $\phi \cap S = \phi$

٢- $S \cup S = S$

مثال (٥)

اثبت ان (س \cap ص) = 'س' \cup ص'

	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
س	س	ص	س \cap ص	(س \cap ص)'	س'	ص'	س' \cup ص'
ص	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists
س \cap ص	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists
(س \cap ص)'	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists
س'	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists
ص'	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists
س' \cup ص'	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists	\exists

بمقارنة العمودين (٤) ، (٧) يتضح ان (س \cap ص) = 'س' \cup ص'.

٤- اثبت في كراسة الانشطة ان (س \cup ص) = 'ص' \cap ص'.

الواجب المنزلي:

اثبت كل من العلاقات التالية باستخدام جداول الانتماء

١- $S \cap S = S$

٢- $\phi = S'$ ، $S = \phi'$

٣- $S \cap S' = \phi$ ، $S \cup S' = S$

٤- $S \cup (S \cap V) = S \cup V$

٥- $S \cap (S \cup V) = S \cap V$

ورقة العمل (15)

أسم التلميذ: _____ المدرسة: _____ الدرجة: _____

النشاط : كتابة المجموعات في أبسط صورة

أهداف النشاط:

ان يكتب التلميذ تعبير يتضمن مجموعات مركبه في أبسط صورة ممكنة.
كتابة المجموعات في أبسط صورة تتطلب استخدام خواص المجموعات:
مثال (١) : اكتب المجموعة $S \cap (S \cap V)$ في أبسط صورة .
الحل:

$$S \cap (S \cap V)$$

$$= (S \cap S) \cap V \quad \text{خاصية الدمج لعملية التقاطع}$$

$$= S \cap V$$

مثال (٢) اكتب المجموعة $S \cap (S \cup V)$ في أبسط صورة

الحل:

$$S \cap (S \cup V)$$

$$= (S \cap S) \cup (S \cap V) \quad \text{خاصية توزيع } \cap \text{ على } \cup$$

$$= S \cup (S \cap V) \quad \phi = S \cap S$$

$$= S \cap V \cup S \quad \phi = (S \cap V) \cup S$$

اكتب كل من المجموعات التالية في أبسط صورة:

$$1- S \cup (S \cap V) \quad 2- S \cap (S \cap E)$$

$$3- S \cup (S \cap V) \quad 4- S \cup (S \cap V)$$

$$5- (S \cap V) \quad 6- (S \cap V) \cup (S \cap V)$$

الواجب المنزلي:

اكتب كل من المجموعات التالية في أبسط صورة:

$$1- S \cup (S \cap V) \quad 2- S \cap (S \cap V)$$

$$3- S \cup (S \cap V) \quad 4- S \cap (S \cap V)$$

$$5- (S \cap V) \quad 6- (S \cap V)$$

$$7- (S \cap V) \quad 8- (S \cap V) \cap (S \cap V)$$

ورقة العمل (١٦)

الدرجة :

المدونة :

أسم التلميذ :

النشاط : تطبيقات على المجموعات

اهداف النشاط :

ان يحل التلميذ بعض التطبيقات على المجموعات (من خلال مسائل تتضمن مجموعتين)

ادرس المثال التالي جيدا

مثال:

فصل به ٥٠ تلميذا . وجد ان ٢٧ تلميذا يشجعون كرة القدم ، ٢٠ تلميذا يشجعون كرة السلة ، ٥ تلاميذ يشجعون كرة القدم وكرة السلة معا.

أ - كم عدد التلاميذ الذين يشجعون كرة القدم فقط؟

ب - كم عدد التلاميذ الذين يشجعون كرة السلة فقط؟

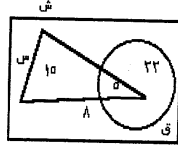
ج - كم عدد التلاميذ الذين لا يشجعون ايا من اللعبتين؟

الحل:

افرض ان ق هي مجموعة التلاميذ الذين يشجعون كرة القدم ، س هي مجموعة التلاميذ الذين يشجعون

كرة السلة ، ش هي مجموعة تلاميذ الفصل.

يتضح من شكل فن المقابل مايلي:



أ - عدد التلاميذ الذين يشجعون كرة القدم فقط = ٢٢ تلميذا .

ب - عدد التلاميذ الذين يشجعون كرة السلة فقط = ١٥ تلميذا .

ج - عدد التلاميذ الذين لا يشجعون ايا من اللعبتين = ٨ تلاميذ .

اجب عن المسألتين التاليتين في كراسة الأنشطة:

١- في مجموعة مكونة من ١٨ شخص متقدمين لشغل وظيفة ما. وجد ان ١٠ أشخاص لديهم خبرة في مجال

الكمبيوتر ، ٥ أشخاص لديهم خبرة في مجال الاحصاء ، وشخصان لديهما خبرة في الكمبيوتر والاحصاء معا.

أ - كم عدد الاشخاص الذين لديهم خبرة في مجال الاحصاء فقط؟

ب - كم عدد الاشخاص الذين لديهم خبرة في مجال الكمبيوتر أو الاحصاء ؟

ج - كم عدد الاشخاص الذين ليس لديهم خبرة في اى من المجالين؟

٢- مجموعة مكونة من ٧٠ تلميذا ، اشترك ٢١ تلميذا في جمعية الرياضيات، ١٧ تلميذا في جمعية العلوم،

ولم يشترك ٤٠ تلميذا في اى من الجمعيتين .

أ - كم عدد التلاميذ الذين اشتركوا في جمعية الرياضيات فقط؟

ب - كم عدد التلاميذ الذين اشتركوا في الجمعيتين معا؟

الواجب المنزلي:

مجموعة مكونة من ١٠٠ تلميذا يدرسون بمعهد للغات ، وجد ان ٥٠ تلميذا يدرسون اللغة الانجليزية ، ٤٠ تلميذا يدرسون اللغة الفرنسية ، ٢٠ تلميذا لا يدرسون ايا من اللغتين الانجليزية او الفرنسية .

أ - كم عدد التلاميذ الذين يدرسون اللغة الانجليزية فقط؟

ب - كم عدد التلاميذ الذين يدرسون اللغتين الانجليزية والفرنسية؟

ورقة العمل (١٧)

أسم التلاميذ : المدرسة : الدرجة :

النشاط : تطبيقات على المجموعات

هدف النشاط :

ان يحل التلميذ بعض تطبيقات على المجموعات (من خلال مسائل تتضمن ثلاث مجموعات)

ادرس المثال التالي:

تتكون جماعة النشاط المدرسي من ٩٠ تلميذا ، اشترك ٣٠ تلميذ في جمعية الصحافة ، ٤٠ تلميذ في جمعية العلوم ، ٢٥ تلميذا في جمعية الرياضيات. وكان عدد التلاميذ الذين اشتركوا في جمعيتي الصحافة والعلوم معا ١٥ تلميذا ، وفي جمعيتي العلوم والرياضيات ١٠ تلاميذ وفي جمعيتي الصحافة والرياضيات ٨ تلاميذ . وكان عدد التلاميذ الذين اشتركوا في الجمعيات الثلاثة ٥ تلاميذ.

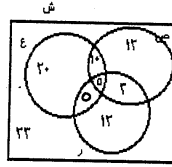
أ - كم عدد التلاميذ الذين اشتركوا في جمعية الرياضيات فقط؟

ب - كم عدد التلاميذ الذين اشتركوا في جمعيتي العلوم او الرياضيات؟

ج- كم عدد التلاميذ الذين لم يشتركوا في اى من هذه الجمعيات ؟

الحل:

افرض ان ش هي مجموعة التلاميذ المشتركين في النشاط المدرسي، ص هي مجموعة التلاميذ المشتركين في جمعية الصحافة، ع هي مجموعة التلاميذ المشتركين في جمعية العلوم ، ر هي مجموعة التلاميذ المشتركين في جمعية الرياضيات.



يتضح من شكل فن المقابل مايلي:

أ - عدد التلاميذ الذين اشتركوا في جمعية الرياضيات فقط = ١٢ تلميذا .

ب - عدد التلاميذ الذين اشتركوا في جمعيتي العلوم او الرياضيات = ٥٥ تلميذا .

ج - عدد التلاميذ الذين لم يشتركوا في اى من هذه الجمعيات = ٢٣ تلميذا .

أجب عن السؤالين التاليين في كراسة الانشطة :

١- من بين مجموعة مكونة من ١٠٠ شخصا، وجد ان ٢٠ شخصا يشاهدون البرنامج التلفزيونى س ، ١٦ يشاهدون البرنامج ص ، ١٤ يشاهدون البرنامج ج ، ٨ يشاهدون البرنامجين س و ص ، ٥ يشاهدون البرنامجين س و ج ، ٤ يشاهدون البرنامجين ص و ج ، ٢ يشاهدان الثلاث برامج معا .
كم عدد الأشخاص الذين لم يشاهدوا ايا من هذه البرامج؟

٢- مجموعة مكونة من ٢٠٠ طالب بمعهد للغات ، وجد ان ٩٢ يدرسون اللغة الانجليزية ، ٨٦ يدرسون اللغة الفرنسية ، ٨٣ يدرسون اللغة الالمانية ، ٢٥ يدرسون اللغتين الانجليزية والفرنسية ، ٢٦ يدرسون اللغتين الفرنسية والالمانية ، ٢٧ يدرسون اللغتين الانجليزية والالمانية . وكان عدد الطلاب الذين يدرسون الثلاث لغات معا ١٠ تلاميذ .

أ- كم عدد التلاميذ الذين يدرسون الانجليزية فقط ؟

ب - كم عدد التلاميذ الذين يدرسون الانجليزية او الفرنسية ؟

ج - كم عدد التلاميذ الذين يدرسون الانجليزية او الفرنسية و الالمانية ؟

د - كم عدد التلاميذ الذين لا يدرسون ايا من اللغات الثلاثة المذكوره؟

الواجب المنزلى:

مجموعه مكونه من ٢٠٠ شخصا ، وجد ان ١٠٠ شخصا يقرأون صحيفه الاهرام ، ٩٠ يقرأون صحيفه الاخبار ؟ ٧٥ يقرأون صحيفه الجمهوريه ، ٣٥ يقرأون صحيفتى الاهرام والاخبار معا ، ٣٠ يقرأون الاخبار والجمهوريه ، ٢٥ يقرأون الاهرام والجمهوريه ، و ١٠ يقرأون الاهرام والاخبار والجمهوريه

١- كم عدد الاشخاص الذين يقرأون الاهرام فقط؟

٢- كم عدد الاشخاص الذين يقرأون الاخبار فقط ؟

٣- كم عدد الاشخاص الذين يقرأون الاخبار أو الجمهوريه؟

٤- كم عدد الاشخاص الذين يقرأون الاهرام او الجمهوريه ؟

٥- كم عدد الاشخاص الذين يقرأون الاهرام أو الاخبار أو الجمهوريه ؟

٦- كم عدد الاشخاص الذين يقرأون الاهرام ولا يقرأون الاخبار؟

٧- كم عدد الاشخاص الذين يقرأون الاخبار ولا يقرأون الجمهوريه ؟

٨- كم عدد الاشخاص الذين لا يقرأون الاهرام ؟

- ٩- كم عدد الاشخاص الذين لا يقرأون الاخبار ولا الجمهورية ؟
١٠- كم عدد الاشخاص الذين لا يقرأون اى جريدة من الجرائد الثلاثة المذكورة؟

اختبار بنائى (٣)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

أجب عن الاسئلة التالية:

- ١- اثبت العلاقة (س' \cap ص') = س \cup ص' باستخدام جداول الانتماء
- ٢- اكتب كل من المجموعات التالية فى ابسط صورة ممكنة:
أ- ص \cap (ص' \cup ع) .
ب- (س' \cap ص') .
ج- (س \cup ص) \cap (س \cup ص') .
- ٣- من بين مجموعة مكونة من ١٩٠ طالبا بكلية الهندسة ، وجد ان ٨٥ طالبا يدرسون الرياضيات ، ٩٥ طالبا يدرسون الفيزياء ، ١٠٠ طالبا يدرسون الكمبيوتر ، ٣٠ طالبا يدرسون الرياضيات والفيزياء معا ، ٤٠ طالبا يدرسون الفيزياء والكمبيوتر معا ، ١٠ طلاب يدرسون الرياضيات والفيزياء والكمبيوتر ، ٤٠ طالبا يدرسون الرياضيات والكمبيوتر ، اوجد مايلى:
أ - عدد الطلاب الذين لا يدرسون ايا من المجالات الثلاثة؟
ب - عدد الطلاب الذين يدرسون رياضيات او كمبيوتر؟
ج - عدد الطلاب الذين يدرسون رياضيات ولا يدرسون فيزياء.

ملحق (٤)

وحده اثرائية فى الاعداد الطبيعية
لتلاميذ الصف الاول الاعدادى

وحده اثرائية في الاعداد الطبيعية لتلاميذ الصف الاول الاعدادي

ورقة العمل (1)

اسم التلميذ : _____
المدرسة : _____
الدرجة : _____
النشاط: اعداد فيوناسي (Fibonacci)

أهداف النشاط:

- 1- ان يتعرف التلميذ على اعداد فيوناسي .
- 2- ان يكتشف التلميذ النمط المتضمن في اعداد فيوناسي .
- 3- ان يطبق التلميذ النمط السابق في ايجاد بعض اعداد فيوناسي .

النشاط:

تعرف الاعداد 1، 1، 2، 3، 5، 8، 13، 21، باعداد فيوناسي نسبة الى العالم الإيطالي ليوناردو فيوناسي الذي اعتبر اعظم علماء الرياضيات في العصور الوسطى. وتظهر اعداد فيوناسي في العديد من فروع الرياضيات ، كما ان لها تطبيقات في البيولوجي والكيمياء والهندسة الكهربائية. لاحظ ان العدد الاول في اعداد فيوناسي = 1 وكذلك العدد الثاني = 1 وان $2 = 1 + 1$ ، اي ان مجموع العددين الاول والثاني يساوي العدد الثالث ، $3 = 2 + 1$ ، اي ان العدد الثاني + العدد الثالث = العدد الرابع ، $5 = 3 + 2$ ، اي ان العدد الثالث + العدد الرابع = العدد الخامس .
أجب عن الاسئلة التالية:

- 1- هل تستطيع التعرف على القانون المستخدم في ايجاد الثلاث اعداد التالية في اعداد فيوناسي وهم 8 ، 13 ، 21 ، .
- 2- استخدم هذا القانون لايجاد اعداد فيوناسي التاسع، العاشر، والحادي عشر.
- 3- هل ينطبق هذا القانون على الاعداد 2 ، 5 ، 7 ، 12 ، 17 ؟
- 4- هل ينطبق هذا القانون على الاعداد 1 ، 3 ، 4 ، 7 ، 11 ، 18 ،

الواجب المنزلي:

- 1- اكتب عشر اعداد تالية لاعداد فيوناسي 1 ، 1 ، 2 ، 3 ، 5 ، 8 ، 13 ، 21 ، ...
- 2- تسمى الاعداد 1 ، 3 ، 4 ، 7 ، 11 ، 18 ، ... اعداد لوكاس (Lucas)
اكتب 5 اعداد تالية في اعداد لوكاس .
- 3- ما العلاقة بين مجموعة الاعداد الطبيعية $\{ 1 ، 2 ، 3 ، 4 ، 5 ، 6 ، 7 ، 8 ، 9 ، 10 ، 11 ، 12 ، 13 ، 14 ، 15 ، 16 ، 17 ، 18 ، 19 ، 20 ، 21 ، 22 ، 23 ، 24 ، 25 ، 26 ، 27 ، 28 ، 29 ، 30 \}$ ومجموعة اعداد لوكاس { 1 ، 3 ، 4 ، 7 ، 11 ، 18 ، ... } .

ورقة العمل (٣)

اسم التلميذ : المدرسة : الدرجة :

النشاط : تطبيقات على اعداد لوكاس .

اهداف النشاط :

- ١- ان يتدرب التلميذ على استراتيجية ايجاد نمط .
 ٢- ان يتدرب التلميذ على استراتيجية العمل للخلف .
 ٣- ان يتدرب التلميذ على استراتيجية عمل قائمة منظمة .
 انظر الى الاعداد التالية ٣ ٥ ٨ ١٣ ٢١
 تلاحظ ان $٣ + ٥ = ٨$ ، $٥ + ٨ = ١٣$ ، $٨ + ١٣ = ٢١$.
 أجب عن الاسئلة التالية:

١- هل تلاحظ نفس النمط السابق في الاعداد التالية:

٦ ٨ ١٤ ٢٢ ٣٦ ؟

٢- اكمل مايلى :

أ - ٧ ٥ ١٢ ..
 ب - .. ٢ ٥ ..
 ج - ٦ .. ٩ ..
 د - ١٥ ٢٤

٣- اذا اخذنا ٦ في الخانة الاولى ، ٣ في الخانة الثانية ، فاننا نحصل على ٢١ في الخانة الخامسة

٦	٣	٩	١٢	٢١
---	---	---	----	----

كم عدد الاعداد الطبيعية التي يمكنك البدء بها (في الخانة الاولى) حتى تحصل على ٢١ في الخانة الخامسة ؟

سجل اجابتك في الجدول التالي:

٦	٣	٩	١٢	٢١

٤- بفرض ان ٢١ في الخانة الثالثة ، كم عدد الاعداد الطبيعية المختلفة التي يمكنك وضعها في الخانات

الرابعة الأخرى ، اذا استخدمت نفس القانون؟

		٢١		
--	--	----	--	--

افرض ان العدد الذي في الخانة الوسطى اقل من ٢١ ، هل يكون عدد الحلول في هذه الحالة اكبر من او اقل من الحلول المتعلقة بالعدد ٢١ ؟ ماذا يحدث لعدد الحلول عندما يكون العدد الذي في الخانة الوسطى اكبر من ٢١ ؟

٥- ما الاعداد التي يمكنك وضعها في الخانات الخالية التالية:

٨				٢٥
---	--	--	--	----

انظر في المسائل التي قمت بحلها من قبل ، ما العلاقة بين العددين الموجودين في الخانة الاولى والخانة الخامسة والعدد الموجود في الخانة الوسطى؟ استخدم هذه العلاقة (التي توصلت اليها) في ايجاد عدد الخانة الوسطى في المسألة التالية:

٩				١٨
---	--	--	--	----

٦- كم عدد الاعداد الطبيعية التي يمثل حولا للمسألة التالية:

٢٤				
----	--	--	--	--

الواجب المنزلي:

أجب عن الاسئلة التالية:

١- استخدم الطرح بدلا من الجمع في القانون السابق ، ثم اكمل الجدول التالي:

	٢	٦	٨	١٤
١	٥		١١	
٢		٩		٢٥

٢- ما العلاقة بين العدد الاوسط ومجموع العددين الموجودين في الخانتين الاولى والاخيرة في هذه الحالة؟

والان استخدم الضرب بدلا من الجمع في القانون ، ثم اكمل الجدول التالي

	١٢	٦	٢	٣
٥٠	١٠	٥		
	٦	٣		١
		٤		٤
	٧	٧		

٣- ما العلاقة بين العدد الاوسط ومجموع العددين الموجودين في الخانتين الاولى والاخيرة في هذه الحالة ؟

ورقة العمل (٣)

اسم التلميذ: _____ المدرسة: _____ الدرجة: _____

النشاط: طريقة جاوس في ايجاد جمع عدد من الاعداد الكلية.

اهداف النشاط:

- ١- ان يدرك التلميذ طريقة جاوس في ايجاد جمع ١٠٠ عدد الاولى من الاعداد الكلية .
 - ٢- ان يطبق التلميذ هذه الطريقة في ايجاد جمع ن عدد الاولى من الاعداد الكلية.
- دعنا ندرس الطريقة التي استخدمها عالم الرياضيات الشهير كارل جاوس Karl Gauss (١٧٧٧-١٨٥٥) عندما كان تلميذا في المدرسة الابتدائية - في الاجابة عن السؤال التالي الذي وجه له مدرس الرياضيات :
- اكتب الاعداد من ١ حتى ١٠٠ ، ثم اوجد مجموعهم.

قدم جاوس الاجابة ٥٠٥٠ بسرعة عقب ملاحظة النمط التالي

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots + 96 + 97 + 98 + 99 + 100$$

اذا جمع العددين الاول والاخير $1 + 100$ فان مجموعهما 101

اذا جمع العددين الثاني والثالث $(2 + 99)$ فان مجموعهما 101

وبالمثل اذا جمع اى عددين من الاعداد كما هو مبين بالشكل ، فان الناتج يساوى 101 .

وحيث ان هناك ٥٠ زوجا من الاعداد، وبالتالي قام جاوس بضرب 101 فى 50 وحصل على الاجابة 5050 . مما اثار دهشة مدرس الرياضيات .

والان استخدم طريقة جاوس السابقة في الاجابة عن الاسئلة التالية:

أ - اوجد مجموع الاعداد الطبيعية من ١ حتى ٣٠.

ب - اوجد مجموع الاعداد الفردية من ١ حتى ٢٩.

ج - اوجد مجموع الاعداد الزوجية المحصورة بين ١ ، ٣٠.

الواجب المنزلي:

- اشرح كيف يمكنك ايجاد مجموع الاعداد الطبيعية من ١ حتى ٧٧.

- اوجد مجموع الاعداد التالية ١ ، ٣ ، ٦ ، ٩ ،، ١٥٠.

ورقة العمل (٤)

اسم التلميذ: _____ **المدرسة:** _____ **الدرجة:** _____

النشاط: جمع ن عدد الاولى من الاعداد الكلية .

أهداف النشاط:

- ١- ان يكتشف التلميذ قاعدة لاجاد جمع ن عدد طبيعي بدءا من ١ .
- ٢- ان يطبق هذه القاعدة فى ايجاد جمع ن عدد طبيعي بدءا من ١ .
- ٣- ان يتحقق من طريقة جاوس باستخدام هذه القاعدة.
ادرس الامثلة التالية جيدا ، وحاول ان تكتشف النمط

$$١ + ٢ = ٣ \text{ أو } ٢ \times ٣ / ٢$$

$$١ + ٢ + ٣ = ٦ \text{ أو } ٣ \times ٤ / ٢$$

$$١ + ٢ + ٣ + ٤ = ١٠ \text{ أو } ٤ \times ٥ / ٢$$

$$١ + ٢ + ٣ + ٤ + ٥ = ١٥ \text{ أو } ٥ \times ٦ / ٢$$
- ١- اكمل الفراغات فى السطر الاخير .
- ٢- اكتب السطر التالى فى النمط السابق .
- ٣- استخدم هذا النمط فى ايجاد مجموع الاعداد الطبيعية بدءا من ١ حتى ٣٠ . هل حصلت على نفس الاجابة كما فى (أ) بورقة العمل السابقة ؟
- ٤- استخدم هذا النمط فى ايجاد مجموع الاعداد الطبيعية من ١ حتى ١٠٠ . هل حصلت على نفس الناتج الذى حصل عليه جاوس ؟
- ٥- استنتج قانون لاجاد مجموع الاعداد الطبيعية من ١ حتى ن .

الواجب المنزلى:

- استخدم القانون الذى توصلت اليه فى هذا النشاط فى الاجابة عن الاسئلة التالية:
- أ - $١ + ٢ + ٣ + ٤ + ٥ + ٦ + ٧ + ٨ + ٩ + ١٠ = \dots$
 - ب - $١ + ٢ + ٣ + ٤ + ٥ + ٦ + ٧ + ٨ + ٩ + ١٠ + ١١ = \dots$
 - ج - $١ + ٢ + ٣ + ٤ + ٥ + ٦ + ٧ + ٨ + ٩ + ١٠ + ١١ + ١٢ + ١٣ + ١٤ + ١٥ = \dots$

ورقة العمل (٥)

أسم التلميذ: _____ **المدرسة:** _____ **الدرجة:** _____

النشاط: الغاز عددية

أهداف النشاط:

- ١- ان يكتشف التلميذ العدد المجهول الذى يحقق مجموعة شروط معطاه.
- ٢- ان يتدرب التلميذ على مهارات حل المشكلات.

ادرس المثال التالي جيدا:

مثال: ما العدد الذى يحقق الشروط التالية:

- ١- مكون من اربعة ارقام .
- ٢- رقم احاده ٣/٢ رقم مئاته .
- ٣- رقم احاده ستة امثال رقم الالفه .
- ٤- رقم عشراته ينقص ١ عن رقم مئاته .

الحل:

- ١- العدد المطلوب على الصورة — — — — .
 - ٢- باستخدام الشرط الثانى يكون العدد المطلوب ٢ - ٣ - ٤ - ٦ - ٨ - ٩ .
 - ٣- باستخدام الشرط الثالث يكون العدد المطلوب ٦ - ٩ .
 - ٤- باستخدام الشرط الرابع يكون العدد المطلوب ٦ ٨ ٩ ١ .
- والان اجب عن الاسئلة التالية :
- ١- ماالعدد الذى يحقق الشروط التالية:
 - ٢- مكون من ثلاثة ارقام .
 - ٣- عدد فردى .
 - ٥- رقم عشراته اكبر من رقم احاده .
 - ٧ - اقل من ٨٠٠ .
- ب- ما العدد الذى يحقق الشروط التالية:
- ١- مكون من ثلاثة ارقام .
 - ٢- رقم احاده ٦ .
 - ٣- لايقبل القسمة على ٤ .
 - ٤- اقل من ٣٠٠ .
- ج - ماالعدد الذى يحقق الشروط التالية:
- ١- مكون من اربعة ارقام .
 - ٣- رقما مئاته وآحاده فرديان ومختلفان .
 - ٥- اقل من ٤٠٠٠ .

الواجب المنزلى:

اجب عن السؤالين الاتيين:

أ - ماالعدد الذى يحقق الشروط التالية:

- ١ - يتكون من ٣ ارقام .
- ٢ - يقبل القسمة على ٩ .
- ٣ - يقبل القسمة على ٧ .
- ٤ - هو عدد فردى .

- ٢- رقما عشراته والالفه زوجيان ومختلفان .
- ٤- يقبل القسمة على ٥ .
- ٦- يقبل القسمة على ٩ .

- ٢- يقبل القسمة على ٩ .
- ٤- هو عدد فردى .

- ٥- لا يقبل القسمة على ٥ .
٦- أكبر من ٥٠٠ .
- ٧ - رقم آحاده ٩ .
ب - ما العدد الذي يحقق الشروط التالية:
١- يتكون من أربعة ارقام مختلفة .
٢- هو عدد زوجي .
٣- لا يقبل القسمة على ١٠ .
٤- مجموع رقميه الفرديين = مجموع رقميه الزوجيين = ٤ .
- ٢- يتكون من رقمين فردين .
٤- يتعاقب ارقامه الفردية والزوجية .
٦- رقم عشراته اقل من رقم الالفه .
٧- مجموع رقميه الفرديين = مجموع رقميه الزوجيين = ٤ .

اختبار بنائي (١)

أسم التلميذ : المدرسة : الدرجة :

اجب عن الاسئلة التالية

- ١- اكمل مجموعة الاعداد التالية :
٥ ، ٨ ، ١٣ ، ٢١ ، ، ، ، ، ،
٢- كم عدد الاعداد الطبيعية التي يمكنك البدء بها في الخانة الاولى حتى تحصل على ٢٤ في الخانة الخامسة؟

٢٤				
----	--	--	--	--

- ٣- كم عدد الاعداد الطبيعية التي يمكنك وضعها في الخانات الاربعة الخالية بحيث يكون عدد الخانة الرابعة ٢٣ دائما؟

	٢٣			
--	----	--	--	--

- ٤- اوجد مجموع الاعداد $٢ + ٤ + ٦ + ٨ + \dots + ٨٠$.
٥- اوجد مجموع الاعداد $١٥ + ١٦ + ١٧ + \dots + ٩٠$.
٦- ما العدد الذي يحقق الشروط التالية:
١- يتكون من ثلاثة ارقام .
٢- له عاملان اوليان فقط كل منهما اقل من ١٠ .
٣- مجموع ارقامه يساوي ١٤ .
٤- ليس عددا فرديا .
٥- مجموع ارقامه يساوي ١٤ .
٦- هو اكبر من ٢٥٢ .
٧- رقم عشراته يساوي ٦ .
٨- رقم آحاده يساوي رقم عشراته .

ورقة العمل (٦)**أسم التلميذ : المدرسة : الدرجة :****النشاط :** مثلث باسكال (١٦٢٣ - ١٦٦٢) .**اهداف النشاط :**

- ١- ان يعرف التلميذ بعض المعلومات التاريخية عن بليز باسكال .
 ٢- ان يكتشف التلميذ بعض الانماط في مثلث باسكال .
 بليز باسكال هو عالم رياضيات فرنسي ، وقد اشتهر باسكال باعماله في الهندسة وبخاصة المتعلقة بالمخروط .
 كما انه ابتكر اول آلة حاسبة سنة ١٦٤٢ ، وله اعمال اخرى في الاحتمالات والفيزياء .

اجب عن الاسئلة التالية :

	١			١	أ - انظر الى اعداد الصف .	
الصف ١	١	١			الاول في مثلث باسكال	
الصف ٢	١	٢	١		المجاور . كيف يمكنك	
الصف ٣	١	٣	٣	١	الحصول على اعداد الصف	
الصف ٤	١	٤	٦	٤	١	الثاني؟
الصف ٥	١	٥	١٠	١٠	٥	١

- ب - هل يمكنك استخدام اعداد الصف الثاني للحصول على اعداد الصف الثالث؟
 ج- بين كيف يمكنك استخدام اعداد الصف الثالث للحصول على اعداد الصف الرابع .
 د - استخدم النمط الذى اكتشفته لاجاد عناصر الصفين السادس والسابع في مثلث باسكال .
 هـ - هل يمكنك اكتشاف انماط اخرى في مثلث باسكال؟

الواجب المنزلي:

- ١- ارسم مثلث باسكال ثم اوجد عناصر الصفوف حتى الصف العاشر .
 ٢- حاول ان تكتشف نمط اخر في مثلث باسكال .

ورقة العمل (٧)**أسم التلميذ : المدرسة : الدرجة :****النشاط :** انماط اخرى في مثلث باسكال .**اهداف النشاط :**

- ١- ان يكتشف التلميذ النمط المتعلق بمجموع اعداد الصفوف في مثلث باسكال .

٢- ان يكتشف التلميذ اعداد فيبوناتسي من خلال مثلث باسكال .

المجموع	مثلث باسكال	أولاً: يبين الجدول المجاور مثلث باسكال ، ومجموع اعداد كل صف بالنسبة للفصول الخمسة الاولى اجب عن الاسئلة التالية
$1 = 1$	1	١- اكمل عناصر الصفين السادس
$1 + 1 = 2$	1 1	والسابع في الجدول المجاور
$1 + 1 + 1 = 3$	1 2 1	٢- حاول ان تكتشف نمط يمكنك منه ايجاد عناصر كل صف في مثلث باسكال
$1 + 1 + 1 + 1 = 4$	1 3 3 1	٣- اكمل العبارات التالية
$1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 5$	1 4 6 4 1	مجموع اعداد الصف العاشر في مثلث باسكال = ...
$1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 6$	1 5 10 10 5 1	مجموع اعداد الصف العشرين في مثلث باسكال =
$1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 7$	1 6 15 20 15 6 1	مجموع اعداد الصف الثالث والعشرين في مثلث باسكال = ...

٣- اكمل العبارات التالية

مجموع اعداد الصف العاشر في مثلث باسكال = ...

مجموع اعداد الصف العشرين في مثلث باسكال =

مجموع اعداد الصف الثالث والعشرين في مثلث باسكال = ...

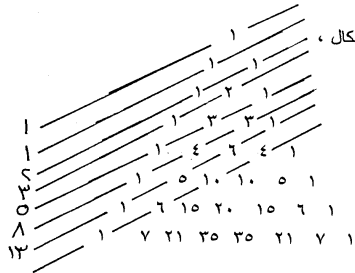
مجموع اعداد الصف ن في مثلث باسكال =

ثانياً: يبين الشكل المجاور مجموع اعداد من مثلث باسكال ،

في الاتجاه المبين بالشكل .

المجاميع التي حصلت عليها هي

١ ، ٢ ، ٣ ، ٥ ، ٨ ، ١٣ ، ٢١ ، ...



١- ماذا تمثل هذه الاعداد ١، ٢، ٣، ٥، ٨، ١٣، ٢١، ...

٢- اكتب ثلاثة اعداد تالية للاعداد ١، ٢، ٣، ٥، ٨، ١٣، ٢١، ...

الواجب المنزلي:

١- حاول ان تجمع عناصر في مثلث باسكال في اتجاه معين لتحصل على اعداد لوكاس ١، ٣، ٤، ٧، ...

١١، ١٨، ...

٢- ارسم مثلث باسكال ، ثم استبدل كل عدد فردي بالرمز 'ف' واستبدل كل عدد زوجي بالرمز 'ز' استخدم

النمط المتضمن في مثلث باسكال في استنتاج بعض العلاقات الخاصة بجمع الاعداد الزوجية والفردية.

ورقة العمل (٨)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

النشاط : الأعداد الزوجية والفردية .

اهداف النشاط :

- ١- ان يكتب التلميذ مجموعة الأعداد الزوجية الطبيعية بطريقة الصفة المميزة .
 - ٢- ان يكتب التلميذ مجموعة الأعداد الفردية الطبيعية بطريقة الصفة المميزة .
- فيما يلي نصنف مجموعة الأعداد الطبيعية ط = { ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ ، } الى مجموعتين منفصلتين ، ثم ندرس خواص كل مجموعة جزئية على حده .
- يمكن تجزئ مجموعة الأعداد الطبيعية الى المجموعتين الآتيتين :
- مجموعة الأعداد الزوجية ز = { ٢ ، ٤ ، ٦ ، } .
- مجموعة الأعداد الفردية ف = { ١ ، ٣ ، ٥ ، ٧ ، } .
- (١) اكمل العبارتين :

$$\text{أ- } z \cap f = \dots \quad \text{ب- } z \cup f = \dots$$

والآن نحاول كتابة مجموعة الأعداد الزوجية في صورة الصفة المميزة كما يلي :

$$\begin{aligned} \text{١} \quad z \cap f &= \dots \quad \text{فان } z \cap f = \dots \times 2 \\ \text{٢} \quad z \cap f &= \dots \quad \text{فان } z \cap f = \dots \times 2 \\ \text{٣} \quad z \cap f &= \dots \quad \text{فان } z \cap f = \dots \times 2 \\ \text{٤} \quad z \cap f &= \dots \quad \text{فان } z \cap f = \dots \times 2 \end{aligned}$$

$$\text{ن} \quad z \cap f = \dots \quad \text{فان } z \cap f = \dots \times \dots$$

٢- اكمل الفراغات السابقة :

٣- اكتب مجموعة الأعداد الزوجية بطريقة الصفة المميزة كما يلي

$$z = \{ z : z = \dots , \text{ن عدد طبيعي} \}$$

٤- اكتب مجموعة الأعداد الفردية ف بطريقة الصفة المميزة

$$f = \{ f : f = \dots , \text{ن عدد طبيعي} \}$$

الواجب المنزلي :

جزئ الأعداد الطبيعية الى مجموعتين منفصلتين غير الأعداد الزوجية والأعداد الفردية ، ثم اكتب كل منهما بطريقة الصفة المميزة .

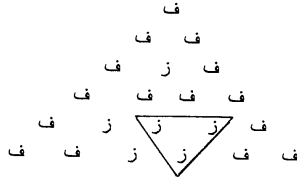
ورقة العمل (٩)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

النشاط: اثبات بعض العلاقات المتعلقة بجمع الاعداد الزوجية والفردية.

اهداف النشاط:

- ١- ان يبرهن التلميذ العلاقة: حاصل جمع عددين زوجيين يكون زوجيا .
 - ٢- ان يبرهن التلميذ العلاقة: حاصل جمع عددين فرديين يكون زوجيا .
 - ٣- ان يبرهن التلميذ العلاقة: حاصل جمع عددين احدهما زوجي والاخر فردى يكون فرديا .
- استبدل كل عدد زوجي بالرمز ' ز ' ، وكل عدد فردى بالرمز ' ف ' ، تذكر النمط المستخدم فى تكوين اعداد مثلث باسكال هو : مجموع عددين متجاورين فى صف يساوى العدد الموجود اسفل هذين العددين فى الصف التالى، ويطبقا لهذا النمط يكون:



$$z + z = z \text{ أى أن:}$$

حاصل جمع اى عددين زوجيين يكون زوجيا .

اكمل العبارتين الاتيتين:

- ١- $f + f = \dots$ أى ان حاصل جمع اى عددين فردين يكون.....
- ٢- $z + f = \dots$ أى ان حاصل جمع عددين احدهما زوجي والاخر فردى يكون.... والان سوف نثبت العلاقة:

اذا كان س ، ص عددين زوجيين فان $s + v$ ص عدد زوجي

-تذكر ان مجموعة الاعداد الزوجية $Z = \{z: z=2n, n \in \mathbb{Z}\}$

حيث ان س عدد زوجي فانه يمكن كتابته $s = 2a$ حيث $a \in \mathbb{Z}$

وبالمثل ص عدد زوجي فانه يمكن كتابته $v = 2b$ حيث $b \in \mathbb{Z}$

$$s + v = 2a + 2b = 2(a + b) \quad (\text{قانون التوزيع})$$

أ و ط ، ب ، ب و ط فان $(a + b) = 2n$ و \mathbb{Z} ط (لان مجموع اى عددين طبيعيين يكون عددا طبيعيا)

وبالتالى فان $s + v = 2n$ ، $n \in \mathbb{Z}$ ط

اى ان $s + v \in \mathbb{Z}$.

٣- اثبت العلاقة :

اذا كان س ، ص عددين فرديين ، فان $s + v$ ص يكون عددا زوجيا .

-اثبات العلاقة : اذا كان $s \in \mathbb{Z}$ ، $v \in \mathbb{Z}$ فان $s + v \in \mathbb{Z}$

حيث ان س و ز فان $s = 2a$ حيث $a \in \mathbb{Z}$

ص و ف فان $v = 2b + 1$ حيث $b \in \mathbb{Z}$

$$s + v = 2a + 2b + 1 = 2(a + b) + 1$$

حيث ان أ و ط ، ب ، ب و ط ، فان $(a + b) = n$ و \mathbb{Z} ط ، فان $a + b = n$ و \mathbb{Z} ط

وبالتالى فان $s + v = 2n + 1$

اى ان $s + v \in \mathbb{Z}$.

الواجب المنزلي:

اجب ن الاسئلة التالية

- ١- اعط ثلاثة امثلة توضح كل علاقة من العلاقات التالية:
 أ - اذا كان س ، ص عددين زوجيين ، فان س + ص يكون عددا زوجيا .
 ب - اذا كان س ، ص عددين فرديين ، فان س + ص يكون عددا زوجيا .
 ج- اذا كان س ٣ ف ، ص ٣ ز فان س + ص ٣ ف .
- ٢- ادرس العلاقات الثلاثة السابقة في حالة وجود ٣ عناصر بدلا من عنصرين:
 مثال: افرض ان س ، ص ، ع ثلاثة اعداد ينتموا الى ز
 فان س + ص + ع = (س + ص) + ع
 حيث ان س ٣ ز ، ص ٣ ز فان س + ص = هـ ٣ ز
 س + ص + ع = هـ + ع ٣ ز
 اذكر كل النواتج الممكنة للمجموع س + ص + ع

ورقة العمل (١٠)**أسم التلميذ: _____ المدرسة: _____ الدرجة: _____****النشاط:** كيف تحصل على مربع عدد طبيعي**اهداف النشاط:**

- ١- ان يكتشف التلميذ نمط جمع الاعداد الفردية بدءا من ١ .
 ٢- ان يميز التلميذ بين طريقتين مختلفتين للحصول على مربع كامل .
 - ادرس المثال التالي المتعلق بجمع الاعداد الفردية بدءا من ١ ، ثم حاول ان تكمل الفراغات وتستنتج نمط معين لجمع الاعداد الفردية بدءا من ١:

$$\begin{array}{rcl}
 1 = 1 & = & 1 \\
 2 = 4 & = & 1 + 3 \\
 3 = 9 & = & 1 + 3 + 5 \\
 4 = 16 & = & 1 + 3 + 5 + 7 \\
 5 = 25 & = & 1 + 3 + 5 + 7 + 9 \\
 \dots = \dots & = & 1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 \\
 \dots = \dots & = & 1 + 3 + \dots + \dots + \dots + 1 \\
 \dots = \dots & = & \dots + \dots + \dots + \dots + 1
 \end{array}$$

-اكمل العبارات التالية:

$$1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 + 17 + \dots = \dots$$

استخدم الآلة الحاسبة للتحقق من اجابتك.

$$ب - (1 + 3 + 5 + 7 + 9 + \dots + 11 + \dots + 2n - 1) = \dots$$

ن عدد فردى الاولى

- اشرح طريقة للحصول على مربع عدد طبيعي .
والآن سوف ندرس طريقة اخرى للحصول على مربع عدد طبيعي .
- اوجد حاصل ضرب اربعة اعداد متتالية تبدأ بالواحد ثم اضعف ١ .

مثال:

$$\begin{aligned} 1 &= 1 + 4 \times 3 \times 2 \times 1 \\ 4 &= 1 + 5 \times 4 \times 3 \times 2 \\ 9 &= 1 + 6 \times 5 \times 4 \times 3 \\ 16 &= 1 + 7 \times 6 \times 5 \times 4 \\ 25 &= \dots \\ 36 &= \dots \\ 49 &= \dots \\ 64 &= \dots \end{aligned}$$

ادرس المثال السابق جيدا ، حاول ان تكتشف نمط ، ثم طبق هذا النمط في اكمال الفراغات المتضمنة
استخدم الآلة الحاسبة للتحقق من اجابتك .
بين كيف يمكنك الحصول على مربع عدد طبيعي ، طبقا لهذا النشاط .

الواجب المنزلي:

- ١- استخدم طريقة جمع الاعداد الفردية الاولى في الحصول على مربع الاعداد ٥ ، ١١ ، ٢١ .
- ٢- استخدم طريقة ضرب اربعة اعداد طبيعية متتالية + ١ في الحصول على مربع اربعة اعداد طبيعية .
- ٣- قارن بين الطريقتين السابقتين في ايجاد مربع عدد طبيعي .
- ٤- ادرس جمع الاعداد الزوجية بدء من ٢
هل يوجد نمط معين لجمع الاعداد الزوجية بدءا من ٢٢
اذا كانت اجابتك نعم، اوجد هذا النمط.

ورقة العمل (١١)

أسم التلميذ: _____ **المدروسة:** _____ **الدرجة:** _____

النشاط: اثبات العلاقات المتعلقة بضرب الاعداد الزوجية والفردية.

اهداف النشاط:

- ان يبرهن التلميذ العلاقة: اذا كان س ٣ ز ، ص ٣ ز فان س×ص ٣ ز .
ان يبرهن التلميذ العلاقة: اذا كان س ٣ ف ، ص ٣ ف ، فان س×ص ٣ ف .
ان يبرهن التلميذ العلاقة: اذا كان س ٣ ز ، ص ٣ ف فان س×ص ٣ ز .

عند ضرب اى عددين زوجيين مثل ٤ ، ٨ فان ناتج الضرب ٤ × ٨ = ٣٢ هو عدد زوجى
والآن نبرهن ذلك لاي عددين زوجيين س ، ص .
افرض ان س = ٢أ ، حيث أ ٣ ط ، ص = ٢ب ، حيث ب ٣ ط ،

س × ص = ٢ × ١٢ = ٢ (١٢ × ب) .
 لاحظ $٢ \times ١٢ \times ب$ عدد طبيعي = ن (لأن عمليه ضرب الاعداد الطبيعية مغلقة)
 س × ص = ٢ = ن
 اثبت العلاقة : اذا كان س ٥ ف ، ص ٥ فان س × ص ٥ ف .
 اثبت العلاقة : اذا كان س ٥ ز ، ص ٥ فان س × ص ٥ ز .

الواجب المنزلي :

- اعط ثلاثة امثلة توضح كل من العلاقات السابقة .
- ادرس العلاقات الثلاثة السابقة في حالة وجود ثلاثة عناصر بدلا من عنصرين .
 مثال : افرض ان س ، ص ، ع ثلاثة اعداد بحيث ان س ٥ ز ، ص ٥ ف ، ع ٥ ز
 فان س × ص × ع = (س × ص) × ع
 س × ص × ع = (س × ص) × ع
 ويكون الناتج س ص ع عددا زوجيا .

اختبار بنائي (٣)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

- بين كيف تحصل على اعداد فيبوناتسى ١ ، ١ ، ٢ ، ٣ ، ٥ ، ... من خلال مثلث باسكال .
- اذا كان م = { ٥ ، ١٠ ، ١٥ ، ٢٠ ، ٢٥ ، ... }
 ن = { ٠ ، ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٧ ، ٨ ، ٩ ، ١٠ ، ١١ ، ١٢ ، ١٣ ، ١٤ ، ١٥ ، ١٦ ، ... }
 ا- اكتب م بطريقة الصفة المميزة .
 ب- اكتب المجموعة ن بطريقة الصفة المميزة .
 ج- اثبت : اذا كان س ٥ م ، ص ٥ م فان س × ص ٥ م .
 ٣- اكتب العدد (١٧) كحاصل جمع اعداد طبيعية فردية .
 ٤- اثبت أن حاصل ضرب عدد زوجي في عدد فردي يكون عددا زوجيا .

ورقة العمل (١٣)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

النشاط: طرق التعرف على الاعداد الاولية .

اهداف النشاط :

- ان يتعرف التلميذ على ثلاث طرق في التعرف على الاعداد الاولية .
- ان يطبق التلميذ احد هذه الطرق في التعرف على الاعداد الاولية .
 ادرس الطرق التالية للتعرف على الاعداد الاولية:
 اولاً: احد الطرق للتعرف على الاعداد الاولية هي تحليل العدد الى عوامله
 مثال: عوامل العدد ١٦ هي ١ ، ٢ ، ٤ ، ٨ ، ١٦ وبالتالي فان

١٦ عدد مركب حيث ان عدد عوامله اكثر من ٢
بينما عوامل العدد ١٧ هي ١ ، ١٧ وبالتالي فان ١٧ عدد مركب ، حيث ان له عاملان فقط هما ١ ، ١٧
-استخدم طريقة تحليل العدد الى عوامله لتحديد ما اذا كان ٩١ عددا اوليا .

ثانيا: الطريقة الاخرى للتعرف على الاعداد الاولية هي استخدام الاجراء التالي:

- ١- اضرب كل الاعداد الطبيعية الاقل من العدد المعطى، فعلى سبيل المثال افترض ان العدد المعطى ٥ ، فان $١ \times ٢ \times ٣ \times ٤ = ٢٤$ يمثل حاصل ضرب الاعداد الطبيعية الاقل من العدد (٥) .
 - ٢- اضف ١ الى ناتج الضرب ففي هذا المثال $٢٤ + ١ = ٢٥$.
 - ٣- اقسم الناتج على العدد الاصلى ففي هذا المثال $٢٥ \div ٥ = ٥$.
 - ٤- اذا كان الباقي = صفر ، فان العدد الاصلى يكون اوليا ، اذا كان الباقي لايساوى صفر ، فان العدد الاصلى يكون مركبا .
- استخدم هذه الطريقة لتوضح ان ١١ عددا اولي .
- ثالثا: الطريقة الثالثة للتعرف على الاعداد الاولية هي قسمة العدد على اعداد اولية اقل من الجذر التربيعي للعدد الاصلى ، وذلك لمعرفة ما اذا كان اياهم عاملا للعدد الاصلى .
- مثال: العدد ٢٣ عدد اولي ، لانه لايقبل القسمة على كل من الاعداد: ٢ ، ٣ ، ٤ ، الاقل من جذره التربيعي الذي يساوى ٤.٧٩٦
- أستخدم هذه الطريقة لتحديد نوع العدد ١٥١ .
- هل تعتقد ان استخدام تلك الطريقة عمليا ؟ علل اجابته.

الواجب المنزلي:

اجب عن الاسئلة التالية

- ١- استخدم الطرق الثلاثة السابقة في تحديد نوع العدد ٤٣ (أولى ، مركب) .
- ٢- استخدم ايا من الطرق الثلاثة السابقة في التعرف على الاعداد الاولية من بين الاعداد التالية
٢٣ ، ٣٧ ، ٤٧ ، ٥٣ ، ١٠٩ ، ١١٧ ، ١٢٣ .

ورقة العمل (١٣)

أسم التلميذ: _____ المدرسة: _____ الدرجة: _____

النشاط: طريقة ايراتوتنز Eratosthens في تحديد الاعداد الاولية المحصورة بين عددين طبيعيين .

اهداف النشاط:

- ان يستخدم التلميذ طريقة ايراتوتنز في تحديد الاعداد الاولية المحصورة بين عددين طبيعيين
كان ايراتوتنز الاغريقي عالما رياضيا ، وقد ولد حوالي ٢٣٠ ق . م ، وكان رئيسا لمكتبة جامعة الاسكندرية بمصر ، وقد كانت اكبر واشهر مكتبة في العالم حينذاك وقد طور ايراتوتنز طريقة لتحديد الاعداد الاولية المحصورة بين عددين طبيعيين .
- دعنا نبين طريقة ايراتوتنز في تحديد الاعداد الاولية المحصورة بين ١ ، ٥٠ .
- ١- اكتب الاعداد من ١ حتى ٥٠ مرتبة .
 - ٢- احذف العدد ١ - لان له عامل واحد - بوضع علامة / عليه .

- ٣- ضع \circ حول العدد ٢ ، واحذف كل مضاعفات ٢ بوضع علامة // على هذه الاعداد .
 ٤- ضع \circ حول العدد ٣ واحذف كل مضاعفات ٣ بوضع علامة \times على هذه الاعداد . لاحظ ايضا ان بعض هذه الاعداد قد تم حذفها من قبل . لماذا؟
 ٥- ضع \circ حول العدد ٥ واحذف كل مضاعفات العدد ٥ بوضع علامة - على هذه الاعداد .
 ٦- ضع \circ حول العدد ٧ واحذف كل مضاعفات العدد ٧ بوضع علامة = على هذه الاعداد .
 ٧- ضع \circ حول الاعداد المتبقية ، وهذه هي الاعداد الأولية المحصورة بين ١ ، ٥٠ . ان الاعداد الأولية المحصورة بين ١ ، ٥٠ هي : ٢ ، ٣ ، ٥ ، ٧ ، ١١ ، ١٣ ، ١٧ ، ١٩ ، ٢٣ ، ٢٩ ، ٣١ ، ٣٧ ، ٤١ ، ٤٣ ، ٤٧ .
 -استخدم طريقة ايراتوتز في تحديد الاعداد الأولية المحصورة بين العددين ٥٠ ، ١٠٠ .

الواجب المنزلي:

- اجب عن الاسئلة التالية
 ١- استخدم طريقة ايراتوتز في تحديد الاعداد الأولية المحصورة بين ١٠٠ ، ٢٠٠ .
 ٢- اذا كانت أ مجموعة الاعداد الأولية اى ان:
 $A = \{2, 3, 5, 7, 11, \dots\}$
 م هي مجموعة الاعداد المركبة اى ان
 $M = \{4, 6, 8, 9, 10, 12, \dots\}$
 ز : مجموعة الاعداد الطبيعية الزوجية ، ف : مجموعة الاعداد الطبيعية الفردية
 اكمل مايلي:
 $A \cup M =$
 $M \cap Z =$
 $M \cap F =$
 $A \cap M =$
 $A \cap Z =$

ورقة العمل (١٤)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

النشاط: بعض الافتراضات حول الاعداد الأولية .

اهداف النشاط

- ١- ان يدرك التلميذ بعض الافتراضات المتعلقة بالاعداد الأولية .
 ٢- ان يتحقق التلميذ من بعض هذه الافتراضات .
 كان كرسن جولدباخ Christian Goldbach احد الرياضيين السوفيت وكان مهتما بالاعداد الأولية ، وقد صاغ جولدباخ بعض الافتراضات المتعلقة بالاعداد الطبيعية من بينها الافتراض التالي:
 "كل عدد زوجي اكبر من ٢ يكون حاصل جمع عددين اوليين
 مثال : $8 = 3 + 5$ ، $10 = 3 + 7$ ، $12 = 5 + 7$ ،
 -اكتب كل الاعداد الأولية المحصورة بين ١٠ ، ٤٠ كحاصل جمع عددين اوليين
 -قدم مثالا يبين ان افتراض جولدباخ لاينطبق على الاعداد الفردية .

وقد افترض جولديباخ افتراضا اخر مؤداه :

* كل عدد فردى اكبر من ٥ يكون حاصل جمع ثلاثة اعداد اولية*

$$\text{مثال : } 9 = 5 + 2 + 2 , \quad 11 = 7 + 2 + 2 , \quad 15 = 7 + 5 + 3$$

لاحظ انه يمكن استخدام العدد الاولى اكثر من مرة

-اكتب كل الاعداد الفردية المحصورة بين ٩ ، ٣١ فى صورة حاصل جمع ثلاثة اعداد اولية
وقد صاغ الرياضى الامريكى بول ليفى Paul Levy سنة ١٩٦٤ افتراضا مشابها لافترض جولديباخ السابق مؤداه:

كل عدد فردى اكبر من ٧ هو ناتج جمع ضعف عدد اولى مضافا اليه عدد اولى اخر.

$$\text{مثال : } 9 = 5 + 2 \times 2 , \quad 13 = 7 + 3 \times 2 , \quad 25 = 3 + 11 \times 2$$

-اكتب الاعداد الفردية المحصورة بين ٢٣ ، ٤٠ فى صورة ضعف عدد اولى مضافا اليه عدد اولى اخر .
-كما افترض تلميذ بالصف السابع اسمه ارثر هامان Arthur Haman سنة ١٩٧٦ افتراضا مؤداه:
"ان كل عدد زوجى يكون ناتج طرح عددين اوليين"
اختر فى كراسة الانشطة هذا الافتراض للاعداد الزوجية من ١٠ - ٣٠ .

الواجب المنزلى:

اجب عن الاسئلة التالية:

١- لاحظ الرياضى الايطالى نيكولو تارتاجليا (1499 - 1557)Nicolò Tartaglia النمط التالى

$$\text{عدد اولى} \quad 7 = 4 + 2 + 1$$

$$\text{عدد مركب} \quad 15 = 8 + 4 + 2 + 1$$

$$\text{عدد اولى} \quad 31 = 16 + 8 + 4 + 2 + 1$$

$$\text{عدد مركب} \quad 63 = 32 + 16 + 8 + 4 + 2 + 1$$

افترض نيكولو ان المجموع يتغير من عدد اولى الى عدد مركب على التعاقب الا ان هذا الافتراض خاطيء
استخدم الالة الحاسبة واستمر فى هذا النمط واكتشف اين لم يعد هذا النمط صحيحا .

٢- يمكن كتابة بعض الاعداد الاولية كحاصل جمع عددين اوليين متتاليين او اكثر ، مثال $5 = 2 + 3$ ،

$$17 = 2 + 3 + 5 + 7$$

اكتب الاعداد الاولية الاقل من ٥٠ والتي يمكن كتابتها كحاصل جمع عددين اوليين متتاليين او اكثر .

ورقة العمل (10)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

النشاط: طريقة اقليدس Euclid فى ايجاد العامل المشترك الاعلى لعددين (١٠٠٠٠) .

اهداف النشاط:

ان يستخدم التلميذ طريقة اقليدس فى ايجاد العامل المشترك الاعلى لعددين.
كان اقليدس استاذًا للرياضيات بجامعة الاسكندرية فى مصر ، وهو صاحب كتب الاصول Elements ،
وهى من أشهر كتب الرياضيات وأوسعها انتشارا ، واليه يرجع الفضل فى اعادة بناء الهندسة فى صورة
تركيب رياضى. وله أعمال اخرى فى نظرية الاعداد. وأحد اعمال اقليدس فى مجال نظرية الاعداد هى
طريقته فى ايجاد العامل المشترك لعددين او اكثر. والتي يمكن تلخيصها فى الخطوات التالية:

- ١- اقسّم العدد الأكبر على العدد الأصغر.
 ٢- إذا كان الباقي لا يساوى صفراً ، اقسّم المقسوم عليه السابق على الباقي ، وكرر ذلك حتى تحصل على باقى يساوى صفر.
 ٣- المقسوم عليه الأخير هو العامل المشترك الأعلى للعددين .
 مثال: اوجد العامل المشترك الأعلى * ع . م . ا . م . للعددين ٣٦ ، ٩٦ .

$$\begin{array}{r} 2 \\ 12 \overline{) 24} \\ \underline{24} \\ 0 \end{array} \quad \leftarrow \quad \begin{array}{r} 1 \\ 24 \overline{) 36} \\ \underline{24} \\ 12 \\ \underline{12} \\ 0 \end{array} \quad \leftarrow \quad \begin{array}{r} 2 \\ 36 \overline{) 96} \\ \underline{72} \\ 24 \\ \underline{24} \\ 0 \end{array}$$

- ٢٤ الباقي = ٠ ، ١٢ الباقي ≠ ٠ ، ٠ الباقي = ٠
 لاحظ أن آخر عدد مقسوم عليه هو ١٢ وبالتالي فإن (ع.م.ا) للعددين ٣٦ ، ٩٦ هو ١٢ .
 - استخدم طريقة اقليدس فى إيجاد العامل المشترك الأعلى لكل زوج من الأعداد التالية:
 ٩٠ ، ٥٦ ، ١٢٠ ، ١٦٨ ، ٤٣٢ ، ٥٧٦ ، ٣٢٤ ، ٢١٦ ، ١٠٧ ، ٤٠ ، ٢٩٧ ، ١٦٥ ، ٧٥٩ ، ٤٨٣

الواجب المنزلى:

استخدم كل من طريقة اقليدس ، وطريقة إيجاد عوامل العدد فى إيجاد العامل المشترك لكل زوج من الأعداد التالية:

٩٩٤٥ ، ٢١٠٦ ، ٣٢٤ ، ٢١٦ ، ١٠٧ ، ٤٠ ، ٢٩٧ ، ١٦٥ ، ٧٥٩ ، ٤٨٣

ورقة العمل (١٦)

أسم التلميذ: _____ المدرسة: _____ الدرجة: _____

النشاط: العلاقة بين (ع.م.ا) ، (م.م.ا) لعددين وحاصل ضربيهما .

أهداف النشاط:

- ١- أن يكتشف التلميذ العلاقة بين (ع.م.ا) ، (م.م.ا) وحاصل ضرب العددين .
 ٢- أن يستخدم التلميذ هذه العلاقة فى إيجاد المضاعف المشترك الأصغر لعددين .
 أكمل الجدول التالى (يمكنك استخدام الآلة الحاسبة)

العددان	حاصل ضرب العددين	(ع.م.ا)	(م.م.ا)	(ع.م.ا) × (م.م.ا)
١٢ ، ١٠	١٢٠	٢	٦٠	١٢٠
١٨ ، ١٢				
٢٠ ، ٥				
٢٧ ، ١٢				
٢٤ ، ٦٤				

اجب عن الاسئلة التالية

- ١- ما العلاقة بين حاصل ضرب العددين ، وحاصل ضرب (ع.م.ا) ، (م.م.ا)؟
 ٢- ما ناتج قسمة حاصل ضرب عددين على المضاعف المشترك الأصغر (م.م.ا) لهما؟
 ٣- اكتب صيغة لإيجاد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.ا) لعددين (استعن بإجابة السؤال ٢) .

٤- استخدم الصيغة التي توصلت اليها في السؤال السابق في ايجاد المضاعف المشترك الاصغر (ا.م.م) لكل زوج من الاعداد التالية : ٣ ، ١٥ ، ٩ ، ١٣ ، ١٨ ، ٢٤ ، ٣٢ ، ٥٦ ، ٩٧ ، ٤٣

الواجب المنزلي:

استخدم العلاقة بين حاصل ضرب عددين ، وحاصل ضرب (ا.م.م) ، (ع.م.ا) في ايجاد المضاعف المشترك الاصغر لكل زوج من الاعداد التالية:

٣٦ ، ٢٧ ٤٠ ، ٢٥ ٧٢ ، ٤٨ ٢١٠ ، ١٧٥ ٩٤٥ ، ٧٣٥

اختبار بنائى (٣)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

اجب عن الاسئلة التالية:

- ١- ضع علامة (√) امام البديل الذى يمثل العدد الاولى فيما يلى:
 أ- ١٢٣ ب- ٨٧ ج- ١٠٣
- ٢- أكمل العبارتين التاليتين:
 أ- {أ : أ عدد أولى} ∩ {ز : ز عدد طبيعى زوجى} =
 ب- {أ : أ عدد أولى} ∪ {م : م عدد طبيعى مركب} =
- ٣- افترض الرياضى الفرنسى جوزيف برتراند Joseph Bertrand سنة ١٨٤٥ الاقتراض التالى:
 "لاى عدد طبيعى أكبر من الواحد يوجد عدد أولى واحد على الاقل يقع بين العدد الطبيعى وضعفه"
 تحقق من هذا الاقتراض بالنسبة للاعداد ١٠ ، ٢٥ ، ٧٥.
- ٤- استخدم طريقة اقليدس فى ايجاد (ع.م.ا) لعددين ٥٤٦ ، ٧٨٠ .
- ٥- اوجد (ع.م.ا) للعددين ٢٨٥ ، ٣٩٩ ، ثم استخدم (ع.م.ا) الذى حصلت عليه فى ايجاد (م.م.ا) لهذين العددين.

ملحق (5)

وحدة اثرائية فى الاشكال الهندسية المستوية
لتلاميذ الصف الاول الاعدادى

وحدة اثرائية في الاشكال الهندسية المستوية

لتلاميذ الصف الاول الاعدادي

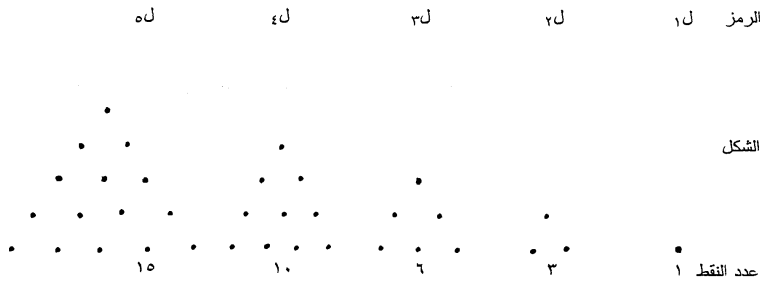
ورقة العمل (1)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ المرجة : _____

النشاط : الاعداد المثلثية .

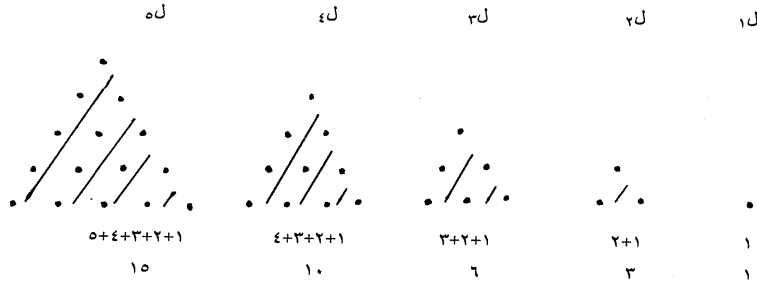
أهداف النشاط :

- ١- أن يدرك التلميذ مفهوم العدد المثلثي .
 - ٢- أن يكتشف التلميذ النمط الذي تسير وفقا له الاعداد المثلثية .
 - ٣- أن يطبق التلميذ هذا النمط في إيجاد بعض الاعداد المثلثية .
- يرجع اكتشاف الاعداد المثلثية وغيرها من الاعداد التي ترتبط بالاشكال الهندسية الى الفيثاغورثين ، نسبة الى عالم الرياضيات الاغريقي فيثاغورث . وهذه الاعداد عبارة عن عدد من النقط في اشكال هندسية معينة . وفيما يلي نتناول الاعداد المثلثية :
- يرمز للعدد المثلثي بالرمز ل ، حيث ان ن هي عدد النقط الموجودة على أى ضلع من أضلاع المثلث . ويوضح الشكل التالي الاعداد المثلثية الخمسة الاولى ، وعدد نقط كل منها :



أي أن الاعداد المثلثية الخمسة الاولى هي ١ ، ٣ ، ٦ ، ١٠ ، ١٥ .

- أرسم نموذج هندسي لكل من العددين المثلثين ل٢ ، ل٣ . ثم أوجد كل من ل٢ ، ل٣ ويوضح الشكل التالي كيف ترتبط الاعداد المثلثية ل١ ، ل٢ ، ل٣ ، بمجموعة اعداد العد ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ،



- أستمر طبقاً للنمط المتضمن بالشكل السابق وأوجد ل٦ ، ل٧ .

- استخدم هذا النمط في إيجاد ل١٠ .

- تذكر أنك درست طريقتين لإيجاد جمع الأعداد الطبيعية من ١ حتى عدد معين - في وحدة الأعداد الطبيعية الإثرائية - استخدم أيًا من هاتين الطريقتين في إيجاد ل٥٠ .

- حاول أن تكمل هذه العبارة التي تعطى الصورة العامة للعدد المثلي:

إذا كان n عدد طبيعي < ٥٠ ، فإن $ل٥٠ = \dots$.

الواجب المنزلي:

اجب عن السؤالين التاليين :

١- أوجد كل من ل٣ ، ل٧ ، ل٤٧ ، ل٩٨ .

٢- ارسم مثلث باسكال ، ثم بين أين تجد الأعداد المثلثية في مثلث باسكال.

ورقة العمل (٣)

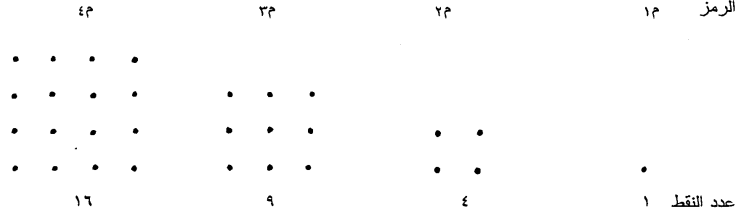
أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

النشاط: الأعداد المربعة .

أهداف النشاط:

- ١- أن يدرك التلميذ مفهوم العدد المربع .
 - ٢- أن يكتشف التلميذ النمط الذي تسير وفقاً له الأعداد المربعة .
 - ٣- أن يستخدم التلميذ النمط السابق في إيجاد أعداد مربعة .
- يرمز للعدد المربع - نسبة إلى المربع - بالرمز m ، حيث n عدد النقاط على أي ضلع من أضلاع المربع ،

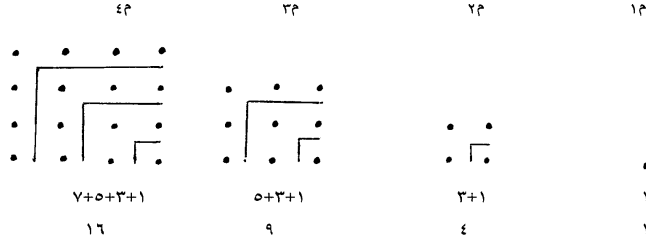
ويوضح الشكل التالي الاعداد المربعة الاربعة الاولى ، وعدد نقط كل منها



ومن الشكل يتضح ان الاعداد المربعة الاولى هي ١ ، ٤ ، ٩ ، ١٦ ،

- ارسم النموذج الهندسي لكل من العددين المربعين ٥م ، ٦م

ويوضح الشكل التالي كيف ترتبط الاعداد المربعة باعداد العد



- أستمر طبقاً للنمط المتضمن بالشكل السابق وأوجد ٥م ، ٦م .

- استخدم هذا النمط في ايجاد م.١٠ .

- لاحظ انك عرفت طريقتين لايجاد حاصل جمع مجموعة اعداد فردية بدء من ١ ، وهما طريقة جاوس ،

وايجاد مربع العدد. استخدم كلا من الطريقتين في ايجاد حاصل جمع الاعداد التالية :

١ + ٣ + ٥ + ٧ + + ٩٩ ثم حدد أى الطريقتين أسهل من الاخرى .

الواجب المنزلي:

اجب عن السؤالين التاليين:

١- أوجد مجموع الاعداد الفردية : ١ + ٣ + ٥ + ٧ + + ٤٩ .

٢- أوجد مجموع الاعداد الفردية : ٥١ + ٥٣ + ٥٥ + + ١٢٩ .

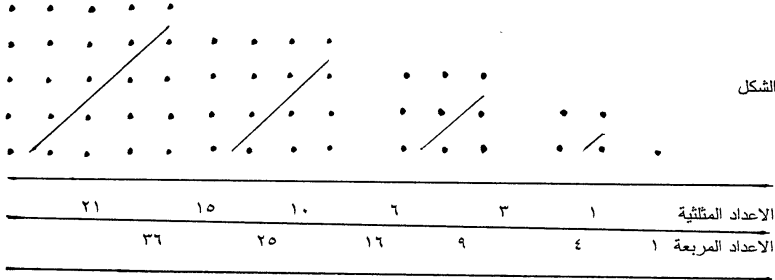
ورقة العمل (٣)

أسم التلميذ: _____ المدرسة: _____ الدرجة: _____

النشاط: العلاقة بين الأعداد المثلثية والأعداد المربعة.

أهداف النشاط:

- ١- ان يستنتج التلميذ العلاقة بين الأعداد المثلثية والأعداد المربعة .
 - ٢- ان يستخدم التلميذ العلاقة بين الأعداد المثلثية والمربعة في إيجاد العدد المثلثي .
- أدرس الشكل التالي ، والجدول الذي يليه .



الشكل

- استنتج العلاقة بين الأعداد المربعة والأعداد المثلثية .

- اكمل العبارات التالية:

أ - ل ٢٠ + = م ٢١
 ب - + = م ١٠٠
 ج - + = م ٥٠

الواجب المنزلي:

- اكمل العبارات التالية:

أ - ل ٢٩ + ٣٠ ل =
 ب - + = م ٦٠
 ج - اذا كان ل ١٥ = ١٢٠ ، ١٦٠ = ٢٥٦ ، فان ل ١٦ =

ورقة العمل (٤)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

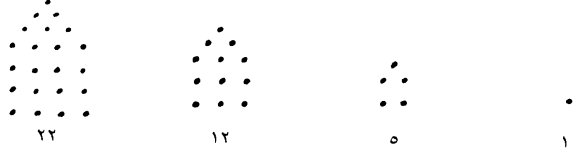
النشاط : العلاقة بين الأعداد الخماسية والأعداد المثلثية والمربعة .

أهداف النشاط :

- ١- ان يدرك التلميذ مفهوم العدد الخماسي .
 - ٢- ان يستنتج التلميذ العلاقة بين الأعداد الخماسية والأعداد المثلثية والمربعة .
 - ٣- ان يستخدم التلميذ هذه العلاقة في إيجاد الأعداد الخماسية .
- يرمز للعدد الخماسي بالرمز x_n نسبة الى الشكل الخماسي ، ن: عدد النقط على اى ضلع من اضلاع

المخمس . يوضح الشكل التالي الأعداد الخماسية الأربعة الأولى:

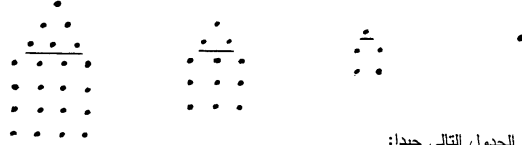
x_1 x_2 x_3 x_4



- أرسم نموذج هندسي للعدد x_5 ، x_6 ، ثم أوجد قيمة كل من x_5 ، x_6 .

ويوضح الشكل التالي كيف ترتبط الأعداد الخماسية بالأعداد المثلثية والمربعة

x_1 x_2 x_3 x_4



ادرس الجدول التالي جيدا:

ن	١	٢	٣	٤	٥	٦
العدد المثلثي ل ن	١	٣	٦	١٠
العدد المربع م ن	١	٤	٩	١٦
العدد الخماسي x_n	١	٥	١٢	٢٢

- اكمل العبارات التالية بوضع العدد الخماسي المناسب :

$$\begin{aligned} 1- & ٣م + ٢ل = \\ 2- & ٤م - ٣ل + = \\ 3- & ٥م + ل = \\ 4- & ٦م + ل + ٥ = \\ \text{ويصفه عامة ، م ن} & \text{ ل ن-١} = \end{aligned}$$

وهي تمثل العلاقة بين الاعداد الخماسية والاعداد المثلثية والمربعة .

الواجب المنزلي:

اولا: اكمل كل من العبارات التالية:

$$1- ١٠م + ٩ل =$$

$$2- ١٢خ = + ١١ل$$

$$3- ٢٠خ = + ...$$

ثانيا : اوجد كل مما يلي :

$$٨خ ، ١٦خ ، ٣٠خ$$

ورقة العمل (٥)

أسم التلميذ : المدرسية : الدرجة :

النشاط : عدد المستطيلات -

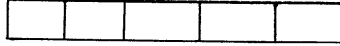
اهداف النشاط :

١- ان يستنتج التلميذ العلاقة بين عدد المستطيلات والعدد المثلثي .

٢- ان يطبق التلميذ هذه العلاقة في ايجاد عدد المستطيلات.

اجب عن السؤال التالي:

كم عدد المستطيلات في الشكل التالي:



لحل هذه المشكلة دعنا ننظر الى مشكلات ابسط ومشابهة للمشكلة الاصلية :

١- لكل شكل من الاشكال التالية اوجد عدد المستطيلات

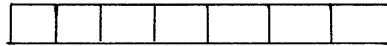
عدد المستطيلات	قائمة المستطيلات	
١	أ	
٣	أ ، ب ، أب	
٦	أ ، ب ، ج ، أب ، ب ج ، أ ب ج	

٢- اكمل الجدول السابق .

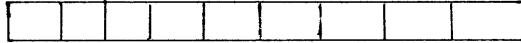
٣- ما العلاقة بين عدد المستطيلات والعدد المثلثي ؟

٤- كم عدد المستطيلات الموجودة في المشكلة الاصلية ؟

٥- كم عدد المستطيلات الموجودة في الشكل التالي:

**الواجب المنزلي:**

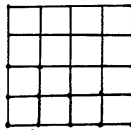
اوجد عدد المستطيلات الموجودة في الشكل التالي:

**ورقة العمل (٦)****أسم التلميذ:** _____ **المدرسة:** _____ **الدرجة:** _____**النشاط:** عدد المربعات .**اهداف النشاط:**

١- ان يكتشف التلميذ النمط الذي تسير وفقا له عدد مربعات شبكة مربعة .

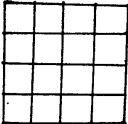
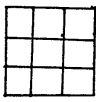


٢- ان يطبق هذا النمط في ايجاد عدد مربعات شبكة مربعة .

اوجد عدد المربعات المتضمنة في الشكل المجاور .



لحل هذه المشكلة دعنا ننظر الى مشكلات مشابهة

ولكنها أبسط منها كمايلي

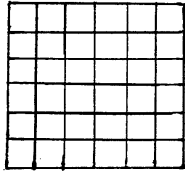
الشكل					
قائمة بالمربعات	$4 \times 4 \dots\dots$ $3 \times 3 \dots\dots$ $2 \times 2 \dots\dots$ $1 \times 1 \dots\dots$	$3 \times 3 - 1$ $2 \times 2 - 4$ $1 \times 1 - 9$	$2 \times 2 - 1$ $1 \times 1 - 4$	$1 \times 1 - 1$	
عدد المربعات	١٤	٥	١	

١- اكمل الجدول السابق .

٢- كم عدد المربعات الموجودة بالمربع في المشكلة الاصلية.

٣- حاول ان تكتشف النمط الذى تسير وفقا له عدد المربعات .

٤ - استخدم هذا النمط فى المربعات الموجودة فى لوحة الشطرنج 8×8 .



الواجب المنزلى:

اوجد عدد المربعات الموجودة فى الشكل المجاور.

اختبار بنائى (١)

أسم التلميذ : المدرسة : الدرجة :

اجب عن الاسئلة التالية :

١- ضع علامة (/) على يمين البديل الذى يمثل العدد المثلثى ل٨ ممايلي:

أ - ٢٤ ب - ٤٥ ج - ٦٤

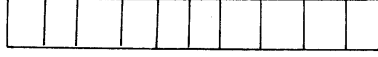
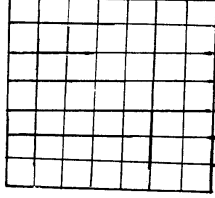
٢- ضع علامة (✓) على يمين البديل الذي يمثل العدد الخماسي خ ٨ مما يلي :

أ - ١٠١ ب - ١٠٩ ج - ٦٤

٣- اكمل كل من العبارات التالية:

أ - ل ٢٠ =
ب - ل ٢١ = ...
ج - ١ + ٣ + ٥ + ٧ + = ٤١
د - ٢١ خ =

٤- اوجد عدد المستطيلات الموجودة في الشكل التالي: ٥ - اوجد عدد المربعات الموجودة في الشكل التالي:



ورقة العمل (٧)

أسم التلاميذ: **المدرسة:** **الدرجة:**

النشاط: عدد أقطار مضلع .

اهداف النشاط:

١- ان يكتشف التلميذ النمط الذي تسير وفقا له عدد اقطار مضلع .

٢- ان يطبق التلميذ هذا النمط في ايجاد عدد اقطار مضلع .

اوجد عدد اقطار الشكل السباعي (المكون من ٧ اضلاع)

لحل هذه المشكلة ، دعنا ننظر الى مشكلات مشابهة ولكنها أبسط من تلك المشكلة ، كما يلي:

المضلع	مثلاث	رباعي	خماسي	سداسي
قائمة الأقطار	-	ا، ب، د	ا، ب، ج، د، هـ
عدد الأقطار	٠	٢	٥	...

- ١- اكمل الجدول السابق .
- ٢- كم عدد اقطار الشكل السباعي؟
- ٣- حاول ان تكتشف النمط الذي تسير وفقا له عدد اقطار مضلع .
- ٤- استخدم النمط السابق في ايجاد عدد اقطار الشكل التساعي.

الواجب المنزلي:

- ١- استخدم النمط السابق في ايجاد عدد اقطار الشكل التساعي (المكون من ٩ اضلاع) .
- ٢- ارسم الشكل التساعي ، ثم تحقق من اجابة السؤال السابق.

ورقة العمل (٨)

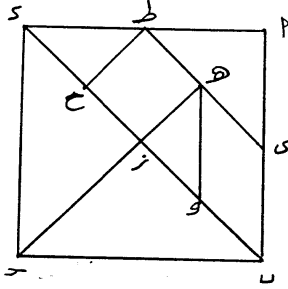
أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

النشاط: عمل مجموعة التانجرام Tangram Set .

الهدف من النشاط:

ان يقوم التلميذ بعمل مجموعة التانجرام لاستخدامها في أنشطة أخرى .
يحكى ان رجل من نبلاء الصين كان يمتلك قطعة سيراميك مربعة ، وكانت هذه القطعة جميلة، وفضل مايمتلكه هذا الرجل ، وفي احد الايام واثاء مايقرب الرجل هذه القطعة متعجبا بها، وقعت منه على الارض ، وانكسرت الى سبع قطع . وقد حاول الرجل تجميع هذه القطع السبعة في صورة المربع الاصلى، وفي اثناء ذلك اكتشف انه يمكنه عمل العديد من الاشكال الاخرى باستخدام السبع قطع.
وتعرف مجموعة السبع قطع السابقة بمجموعة التانجرام .

والان اتبع التعليمات التالية لكي تحصل على مجموعة التانجرام من الورقة المربعة ٤ بوصة x ٤ بوصة



من الورق المقوى..

- ١- ارسم القطر ب د .
- ٢- نصف أ د في ط ، ونصف أ ب في ي .
- ٣- ارسم القطعة المستقيمة ط ي .
- ٤ - نصف القطعة ط ي في هـ .
- ٥- صل القطعة ج هـ وافرض ان ز هي نقطة تقاطع ج هـ ، ب د .
- ٦- نصف د ز في ح ، ونصف ب ز في و .

٧- ارسم القطعتين ح ط ، ه و .

٨- قص السبع قطع بعناية لتحصل على مجموعة التانجرام .
وسوف تستخدم كل السبع قطع في الانشطة التالية

الواجب المنزلي:

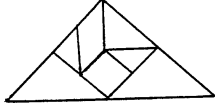
احسب محيط كل شكل من الاشكال السبعة لمجموعة التانجرام

ورقة العمل (٩)

أسم التلميذ : _____ المدرسة : _____ الدرجة : _____

النشاط: انشاء اشكال هندسية باستخدام مجموعة التانجرام .

اهداف النشاط:



ان يستخدم التلميذ مجموعة التانجرام في انشاء اشكال هندسية

والان سوف نستخدم مجموعة التانجرام في انشاء اشكال هندسية معينة.

١- يبين الشكل المقابل كيف يتم انشاء مثلث باستخدام قطع التانجرام .

٢- انشئ مربعاً باستخدام اكبـر قطعتين في مجموعة التانجرام ،

ثم انشئ مربعاً يساوي المربع السابق باستخدام الخمس قطع المتبقية.

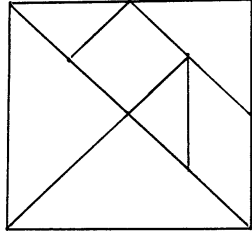
٣- خذ قطعتين مثلثتين ومتطابقتين (اضلاعهما المتناظرة متساوية) من قطع التانجرام . استخدم هاتين

القطعتين في انشاء ثلاثة اشكال هندسية ، ثم ارسم كل منها .

٤- جمع السبع قطع لتحصل على المربع الاصلى الذى

بدأت به كما في الشكل المقابل ، ثم حرك قطعتين

فقط لتحصل على مستطيل . ارسم هذا المستطيل.



الواجب المنزلي:

اجب عن السؤالين التاليين:

١- ضع قطع التانجرام السبعة على المستطيل الذى رسمته فى المسألة رقم ٤ ، ثم حرك قطعة واحدة فقط لتحصل على متوازي اضلاع . ارسم هذا المتوازي الاضلاع.

٢- ضع قطع التانجرام السبعة على متوازي الاضلاع الذى رسمته فى التمرين السابق . حرك قطعة واحدة فقط لتحصل على شبه منحرف . ارسم هذا الشبه منحرف .

ورقة العمل (١٠)

أسم التلميذ: _____ **المدرسة:** _____ **الدرجة:** _____

النشاط: انشاء مضلعات من مجموعة التانجرام .

أهداف النشاط:

ان يذكر التلميذ كل الطرق الممكنة لانشاء مضلع باستخدام اشكال التانجرام

اعد تسميه قطع التانجرام كما هو مبين فى الشكل المقابل .

استخدم هذه الرموز - المبينة فى الشكل - فى ذكر كل

الطرق الممكنة لانشاء الاشكال التالية : المربع ، المثلث ،

المستطيل (غير المربع) ، متوازي الاضلاع ، وشبه

المنحرف فعلى سبيل المثال : يمكن انشاء مربع باستخدام قطعة

واحدة ب ، او باستخدام قطعتين أ أو هـ هـ ، ويمكن انشاء مربع ايضا باستخدام ثلاث قطع أ د ، أو

باستخدام أربع قطع أ ب هـ أو أ ج هـ أو أ د هـ ، ولا يمكن انشاء مربع باستخدام ٦ قطع ، ويمكن انشاء

المربع باستخدام ٥ قطع أ ب ج د ، او باستخدام سبع قطع أ ب ج د هـ هـ .

اكمل الجدول التالى :

عدد قطع التانجرام	المربع	المثلث	المستطيل (غير المربع)	متوازي اضلاع (غير المستطيل)	شبه منحرف
١	ب				
٢	ا ا هـ هـ				
٣	أ أ د				
٤	أ ب هـ أ ج هـ أ د هـ				
٥	أ ب ج د				
٦					
٧	أ ب ج د هـ هـ				

الواجب المنزلي :

- ١- أرسم الأشكال : المربع ، المثلث ، المستطيل ، متوازي الاضلاع ، وشبه المنحرف في كل الحالات الممكنة المتضمنة بالجدول السابق.
- ٢ - انشىء جدولاً يبين كل الطرق الممكنة لانشاء شكل خماسى باستخدام قطع التانجرام ، ثم ارسم الشكل الخماسى فى كل حاله.

اختبار بنائى (٣)

أسم التلميذ : المدرسة : الدرجة :

اجب عن الاسئلة التالية:

- ١ - أوجد عدد اقطار الشكل الثالث عشر (الذى يتكون من ١٣ ضلع) .
- ٢ - استخدم مجموعة التانجرام السبعة فى الاجابة عن كل من الاسئلة التالية
- أ - ارسم مثلث باستخدام ٤ قطع .
- ب - ارسم مربع باستخدام ٤ قطع .
- ج - ارسم مستطيل (غير المربع) باستخدام ٥ قطع .
- د - ارسم متوازي اضلاع (غير المستطيل) بواسطة ٣ قطع .
- هـ - ارسم شبه منحرف باستخدام ٥ قطع .
- و - ارسم شكل سداسى باستخدام ٥ قطع .

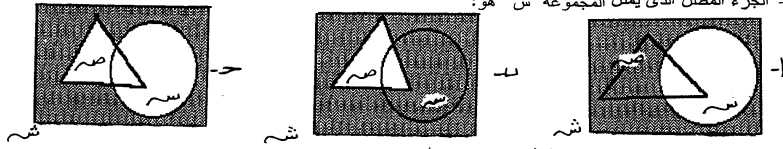
ملحق (٦)

اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحددة المجموعات
المعتادة لتلاميذ الصف الأول الاعدادى

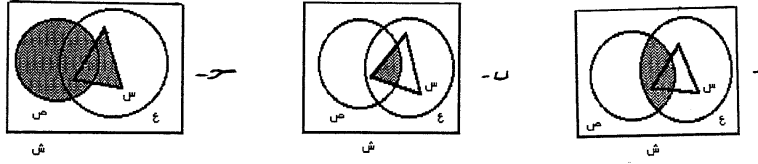
اختبار تحصيل جوانب التعلم المعتادة لوحددة المجموعات

- الاسم : _____ المدرسة : _____ الفصل : _____
- أولاً: كل سؤال في هذا الجزء متبوعاً بثلاث بدائل أ ، ب ، ج اقرأ كل سؤال جيداً ثم ضع علامة (✓)
- على يمين البديل الذي يمثل الإجابة الصحيحة عن هذا السؤال.
- ١- التعبير الذي يمثل مجموعة غير منتهية هو:
- أ - مجموعة كل تلاميذ الصف الأول الإعدادي المقيدين هذا العام .
- ب - { . ، ١ ، ٢ ، ٣ ، ، ١٠٠٠٠ } .
- ج - { ٢ ، ٤ ، ٦ ، ٨ ، } .
- ٢- التعبير الذي يمثل المجموعة الخالية هو:
- أ- { ٠ } .
- ب- { φ } .
- ج- { س : س > ٥ ، س > ٦ ، س عدد طبيعي }
- ٣- إذا كانت س = { ١ ، ٤ ، ٧ ، ١٠ ، ، ٢٨ } فإن:
- أ - ١٤ ∉ س
- ب - ١٩ ∉ س
- ج - ٢٥ ∉ س
- ٤- إذا كانت ص = { ٢ ، ٤٣ ، ٥ } فإن:
- أ - ٤٣ ∉ ص .
- ب - { ٤٣ } ∉ ص .
- ج - { ٥ ، ٢ } ∉ ص .
- ٥- إذا كانت س = { أ ، ب ، ج ، د } ، فإن المجموعة الجزئية غير الفعلية للمجموعة س هي:
- أ - { ج ، ب ، د ، أ } .
- ب - { φ } .
- ج - { أ ، ب } .
- ٦- إذا كانت ع = { ١٠ ، ٢٠ ، ٣٠ ، ، ٩٠ } فإن المجموعة التي تساوى المجموعة ع هي:
- أ - { ١٠ ، ٢٠ ، ٣٠ ، } .
- ب - { ع : ع = ١٠ ، ن ، ١٠ ≥ ن > ٩ ، ن عدد طبيعي } .
- ج - { ع : ع = ١٠ ، ن ، ١٠ ≥ ن > ٩ ، ن عدد طبيعي } .

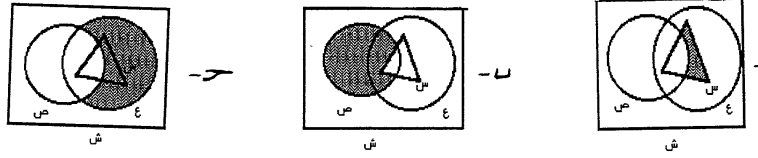
٧- الجزء المظلل الذي يمثل المجموعة 'س' هو:



٨- الجزء المظلل الذي يمثل المجموعة (س ∩ ص) هو:



٩- الجزء المظلل الذي يمثل المجموعة (س - ص) هو:



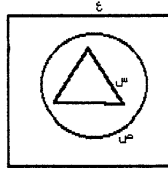
١٠- اذا كان ل = م فان:

- أ- ل ⊂ م ، م ⊄ ل .
- ب- م ⊂ ل ، ل ⊄ م .
- ج- م ⊂ ل ، ل ⊂ م .
- ١١- اذا كان س ⊂ ص ، ص ⊂ ع

كما هو مبين بشكل فن المجاور

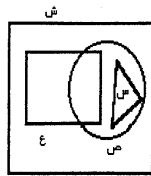
- وكان أ ⊂ س ، ب ⊂ ع فان
- أ- أ ⊂ ص ، أ ⊂ ع .
- ب- أ ⊂ ص ، أ ⊂ ع .
- ج- ب ⊂ ص ، ب ⊂ ع .

استخدم شكل فن التالي في الاجابة عن الاسئلة ١٢ ، ١٣ ، ١٤



١٢- س ∩ (ص ∩ ع) =

- أ- س .
- ب- ∅ .
- ج- ص ∩ ع .



١٣- $S \cap V =$

- أ - S ب - V ج - ϕ

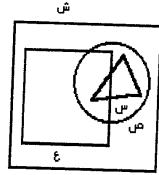
١٤- $S \cap V' =$

- أ - S'
 ب - V'
 ج - ϕ

استخدم شكل فن التالي في الاجابة عن الاسئلة ١٥ ، ١٦ ، ١٧

١٥- $(S \cup V) \cap (S \cup E) =$

- أ - $S \cap (V \cup E)$
 ب - $S \cup (V \cap E)$
 ج - $S \cup (V \cup E)$



١٦- $S \cup (V \cap E) =$

- أ - $(S \cup V) \cap (S \cup E)$
 ب - $(S \cap V) \cap E$
 ج - $E \cup (S \cup V)$

١٧- $S \cup V =$

- أ - S
 ب - S'
 ج - V

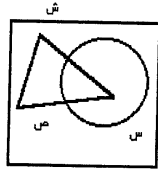
١٨- اذا كان $S \supset \phi$ فان

- أ - $S = \phi$ ب - $S = \{ \cdot \}$ ج - $S = S'$

استخدم شكل فن التالي في الاجابة عن الاسئلة ١٩ ، ٢٠ ، ٢١

١٩- $(S \cap V)'$ =

- أ - $S \cup V$
 ب - $(S \cup V)'$
 ج - $S' \cup V'$



$$= 20 - \text{س} \cap \text{ص}'$$

$$\text{أ} - (\text{س} \cup \text{ص})$$

$$\text{ب} - (\text{س} \cup \text{ص})'$$

$$\text{ج} - \text{س}' \cup \text{ص}'$$

$$= 21 - \text{س} \cup \text{ص}'$$

$$\text{أ} - \phi$$

$$\text{ب} - \phi$$

$$\text{ج} - \text{س}' \cap \text{ص}$$

٢٢- إذا كان $\{ \text{س}, \text{ص}, \text{ع}, \text{ه} \}$ ، فإن قيمة س التي تجعل العبارة السابقة صحيحة تساوي:

$$\text{ج} - ٥$$

$$\text{ب} - ٤$$

$$\text{أ} - ٣$$

٢٣- إذا كان $\{ \text{س}, \text{ع}, \text{ه} \} \supset \{ \text{س}, \text{ع}, \text{ه}, \text{و}, \text{ز}, \text{ح}, \text{ط} \}$ فإن:

$$\text{أ} - \text{س} \cap \{ \text{و}, \text{ز} \}$$

$$\text{ب} - \text{س} \cap \{ \text{و}, \text{ز} \}$$

$$\text{ج} - \text{س} \cap \{ \text{و}, \text{و} \}$$

٢٤- إذا كان $\{ \text{س}, \text{ع}, \text{ه}, \text{و}, \text{ز}, \text{ح}, \text{ط} \} = \{ \text{س}, \text{ع}, \text{ه}, \text{و}, \text{ز}, \text{ح}, \text{ط} \}$ فإن:

$$\text{أ} - \text{س} = \text{و}, \text{ه} = \text{ص} = ١$$

$$\text{ب} - \text{س} = \text{و}, \text{ه} = \text{ص} = ٣$$

$$\text{ج} - \text{س} = \text{و}, \text{ه} = \text{ص} = ١$$

٢٥- عدد عناصر المجموعة $\{ \text{س}, \text{ع}, \text{ه}, \text{و}, \text{ز}, \text{ح}, \text{ط}, \dots, \text{ي}, \text{ك}, \text{ل}, \text{م}, \text{ن}, \text{هـ} \}$ يساوي:

$$\text{ج} - ٥$$

$$\text{ب} - ١٠١$$

$$\text{أ} - ١٠٥$$

٢٦- عدد كل المجموعات الجزئية للمجموعة $\{ \text{أ}, \text{ب}, \text{ج}, \text{د} \}$ يساوي

$$\text{ج} - ١٦$$

$$\text{ب} - ١٤$$

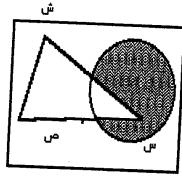
$$\text{أ} - ١٢$$

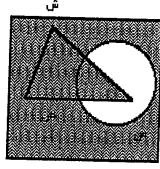
٢٧- تمثل المنطقة المظلمة في شكل فن المقابل المجموعة:

$$\text{أ} - \text{س} \cap \text{ص}'$$

$$\text{ب} - \text{ص} - \text{س}$$

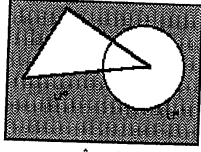
$$\text{ج} - \text{س} \cup \phi$$





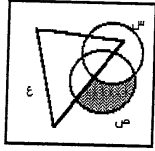
٢٨- تمثل المنطقة المظلمة في شكل فن المقابل المجموعة:

- أ- $S \cup S'$
- ب- $S \cap S'$
- ج- $S \cap E'$



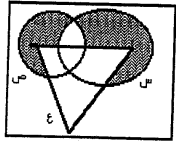
٢٩- تمثل المنطقة المظلمة في شكل فن المجاور المجموعة:

- أ- $S' - E$
- ب- $S \cup S'$
- ج- $S \cup E$



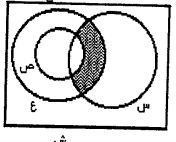
٣٠- تمثل المنطقة المظلمة في شكل فن المقابل المجموعة:

- أ- $(S - E) \cap E$
- ب- $S \cap (E - S)$
- ج- $(S - E) \cap E'$



٣١- تمثل المنطقة المظلمة في شكل فن المقابل المجموعة:

- أ- $(S \cup E) \cap E$
- ب- $(S \cup E) \cap E'$
- ج- $(S \cap E) \cup E'$



٣٢- تمثل المنطقة المظلمة في شكل فن المقابل المجموعة:

- أ- $(S \cup E) \cup E$
 - ب- $(S \cap E) \cup E'$
 - ج- $(S \cap E) \cup E'$
- ٣٣- $(S \cup S') \cap (S \cap E) =$

ج- S

- أ- $S \cap E$
- ب- S
- ٣٤- $(S \cap S') \cap E =$

ج- \emptyset

- أ- S
- ب- S
- ٣٥- $(S \cup S') \cup E =$

ج- \emptyset

- أ- S
- ب- S
- ٣٦- $(S \cup S') \cap E =$

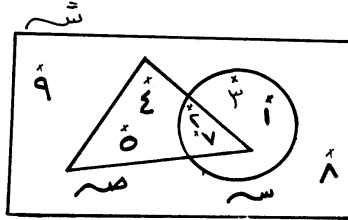
ج- $S \cap E$

- أ- $S' \cap E$
- ب- $S \cup E$

ثانيا : أجب عن الاسئلة التالية في الجزء المخصص للجابية :
 ٣٧- باعتبار ان ش = { ١ ، ٣ ، ٥ ، ٧ ، ٩ } ، س = { ٣ ، ٥ } ، ص = { ١ ، ٣ ، ٥ } ،
 ع = { ٥ ، ٩ } ارسم شكل فن للمجموعات س ، ص ، ع ، ش

٣٨- اذا كانت س = { ٢ ، ٤ ، ٦ ، ٨ } كون كل المجموعات الجزئية للمجموعة س

٣٩- استخدم شكل فن المقابل للمجموعات س ، ص ، ش في الاجابة عن السؤال التالي:
 اكتب بطريقة السرد كل من (س - ص) ، (س ∩ ص) ثم اذكر ماتلاحظه



٤٠- وضح الخاصية التالية باستخدام التظليل في اشكال فن
 $(A \cup B)' = A' \cap B'$

ملحق (٧)

تحليل بنود اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب
التعلم المعتادة لوحددة المجموعات

**تحليل بنود اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب
التعلم المعتادة لوحدت المجموعات**

بنود الاختبار	عدد الاجابات الصحيحة في المجموعة العليا (صع)	عدد الاجابات الصحيحة في المجموعة الدنيا (ص د)	معامل التمييز	معامل السهولة	التباين	معامل الارتباط بالاختبار
١	١٢	٦	٥٠	٧٥ و	١٤٩ و	٤٦٠ و
٢	١٠	.	٨٣ و	٤٢ و	٢٥٥ و	٦٠٦ و
٣	١١	٥	٥٠	٦٧ و	١٨٩ و	٤١٢ و
٤	١١	٤	٥٨ و	٦٣ و	٢١٠ و	٤١٩ و
٥	٨	٤	٣٣ و	٥٠ و	٢٤٥ و	٣٢٢ و
٦	٨	٢	٥٠ و	٤٢ و	٢٥٣ و	٥٠٨ و
٧	١٠	٣	٥٨ و	٥٤ و	٢٥٥ و	٤٣١ و
٨	١٠	٢	٦٧ و	٥٠ و	٢٥٦ و	٤٦٠ و
٩	١٠	٤	٥٠ و	٥٨ و	٢٢٧ و	٣٧٩ و
١٠	١٢	٦	٥٠ و	٧٥ و	٢٠٠ و	٤٧٢ و
١١	١٢	٣	٧٥ و	٦٣ و	٢١٩ و	٥٠٩ و
١٢	١١	٦	٤٢ و	٧١ و	١٤٩ و	٤٠٤ و
١٣	١١	١	٨٣ و	٥٠ و	٢٤٩ و	٥٧٤ و
١٤	١٠	٦	٣٣ و	٦٧ و	٢٢٧ و	٣٦٩ و
١٥	١١	٣	٦٧ و	٥٨ و	٢٤٠ و	٤٥٠ و
١٦	٩	٦	٢٥ و	٦٣ و	٢٤٩ و	٢٤٩ و
١٧	٩	٢	٥٨ و	٤٦ و	٢١٩ و	٤٢٧ و
١٨	١١	٦	٤٢ و	٧١ و	٢٠٠ و	٢٧٢ و
١٩	١٠	٥	٤٢ و	٦٣ و	٢٥٦ و	٣٩٣ و
٢٠	١٠	٢	٦٧ و	٥٠ و	٢٥٥ و	٥٦٣ و
٢١	١١	١	٨٣ و	٥٠ و	٢١٩ و	٦٣٤ و
٢٢	١٢	٦	٥٠ و	٧٥ و	٢٢٧ و	٤٣٥ و
٢٣	١١	٦	٤٢ و	٧١ و	٢١٩ و	٤٤٧ و
٢٤	١٢	٩	٢٥ و	٨٧ و	١٠١ و	٣٥٠ و
٢٥	١٢	٢	٨٣ و	٥٨ و	٢١٩ و	٥٩٢ و
٢٦	١٠	٢	٦٧ و	٥٠ و	٢٥٦ و	٤٤١ و

تابع ملحق (٧)

تحليل بنود اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب

التعلم المعتادة لوحددة المجموعات

بنود الاختبار	عددا لاجابات		عددا لاجابات		معامل الارتباط بالاختبار
	الصحيحة في المجموعة العليا (ص ع)	الدنيا (ص د)	الصحيحة في المجموعة المتميز	معامل السهولة	
٢٧	١٠	٣	٥٨	٥٤	٣٨٠ و
٢٨	٧	٤	٢٥	٤٦	٢٥٣ و
٢٩	٧	١	٥٠	٣٣	١٧٧ و
٣٠	٩	٣	٥٠	٥٠	٢٤٠ و
٣١	١٠	٣	٥٨	٥٤	٢٥٣ و
٣٢	٧	٢	٤٢	٣٨	٢٥٣ و
٣٣	١٠	٥	٤٢	٦٣	٢١٠ و
٣٤	٨	٥	٢٥	٥٤	٢٥٦ و
٣٥	١٠	٧	٢٥	٧١	١٨٩ و
٣٦	٤	١	٢٥	٢١	١٤٩ و
٣٧	٩	٢	٥٨	٤٦	١٧٢٥ و
٣٨	٩	٥	٣٣	٥٨	٢٠٧٤ و
٣٩	٨	١	٥٨	٣٨	١٢٤٩ و
٤٠	٥	.	٤٢	٢١	٧٥٥ و

ملحق (أ)

اختبار تحصيل جوانب التعلم الأثرائية فى وحدة المجموعات الأثرائية
لتلاميذ الصف الأول الأعدادى

اختبار تحصيل جوانب التعلم الاثرائية لوحدة المجموعات

أسم التلميذ: _____ المدرسة: _____ الدرجة: _____

- أولاً: كل سؤال في هذا الجزء متبوعاً بثلاث بدائل أ ، ب ، ج ، اقرأ كل سؤال جيداً ثم ضع علامة (✓) على يمين البديل الذي يمثل الإجابة الصحيحة عن هذا السؤال.
- ١- إذا كانت $S = \{3, 5, 8, 12, \dots, 28\}$ فان:
 أ- $17 \in S$ ب- $18 \in S$ ج- $23 \notin S$
- ٢- إذا كان $4 \in \{5, s, s+1, s+3\}$ فان:
 أ- $s \in \{1, 4\}$ ب- $s \in \{3, 5\}$ ج- $s \in \{1, 3\}$
- ٣- عدد كل المجموعات التي تساوي المجموعة $(1, 32, 4)$ يساوي:
 أ- ٤ ب- ٦ ج- ٨
- ٤- عدد عناصر المجموعة $\{11, 16, 21, 26, \dots, 101\}$ يساوي:
 أ- ٥ ب- ١٩ ج- ٢٠
- ٥- التعبير الذي يمثل المجموعة $S = \{7, 14, 21, 28, \dots\}$ بطريقة الصفة المميزة هو:
 أ- $\{ص : ص = 7ن, ن \text{ عدد طبيعي}\}$.
 ب- $\{ص : ص = 14ن, ن < ٠, ن \text{ عدد طبيعي}\}$.
 ج- $\{ص : ص = 7ن, ن \leq 1, ن \text{ عدد طبيعي}\}$.
- ٦- عدد كل المجموعات الجزئية للمجموعة $\{1, 2, 3, 4\}$ يساوي:
 أ- ١٤ ب- ١٦ ج- ٢٤
- ٧- افرض ان $L = \{1, 2, 3, 4\}$, $M = \{2, 4\}$, $N = \{1, 3\}$, $H = \{3\}$, S مجموعة تحقق الشرط التالي: $S \supset N, S \not\supset M$ فان $S =$
 أ- N, H ب- M, H ج- N, L
- ٨- $\{2, 4, 6, 8, \dots\} \cup \{6, 12, 18, 24, \dots\} =$
 أ- $\{2, 4, 6, 12, 18, 24, \dots\}$.
 ب- $\{2, 4, 6, 8, \dots\}$.
 ج- $\{2, 4, 6, 8, 12, 18, 24, \dots\}$.
- ٩- $\{3, 6, 9, \dots\} \cap \{4, 8, 12, \dots\} =$
 أ- $\{12, 24, 36, \dots\}$ ب- $\{3, 4, 6, 8, 9, \dots\}$ ج- \emptyset

- ١٠- { ١٠ ، ٢٠ ، ٣٠ ، ... } - { ٥ ، ١٠ ، ١٥ ، ... } =
 أ- { ٢٠ ، ٣٠ ، ٤٠ ، ... } ب- { ٥ ، ١٥ ، ٢٥ ، ... } ج- ϕ
 ١١- $S \cup (S \cap S) =$
 أ- ص ب- س ج- ش
 ١٢- $(S \cap S) =$
 أ- ش ب- س' ج- ϕ
 ١٣- $S \cup (S \cap S) =$
 أ- س ب- $(S \cup S)$ ج- $(S \cap S)$
 ١٤- $(S \cap S) \cup (S \cap S) =$
 أ- س ب- ش ج- ϕ
 ١٥- $(S - S) \cap S =$
 أ- ص ب- $(S - S)$ ج- ϕ

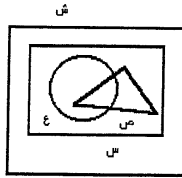
ثانياً : اجب عن كل سؤال من الاسئلة التالية فى المكان المخصص

الحل:

- ١٦- ارسم شكل فن للمجموعات س ، ص ، ل ، ع الممثلة فى الشكل الخطى المجاور:



الحل:



- ١٧- ارسم الشكل الخطى للمجموعات

ش ، س ، ص ، ع

الممثلة فى شكل فن المجاور .

الحل:

- ١٨- لاى مجموعتين س ، ص حيث $S \cap V = \phi$ ، $S \cup V = S$

ارسم الشكل الخطى للمجموعات س ، ص ، س' ب- $S \cup S'$ ،

س' \cap ص ، ص - ص ، ص - س ، ϕ ، ش .

$\{a, b\}$	$\{c\}$	$\{d\}$	\emptyset	\cap
				\emptyset
				$\{d\}$
				$\{c\}$
				$\{a, b, c\}$

١٩- اكمل الجدول المجاور.

لاحظ المجموعات الموجودة في القطر الرئيسي للجدول ،
ماذا تلاحظ؟

الحل :

$\{a, b, c\}$	$\{c\}$	$\{d\}$	\emptyset	\cup
				\emptyset
				$\{d\}$
				$\{c\}$
				$\{a, b, c\}$

٢٠- اكمل الجدول المجاور

قارن المجموعات الموجودة فوق القطر الرئيسي
بالمجموعات الموجودة اسفل القطر الرئيسي ماذا تستنتج ؟

الحل :

الحل:

٢١- اوجد كل المجموعات التي تساوي المجموعة $\{a, b, c, d\}$

ثم اوجد عدد الاعداد التي يتكون كل منها من ٣ ارقام مأخوذة
من الارقام التالية ٢ ، ٤ ، ٦ .

٢٢- اوجد عدد المجموعات الجزئية

التي يتكون كل منها من ٣ عناصر للمجموعة

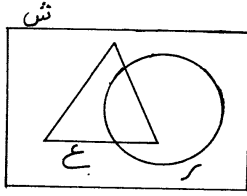
$\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ ثم اوجد عدد الفرق

التي يتكون منها من ٣ افراد ويتم اختيارهم من

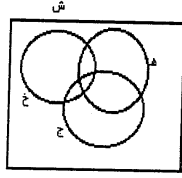
مجموعة مكونة من ٥ افراد

$n=0$	1
$n=1$	1 1
$n=2$	1 2 1
$n=3$	1 3 3 1

٢٣- فصل به ٦٠ تلميذاً ، حصل ١٥ تلميذاً منهم على الدرجة النهائية في مادة الرياضيات ، حصل ١٠ تلميذاً على الدرجة النهائية في العلوم ، ولم يحصل ٤٠ تلميذاً على الدرجة النهائية في أى مادة . اوجد عدد التلاميذ الذين حصلوا على الدرجة النهائية في الرياضيات والعلوم معا .



٢٤- فصل به ٦٠ تلميذاً ، وجد ان ٢٩ تلميذاً يقرأون صحيفة الاهرام ، ٢٥ يقرأون صحيفة الاخبار ، ٢٠ يقرأون صحيفة الجمهورية ، ١٠ يقرأون الاهرام والاخبار معا ، ٧ يقرأون الاهرام والجمهورية ، ٥ يقرأون الاخبار والجمهورية ، ٣ يقرأون الاهرام والاخبار والجمهورية ، اجب عن السؤالين التاليين:



أ- ما عدد التلاميذ الذين لا يقرأون أى جريدة من الجرائد الثلاث؟
ب- ما عدد التلاميذ الذين يقرأون الاهرام أو الاخبار فقط؟

س	ص	ص'	س-ص	س ∩ ص'
∃	∃			
∃	∅			
∅	∃			
∅	∅			

٢٥- اثبت العلاقة:

س - ص = س ∩ ص'
في الجدول المجاور

س	ص	ص'	س ∩ ص'	س ∪ ص	(س ∪ ص)'	س ∩ ص'
∃	∃					
∃	∅					
∅	∃					
∅	∅					

٢٦- اثبت العلاقة:

(س ∪ ص)' = س' ∩ ص'
في جدول الانتماء المجاور

ملء _____ (٩)

**تحليل بنود اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب
التعلم الأثرية لوحدت المجموعات**

تمليل بنود اختبار تحصيل التلاميذ لجوانب
التعلم الاثرانية لوحدة المجموعات

بنود الاختبار	عدد الاجابات الصحيحة في المجموعة العليا	عدد الاجابات الصحيحة في مجموعة الدنيا التمييز	معامل السهولة	التباين	معامل الارتباط بالاختبار
١	٦	٤	٢٥ و	٢١٧ و	٢٧١ و
٢	٧	٣	٥٠ و	٢٥٧ و	٤٢٦ و
٣	٨	٢	٧٥ و	٢٤٨ و	٦٠١ و
٤	٨	٢	٧٥ و	٢١٧ و	٥٧٧ و
٥	٤	٢	٢٥ و	٢٤٨ و	١٦٩ و
٦	٤	٢	٢٥ و	٢٥٤ و	٢١٦ و
٧	٧	٢	٦٣ و	٢٥٤ و	٥٠١ و
٨	٨	٢	٧٥ و	٢٥٧ و	٥٠٨ و
٩	٨	٣	٦٣ و	٢٣٠ و	٥٤٢ و
١٠	٨	٤	٥٠ و	٢٣٠ و	٣٧٢ و
١١	٨	٥	٣٨ و	١٨٥ و	٣٣٠ و
١٢	٧	٣	٥٠ و	٢٤٠ و	٤٢٨ و
١٣	٧	٤	٣٨ و	٢٥٧ و	٤٢٨ و
١٤	٧	١	٧٥ و	٢٤٨ و	٥٦٠ و
١٥	٨	٢	٧٥ و	٢٥٩ و	٥٤٠ و
١٦	٨	٢	٧٥ و	٨٣٨ و	٦٣١ و
١٧	٧	٣	٥٠ و	٨٠٠ و	٣٨٠ و
١٨	٦	٢	٥٠ و	١٢٢٤ و	٦٨٥ و
١٩	٧	.	٨٧ و	١٠٦٨ و	٦٨٤ و
٢٠	٦	.	٧٥ و	١٤٩٥ و	٨٢٥ و
٢١	٦	.	٧٥ و	١٤٢١ و	٦٥٦ و
٢٢	٧	١	٧٥ و	١١٥٤ و	٧٩٥ و
٢٣	٧	١	٧٥ و	١٢٩٢ و	٦٩٠ و
٢٤	٦	.	٧٥ و	٢٦١٦ و	٨٧٣ و
٢٥	٦	١	٦٣ و	٦٥٤ و	٥٨٠ و
٢٦	٧	.	٨٧ و	١٧٧١ و	٧٩١ و

ملحق (١٠)

ضبط المتغيرات المؤثرة على التكافؤ بين المجموعتين التجريبيية
والضابطة

ضبط المتغيرات المؤثرة على التكافؤ بين المجموعتين التجريبيّة

والضابطة

المتوسط	الانحراف	النسبة	الدلالة الاحصائية	الدلالة الاحصائية	العامل المجموعة
المتوسط	الانحراف	النسبة	قيمة ت'	قيمة ت'	المتوسط
المتوسط	الانحراف	النسبة	قيمة ت'	قيمة ت'	المتوسط
المتوسط	الانحراف	النسبة	قيمة ت'	قيمة ت'	المتوسط
التحصيّل التجريبيّة ٢٨٧ و٩٠	٣ و٠٧	٨٨	١	١ و٠٣	غيردالة احصائيا
السابق الضابطة ٢٨٧ و٢٠	٣ و٠٧	٢٠			
التحصيّل التجريبيّة ٩٦ و٠٥	٢ و٧٢	٠٦	١ و٣٢	٠	غيردالة احصائيا
السابق الضابطة ٩٦ و٠٥	٢ و٣٧	٠٦			
نسبة التجريبيّة ١٤٤ و٧٣	٨ و١٣	٢٧	١ و٠٩	٢٧	غيردالة احصائيا
الانحرافية الضابطة ١٤٤ و٢٤	٨ و٤٨	٠٨			
العمر التجريبيّة ١٠ و٦٨	٤٧	٢٠٤-	١ و٢٧	١٨	غيردالة احصائيا
الضابطة ١٠ و٦٦	٥٣	١٩٢-			

قيمه النسبة الفاتية 'ف' الجدولية المقابلة لدرجات حرية (٤٠) للتباين الاكبر ، (٤٠) للتباين الاصغر عند

مستوى ثقة ٩٥٪ تساوى ١ و٦٩ . P. 518 (Guilford and Frucher, 1981)

قيمة 'ت' الجدولية المقابلة لدرجات حرية (١٢٠) عند مستوى ثقة ٩٥٪ تساوى ١ و٩٨ .

P. 514 (Guilford and Frucher, 1981)

ملء _____ ق (11)

المعادلات الاحصائية التي استخدمت في الدراسة

المعادلات الإحصائية التي استخدمت في الدراسة

١- المتوسط الحسابي $M = \text{مج س} / \text{ن}$ حيث مج س : مجموع الدرجات ، ن : عدد الدرجات.

٢- الانحراف المعياري $E = \sqrt{\frac{\text{مج س}^2}{\text{ن}} - (\text{مج س} / \text{ن})^2}$ حيث مج س^٢ : مجموع مربعات الدرجات .

٣- الالتواء $\beta = \frac{\text{المتوسط} - \text{الوسيط}}{\text{الانحراف المعياري}}$.

٤- معامل الارتباط $R = \frac{\text{ن مج س ص} - \text{مج س} \times \text{مج ص}}{\sqrt{[\text{ن مج س}^2 - (\text{مج س})^2][\text{ن مج ص}^2 - (\text{مج ص})^2]}}$

$$\sqrt{[\text{ن مج س}^2 - (\text{مج س})^2][\text{ن مج ص}^2 - (\text{مج ص})^2]}$$

حيث مج س ص : مجموع حاصل ضرب الدرجات المتناظرة.

٥- النسبة الفئوية = التباين الكبير / التباين الصغير .

٦- قيمة (ت) لمتوسطين غير مرتبطين $= |M_1 - M_2| / \sqrt{\frac{1}{2}(E_1^2 + E_2^2)}$ (ن-١)

درجات الحرية = ٢ - ن

٧- قيمة (ت) لمتوسطين مرتبطين $= M_F / \sqrt{\frac{1}{2}[\text{ن}(\text{ن}-1)]}$

حيث م ف : متوسط فرق الدرجات ،

مج ح ف^٢ : مجموع مربعات انحرافات الفروق عن متوسط الفروق ، درجات الحرية = ن-١ .

٨- اختبار مان - ويتني Mann - Whitney

$$U = \text{ن} \times \text{ن}' + \frac{\text{ن}(\text{ن}+1)}{2} - \text{مج ب}$$

$$U' = \text{ن}' \times \text{ن} + \frac{\text{ن}'(\text{ن}'+1)}{2} - \text{مج ب}'$$

الدرجة المعيارية = $(U - \frac{\text{ن}(\text{ن}+1)}{2}) / \sqrt{\frac{\text{ن}(\text{ن}+1)(\text{ن}+1)}{12}}$

٩- نسبة الكسب المعدل لبلاك "ك" = $\frac{[\text{ص س}] / [\text{د س}] + [\text{ص س}]}{[\text{ص س}] / \text{د}}$

حيث ص : متوسط الدرجات في الاختبار البعدي ، س : متوسط الدرجات في الاختبار القبلي ،

د : النهاية العظمى للاختبار.

١٠- معادلة كرونباخ العامة لحساب الثبات "ر أ" = $\frac{[\text{ن}(\text{ن}-1)]}{[\text{ن}(\text{ن}-1) - 1]} \times \frac{E}{E'}$

حيث ن : عدد الاجزاء التي ينقسم اليها الاختبار ، مج ع ج^٢ : مجموع تباين هذه الاجزاء،

ع ج^٢ : تباين الاختبار ككل.

١١- معامل سكوت Scott لثبات التحليل

$$\{ 100 - \text{مج أ} \} / \{ 100 - \text{مج ب} \} = \frac{[\text{مج أ} / (\% \text{ ب} + \% \text{ أ})]}{[\text{مج ب} / (\% \text{ ب} + \% \text{ أ})]} \times 100$$

$$\{ 100 - \text{مج ب} \} / \{ 100 - \text{مج أ} \} = \frac{[\text{مج ب} / (\% \text{ ب} + \% \text{ أ})]}{[\text{مج أ} / (\% \text{ ب} + \% \text{ أ})]} \times 100$$

حيث أ : تمثل عملية التحليل الاولى ، ب : تمثل عملية التحليل الثانية.

ملحق (١٣)

اختبار القدرات العقلية للاعمار (٩-١١) لقياس الذكاء

اعداد فاروق عبدالفتاح موسى

مكتبة النهضة العربية

١٩٨٤

تعليمات










- ١ - يتكون هذا الاختبار من تسعين سؤالاً يلي كلا منها خمسة اختيارات هي : أ . ب . ج . د . هـ .
- ٢ - بعد قراءة السؤال عليك أن تختار الإجابة المطلوبة من الاختيارات الخمسة ثم تضع رمز هذه الإجابة في المربع الذي يوجد على يسار رقم السؤال في ورقة الإجابة .
- ٣ - لا تكتب أى شئ، ولا تضع أى علامة في كراسة الأسئلة .
- ٤ - إذا لم نستطيع الإجابة على سؤال ما لا تضع وقتاً طويلاً في التفكير فيه . ولكن ضع الإجابة التي تعتقد أنها قد تكون صحيحة . لا تترك سؤالاً بدون إجابة .
- ٥ - زمن تطبيق الاختبار نصف ساعة . ابذل أقصى ما في وسعك و الإجابة خلال الزمن المحدد .
- ٦ - امثلة للتدريب :

المسائل الأولى : ان الأولاد يحيون

- (أ) الجسرى (ب) قبعة (ج) فقد (د) أحمر (هـ) نمس - ما الكلمة التي تكمل الجملة السابقة ؟ انها كلمة (الجزى) ورمزها (أ) - إذا صح (أ) في المربع الذي يوجد على يسار عبارة المسال الأول في ورقة الإجابة .

المسائل الثانية : رابت شجرة

- (أ) هادى (ب) عنابه (ج) كبيره (د) مثل (هـ) أيضا - ان الكلمة التي تكمل الجملة السابقه هي كلمة كبيرة ورمزها (ج) - اذن ضع (ج) أمام عبارة المسال الثاني في ورقة الإجابة .

المثال الثالث  بالنسبه لـ  مثل  بالنسبة لـ  (أ)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ) 

- ما هي الإجابة الصحيحة : انها (الثنت الصغير) ورمزه (هـ) - اذن ضع (هـ) أمام عبارة المثال الثالث في ورقة الإجابة .

- ١ - الأرنب هو :
 (أ) تفاحة (ب) شجرة (ج) مكتب (د) حيوان (هـ) ثعبان
- ٢ - يبيع الجزار :
 (أ) اللحم (ب) العصير (ج) الأتلام (د) النظارات (هـ) الفول
- ٣ - ما اليوم الذي يأتي قبل يوم الجمعة مباشرة ؟
 (أ) السبت (ب) الاثنين (ج) الأربعاء (د) الخميس (هـ) الأحد
- ٤ - ما الكلمة التي لا ترتبط بالكلمات الأخرى الآتية ؟
 (أ) في (ب) بعد (ج) قبل (د) داخل (هـ) تلج
- ٥ - ما الكلمة التي لا ترتبط بالكلمات الأخرى الآتية ؟
 (أ) الاثنين (ب) ابريل (ج) يناير (د) مايو (هـ) يونيو
- ٦ - ما الكلمة التي لا ترتبط بالكلمات الأخرى الآتية ؟
 (أ) صباح (ب) صيف (ج) مساء (د) ليل (هـ) يوم
- ٧ - ما الكلمة التي لا ترتبط بالكلمات الأخرى الآتية ؟
 (أ) قمح (ب) مسحوق (ج) عدس (د) ذرة (هـ) فول
- ٨ - ما الكلمة التي لا ترتبط بالكلمات الأخرى الآتية ؟
 (أ) تفاح (ب) كمثرى (ج) صرخة (د) خوخ (هـ) زيتون
- ٩ - ما الكلمة التي تسبق الكلمات الأخرى في الترتيب الأبجدي ؟
 (أ) أحمر (ب) طويل (ج) ثناء (د) جليد (هـ) خوخ
- ١٠ - ان الفرق الهام بين البركة والبحيرة هو ان البركة تكون عادة :
 (أ) أبرد (ب) أصغر (ج) أصفى (د) أكبر (هـ) أطول
- ١١ - ان كلمة غنى بالنسبة لكلمة فقير مثل كلمة سعيد بالنسبة لكلمة :
 (أ) مريض (ب) بطئ (ج) مشمس (د) فرحان (هـ) حزين
- ١٢ - اذا كان ثمن الكيلو من البرتقال عشرة قروش - كم كيلو تساوي ثلاثين قرشاً ؟
 (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) ٤ (هـ) ٥

١٣ - كم ربعا في الجنيه؟

- (أ) ٣ (ب) ٤ (ج) ٥ (د) ٦ (هـ) ٧

١٤ - ان كلمة يستعمل لها تقريبا معنى كلمة:

- (أ) يسرع (ب) يتحرك (ج) يقفز (د) الآن (هـ) يفكر

١٥ - ان الشيء المهد يكون:

- (أ) ليناً (ب) مستويا (ج) خشنا (د) مدحرجا (هـ) مائلا

١٦ - كم ثلثنا في ٣٠ قرشا؟

- (أ) ٤ (ب) ٥ (ج) ٦ (د) ٧ (هـ) ٨

١٧ - بالنسبة لـ مثل بالنسبة لـ:

- (أ) (ب) (ج) (د) (هـ)

١٨ - ان الخضرا بالنسبة للبطاطس مثل الزهور بالنسبة لـ:

- (أ) الجزر (ب) الكمثرى (ج) الشمش (د) الموز (هـ) الورد

١٩ - بالنسبة لـ مثل بالنسبة لـ:

- (أ) (ب) (ج) (د) (هـ)

٢٠ - ان كلمة يجمع لها تقريبا معنى كلمة:

- (أ) يربط (ب) يوزع (ج) يقسم (د) نوع (هـ) مقدار

٢١ - بالنسبة لـ مثل بالنسبة لـ:

- (أ) (ب) (ج) (د) (هـ)

٢٢ - ١٠ ، ٨ ، ٦ ، ٤ ، ٠ ، ٠ ، ٠ ، ٠ ، ٠ ما الرقم الذي يلي هذه السلسلة؟



- (أ) ٥ (ب) ٣ (ج) ٢ (د) ١ (هـ) صفر






٢٣ - بالنسبة لـ مثل بالنسبة لـ:

- (أ) (ب) (ج) (د) (هـ)

٢٤ - سار قطار بسرعة ٢٥ كيلومترا في الساعة - كم كيلومترا يتعلمها في ٣ ساعات ؟



- (أ) ٢٥ (ب) ٥٠ (ج) ٦٠ (د) ٦٥ (هـ) ٧٥






٢٥ - بالنسبة لـ  مثل  بالنسبة لـ :

- (أ)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ) 

٢٦ - ان كان الشخص مبهورا فانه يكون :



- (أ) مضطربا (ب) ميتها (ج) مندحشا (د) خائفا (هـ) مفقودا






٢٧ - بالنسبة لـ  مثل  بالنسبة لـ :

- (أ)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ) 

٢٨ - ان كلمة ذكي بالنسبة لكلمة غبي مثل كلمة سميك بالنسبة لكلمة :



- (أ) ثقيل (ب) عميق (ج) صلب (د) رفيع (هـ) غليظ






٢٩ - بالنسبة  مثل  بالنسبة لـ :

- (أ)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ) 

٣٠ - ان كلمة تقريبا لها نفس معنى كلمة :

- (أ) سريعا (ب) نادر (ج) غالبا (د) مفقودا (هـ) مزيلا

٣١ - بالنسبة لـ  مثل  بالنسبة لـ :

- (أ)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ) 

٣٢ - ان الاذن بالنسبة للانسان مثل الايبريال بالنسبة لـ :








- (أ) التلفزيون (ب) المبنى (ج) السيارة (د) الساعة (هـ) التلفزيون

٣٣ - ما هو اصغر الأعداد التالية ؟

- (أ) ٥٥٥٥ (ب) ٢٢٢٢ (ج) ٣٤٥٦ (د) ٩٨٧٦ (هـ) ١٩٨٩







٣٤ - كم بريرة في نصف جنيه ؟

- (أ) ٤ (ب) ٥ (ج) ٦ (د) ٧ (هـ) ٨

٣٥ - بالنسبة لـ  مثل  بالنسبة لـ  (١)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ)

٣٦ - ان الشعر بالنسبة للكلب مثل القشور بالنسبة لـ :
(١) القط (ب) السمك (ج) الغنم (د) الفار (هـ) الذود








٣٧ - ان الفنان بالنسبة للصورة مثل المؤلف بالنسبة لـ :
(١) الفرشاه (ب) المخرج (ج) المبنى (د) الكتاب (هـ) الحكان

٣٨ - بالنسبة لـ  مثل  بالنسبة لـ :
(١)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ)

٣٩ - ان كلمة يخترع لها تقريبا معنى كلمة :
(١) يبتكر (ب) ينسخ (ج) ينتج (د) يقلد (هـ) يقطع

٤٠ - ان المبنى المرتفع يكون دائما :

(١) صغيرا (ب) طوب (ج) جميلا (د) حجرا (هـ) طويلا







٤١ - بالنسبة لـ  مثل  بالنسبة لـ  (١)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ)

٤٢ - ان اهم فرق بين الجبان والبطال هو ان البطال :
(١) صديق (ب) شغوق (ج) رجل (د) مهذب (هـ) شجاع

٤٣ - ان كلمة يشفى لها تقريبا معنى كلمة :
(١) يتحول (ب) يقود (ج) يطبع (د) يفتش (هـ) يعاقب

٤٤ - ان كلمة يبرم نها تقريبا معنى كلمة :
(١) يخلط (ب) يقسم (ج) يحرك (د) يفصل (هـ) يعصر

٤٥ - ان العمده بالنسبة للقربة مثل المأمور بالنسبة لـ :
(١) الحى (ب) المركز (ج) المحافظة (د) الدولة (هـ) البرلمان

٤٦ - بالنسبة لـ  مثل  بالنسبة لـ :
(١)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ)

٤٧ - ما الكلمة التي لا تنتمي الى الكلمات الأخرى الآتية :

(أ) عم (ب) اب (ج) خال (د) جدة (هـ) صديق

٤٨ - ان كلمة نظ لها تقريبا معنى كلمة :



(أ) انسان (ب) قاسى (ج) رحيم (د) ظريف (هـ) مطيع






٤٩ - أن الطويل بالنسبة للقصير مثل الصاق بالنسبة لـ :

(أ) المرتفع (ب) الساطع (ج) العكز (د) السامر (هـ) البتل

٥٠ - ان كلمة يكسب لها تقريبا عكس معنى كلمة

(أ) يفقد (ب) يحصل (ج) يربح (د) يضم (هـ) يتعلم

٥١ - بالنسبة لـ  مثل  بالنسبة لـ :

(أ)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ) 



- ٩ -






٥٢ - القطار بالنسبة لثريط السكة الحديد مثل السيارة بالنسبة لـ

(أ) التضبان (ب) السائق (ج) العجلات (د) التلفون (هـ) الطريق

٥٣ - ان كلمة يحطم لها تقريبا معنى كلمة :

(أ) يغير (ب) يبنى (ج) يؤمن (د) يكسر (هـ) يصلح

٥٤ - بالنسبة لـ  مثل  بالنسبة لـ :



(أ)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ) 






٥٥ - اذا كانت سرعة القطار ٣٠ ميلا في الساعة كم ميلا يقطعها في ٤ ساعات؟

(أ) ١٢ (ب) ٣٠ (ج) ٦٠ (د) ١٢٠ (هـ) ١٥٠

٥٦ - ان يوليو بالنسبة للسنة مثل الجمعة بالنسبة لـ

(أ) السبت (ب) الشتاء (ج) الشهر (د) اليوم (هـ) الاسبوع

٥٧ - بالنسبة لـ  مثل  بالنسبة لـ :

(أ)  (ب)  (ج)  (د)  (هـ) 

- ٥٨ - ما العدد الذي اذا ضرب $\times 2$ ينتج العدد الذي يساوي 4×4 ؟
 (أ) ٢ (ب) ٤ (ج) ٦ (د) ٨ (هـ) ١٠
- ٥٩ - ان كلمة يتقرب لها تقريبا معنى كلمة
 (أ) يخرم (ب) يؤلم (ج) يسد (د) يجمع (هـ) يسوى
- ٦٠ - للنار دائما :
 (أ) خشب (ب) نحم (ج) جاز (د) حرارة (هـ) فرن
- ٦١ - ان كلمة يسامح لها تقريبا معنى كلمة :
 (أ) يذفع (ب) يؤلم (ج) ينسى (د) يعاقب (هـ) يصنع
- ٦٢ - اذا كان الشيء شديدا فانه يكون :
 (أ) معتدلا (ب) عنيفا (ج) ضعيفا (د) حيويا (هـ) غشائيا
- ٦٣ - ان والد اخت ابن عمي هو :
 (أ) عمي (ب) زوج اختي (ج) عمتي (د) أخي (هـ) جدي
- ٦٤ - ان كلمة دائم لها تقريبا عكس معنى كلمة :
 (أ) محب (ب) مألوف (ج) مشابه (د) آلي (هـ) مؤقت
- ٦٥ - ما العدد الذي اذا ضرب في ٣ ينتج ضعف ٦ ؟
 (أ) ٢ (ب) ٣ (ج) ٤ (د) ٥ (هـ) ٦
- ٦٦ - ان الأشياء المألوفة لا يمكن ان تكون :
 (أ) متساوية (ب) محبوبة (ج) غريبة (د) سارة (هـ) مسرورة بها
- ٦٧ - ان كلمة يزود لها تقريبا معنى :
 (أ) يستخدم (ب) يمد (ج) يطلب (د) يحطم (هـ) يتمدد
- ٦٨ - ان كلمة خطأ لها تقريبا معنى كلمة :
 (أ) ملائم (ب) حقيقي (ج) دقة (د) صواب (هـ) غلط
- ٦٩ - اذا كان الشخص مالا للثقة مابه يكون
 (أ) امينا (ب) مشكوكا فيه (ج) حافظا (د) محنودا (هـ) متقلبا

- ٧٠ - إذا اشترت قطعتين من الطوى فئة ٥ قروش وقطعة فئة ١٠ قروش وأعطيت البائع ربع جنيه . كم قرشا بردما لك البائع ؟
 (أ) صفر (ب) ٥ (ج) ١٠ (د) ١٥ (هـ) ٢٠
- ٧١ - ان كلمة حذر لها تقريبا عكس معنى كلمة .
 (أ) متواضع (ب) غاضب (ج) قاسى (د) مهمل (هـ) سعيد
- ٧٢ - اشترى رجل بضاعة ودفع ثمنها ورقتين فئة ٥ جنيهات ، ٣ ورقات فئة جنيه واحد . ثلاثة أرباع الجنيه . كم جنيها دفع الرجل ؟
 (أ) ٦٧٥ (ب) ١٣٧٥ (ج) ١٤٢٥ (د) ١٠٧٢ (هـ) ١١٧٥
- ٧٣ - ما الكلمة التى لا تنتمى الى الكلمات الأخرى الآتية .
 (أ) هدى (ب) نبيلة (ج) محمد (د) سهر (هـ) سلوى
- ٧٤ - اكمل الجملة الآتية : ان الماء يبحث عن
 (أ) النقود (ب) الوزن (ج) البرد (د) المستوى (هـ) الطول
- ٧٥ - ان كلمة يحدد لها تقريبا معنى كلمة :
 (أ) يصنع (ب) يسرع (ج) يترك (د) يحب (هـ) يحيط
- ٧٦ - ان كلمة اتفاق لها تقريبا معنى كلمة :
 (أ) خسارة (ب) زهرة (ج) عقد (د) راحة (هـ) نمط
- ٧٧ - اذا كان ثمن الكتاب ١٥ قرشا . فكم كتابا يمكن ان تشتريها بمبلغ ٣ جنيهات ؟
 (أ) ٢٠ (ب) ٢٥ (ج) ٤٥ (د) ٥٠ (هـ) ٦٠
- ٧٨ - ان الفص بالندسه ثورقة مثل الجذر بالنسبة لـ :
 (أ) الزهرة (ب) البرعم (ج) الساق (د) الكاس (هـ) التقويم
- ٧٩ - اذا كان الشخص مجهدا فانه يكون
 (أ) نشطا (ب) منتمث (ج) منعبا (د) المعيا (هـ) قذرا
- ٨٠ - اذا استطاع طفل ان يقفز مسافة مترين . كم سنتمرا يستطيع أن يقفز ؟
 (أ) ٣٠ (ب) ١٠٠ (ج) ٣٠٠ (د) ٢٠٠ (هـ) ٥٠

- ٨١ - ولد طول ٥ أقدام . كم يكون طولهُ بالبوصات ؟
 (أ) ١٠٠ (ب) ٢٠٠ (ج) ٣٦ (د) ٦٠ (هـ) ٧٢
- ٨٢ - اشترت سيدة ٦ أمتار من القماش . قطعت منها ٣ ½ متراً . كم متراً تبقى ؟
 (أ) ٢ (ب) ١ ½ (ج) ٣ (د) ٣ ½ (هـ) ٢ ½
- ٨٣ - ان كلمة صدقة لها تقريبا معنى كلمة :
 (أ) قسوة (ب) حشونة (ج) سلام (د) شفقة (هـ) عناية
- ٨٤ - يستطيع تلميذ أن يجرى حول المدرسة ٦ مرات في ٢٤ دقيقة . في كم دقيقة يستطيع هذا التلميذ أن يجرى حول المدرسة ٤ مرات ؟
 (أ) ٨ (ب) ١٠ (ج) ١٢ (د) ١٦ (هـ) ٢٠
- ٨٥ - يستطيع قارب أن يقطع ١٨ كيلومتراً في ثلاث ساعات ، ما المسافة التي يقطعها في خمس ساعات ؟
 (أ) ٣٠ (ب) ٢٤ (ج) ١٢ (د) ١٥ (هـ) ٦٠
- ٨٦ - أي الكلمات الآتية تكون الأخرى في الترتيب الأبعد ؟
 (أ) نعم (ب) ربما (ج) بعد (د) ليل (هـ) سعيد
- ٨٧ - ان العيتري لديه :
 (أ) مال (ب) أصدقاء (ج) مخترعات (د) فدره (هـ) شهره
- ٨٨ - يستطيع سامي أن يجرى حول المدرسة ٣ مرات في ١٢ دقيقة . كم مرة يستطيع أن يجرى حول المدرسة في ٣٢ دقيقة ؟
 (أ) ٧ (ب) ٨ (ج) ٩ (د) ١٠ (هـ) ٢
- ٨٩ - كم دقيقة في ١٠ ساعات ؟
 (أ) ١٢٠ (ب) ١٦٠ (ج) ٦٠٠ (د) ٢٠٠ (هـ) ٥٠٠
- ٩٠ - ما العدد الذي اذا ضرب في ٤ يساوي ٢ في ١٢ ؟
 (أ) ٤ (ب) ٥ (ج) ٨ (د) ٧ (هـ) ٦

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

ورقة اجابة اختبارات القدرة العقلية

اعداد

دكتور فاروق محمد الفتح موسى
كلية التربية - جامعة الزقازيق

الاسم : / /
 السنة الدراسية :
 المدرسة :
 تاريخ اليوم :
 تاريخ الميلاد :
 العمر :

ممتاز الأول
ممتاز ثانى
ممتاز ثالث

٧٢	٥٥	٢٧	١٩	١
٧٤	٥٦	٢٨	٢٠	٢
٧٥	٥٧	٢٩	٢١	٣
٧٦	٥٨	٣٠	٢٢	٤
٧٧	٥٩	٣١	٢٣	٥
٧٨	٦٠	٣٢	٢٤	٦
٧٩	٦١	٣٣	٢٥	٧
٨٠	٦٢	٣٤	٢٦	٨
٨١	٦٣	٣٥	٢٧	٩
٨٢	٦٤	٣٦	٢٨	١٠
٨٣	٦٥	٣٧	٢٩	١١
٨٤	٦٦	٣٨	٣٠	١٢
٨٥	٦٧	٣٩	٣١	١٣
٨٦	٦٨	٤٠	٣٢	١٤
٨٧	٦٩	٤١	٣٣	١٥
٨٨	٧٠	٤٢	٣٤	١٦
٨٩	٧١	٤٣	٣٥	١٧
٩٠	٧٢	٤٤	٣٦	١٨

ملحق (١٣)

خطة تدريس البرنامج الاثرائي في الرياضيات ممثلًا في وحدة المجموعات
الاثرائية، والمعوقات التي واجهت تطبيق الدراسة

**خطة تدريس البرنامج الاثرائي في الرياضيات ممثلة في وحدة المجموعات
الاثرائية، والمعوقات التي واجهت تطبيق الدراسة**

أولاً: خطة تدريس البرنامج الاثرائي في الرياضيات ممثلة في وحدة المجموعات الاثرائية :

تم تدريس البرنامج الاثرائي في الرياضيات ممثلاً في وحدة المجموعات الاثرائية للتلاميذ المجموعة التجريبية بكل من مدرستي
الحدبية الإعدادية بنات والمنايا الإعدادية بنين في المدة من ١٩٩٣/٩/٢١ حتى ١٩٩٣/١٠/٣١ طبقاً لما يلي:

موضوع المدرس	مدرسة الحدبية الإعدادية بنات	مدرسة المنايا الإعدادية بنين
المقدمة التاريخية، وورقة العمل (١)	٩/٢١	٩/٢٣
ورقة العمل (٢) ، ورقة العمل(٣)	٩/٢٢	٩/٢٤
ورقة العمل (٤)	٩/٢٥	٩/٢٦
ورقة العمل (٥)	٩/٢٨	٩/٣٠
ورقة العمل (٦)	٩/٢٩	١٠/١
ورقة العمل (٧)	١٠/ ٢	١٠/٣
اختبار بنائي(١)	١٠ / ٥	١٠/٧
ورقة العمل(٨)	١٠/ ٦	١٠/ ٨
ورقة العمل (٩)	١٠/ ٩	١٠/١٠
ورقة العمل (١٠)	١٠/١٢	١٠/١٤
ورقة العمل (١١)	١٠/١٣	١٠/١٥
ورقة العمل(١٢)، ورقة العمل(١٣)	١٠/١٦	١٠/١٧
اختبار بنائي (٢)	١٠/١٩	١٠/٢١
ورقة العمل (١٤)	١٠/٢٠	١٠/٢٢
ورقة العمل (١٥)	١٠/٢٣	١٠/٢٤
ورقة العمل (١٦)	١٠/٢٦	١٠/٢٨
ورقة العمل (١٧)	١٠/٢٧	١٠/٢٩
اختبار بنائي (٣)	١٠/٣٠	١٠/٣١

ثانياً: أهم المعوقات التي واجهت تطبيق الدراسة:

- ١ - عدم تشجيع بعض اولياء أمور التلاميذ المتفوقين (عينة الدراسة) لدراسة البرنامج الاثرائي في الرياضيات ، باعتبار أنه خارج نطاق المقرر المدرسي، وقد تغلب الباحث على هذا من خلال عقد مقابلات شخصية معهم واقناعهم بأهمية هذا البرنامج في توسيع وتعميق فهم التلاميذ المتفوقين لمقرر الرياضيات المعتاد.
- ٢ - صعوبة تدريس البرنامج الاثرائي في الرياضيات للتلاميذ المتفوقين (عينة الدراسة) مع زملائهم العاديين في الفصول المعتادة المكتظة بالتلاميذ ، وقد تغلب الباحث على هذا باستخدام أسلوب تجميع التلاميذ المتفوقين معاً لبعض الوقت ، حيث تم تجميع التلاميذ المتفوقين من عدة فصول (حسب ظروف الجدول المدرسي) معاً في فصل لدراسة البرنامج.
- ٣ - عدم وجود فصل دراسي خالي بالمدرسة لتجميع التلاميذ المتفوقين فيه لبعض الوقت ، وقد تغلب الباحث على ذلك بالتنسيق بين حصص البرنامج الاثرائي في الرياضيات وحصص التربية الرياضية والجمالات.
- ٤ - ضعف اهتمام بعض التلاميذ المتفوقين بدراسة البرنامج الاثرائي في الرياضيات وقد تغلب الباحث على هذا بإجراء مقابلات شخصية مع مدرسي رياضيات الصف الاول الإعدادي بكل من المدرستين والاتفاق على اعتبار نتائج تقويم البرنامج الاثرائي (بما يشمل من اختبارات بنائية واختبارات تكوينية) تمثل ٥٠٪ من درجة شهر أكتوبر في بطاقة تقويم التلميذ.

Summary

Problem of Study:

The problem of the present study could be stated as follows :

Determining the effect of teaching a unit of an enrichment program in mathematics for gifted first grade prep school pupils on their achievement of both enriched and regular learning aspects.

Objectives of Study:

- 1- Designing an enrichment program in mathematics for gifted first grade prep school pupils .
- 2- Measuring the effectiveness of the enrichment program, represented in the enriched sets unit, in improving the gifted first grade prep school pupils' achievement of the enriched learning aspects.
- 3- Measuring the effect of teaching the enrichment program, represented in the enriched sets unit, on the gifted first grade prep school pupils' achievement of the enriched learning aspects, compared with the achievement of their counterparts of gifted pupils who are studying the sets unit included in the regular mathematics syllabus.
- 4- Measuring the effectiveness of the enrichment program, represented in the enriched sets unit, in improving the gifted first grade prep school pupils' achievement of the regular learning aspects.
- 5- Measuring the effect of teaching the enrichment program, represented in the enriched sets unit, on the gifted first grade prep school pupils' achievement of the regular learning aspects, compared with the achievement of their counterparts of gifted pupils who are studying the sets unit included in the regular mathematics syllabus.

Hypotheses of Study:

The study attempted to test the following hypotheses:

- 1- There is a statistically significant difference (favoring the post) between the pre and post performance of the experimental group on the enriched learning aspects achievement test.
- 2- There is a statistically significant difference (favoring the experimental group) between the control and experimental groups in the post performance on the enriched learning aspects achievement test.

3- There is a statistically significant difference (favoring the post) between the pre and post performance of the experimental group on the regular learning aspects achievement test.

4- There is a statistically significant difference (favoring the experimental group) between the control and experimental groups in the post performance on the regular learning aspects achievement test.

Subjects:

Subjects were eighty-two gifted pupils in the first grade prep school. They were drawn from four prep schools in Minia city. They were divided into two groups of forty-one pupils each (twenty boys and twenty-one girls). The experimental group studied both the enriched sets unit included in the enrichment program, and the sets unit included in the regular mathematics syllabus, concurrently while the control group studied the sets unit included in the regular mathematics syllabus only.

Tools of Study:

The following tools were used:

- 1- The enrichment program in mathematics for gifted first grade prep school pupils (developed by the researcher).
- 2- The regular learning aspects achievement test (developed by the researcher).
- 3- The enriched learning aspects achievement test (developed by the researcher).
- 4- The mental abilities test for ages 9-11 (developed by Farouk Abdel-Fatah Mousa).

Procedures:

The researcher followed the following steps in conducting this study:

- 1- Analyzing the sets unit, the natural numbers unit and the plane geometric figures unit included in the first grade prep school regular mathematics syllabus, for categorizing their learning aspects (concepts, relations, and skills).
- 2- Designing an enrichment program in mathematics for the gifted first grade prep school pupils, including three enriched units: the sets unit, the natural numbers unit, and the plane geometric figures unit.
- 3- Constructing an achievement test of the regular learning aspects included in the sets unit (regular learning aspects achievement test).
- 4- Constructing an achievement test of the enriched learning aspects included in the enriched sets unit (enriched learning aspects achievement test).

- 5- Selecting the subjects of the study, and equating the control and experimental groups with regard to the control variables (sex, I.Q level, age, previous general achievement level, and achievement level in mathematics).
- 6- Obtaining the validity and reliability coefficients of the two tests (enriched learning aspects achievement test and regular learning aspects achievement test).
- 7- Conducting item analysis of the two tests.
- 8- Administering the regular learning aspects achievement test to both the experimental and control groups.
- 9- Administering the enriched learning aspects achievement test to both the experimental and control groups.
- 10- Teaching the enrichment program in mathematics, represented in the enriched sets unit, to the experimental group, concurrently while teaching the sets unit included in the regular mathematics syllabus to both the experimental and control groups.
- 11- Re-administering the enriched learning aspects achievement test to both the experimental and control groups.
- 12- Re-administering the ordinary learning aspects achievement test to both the experimental and control groups.
- 13- Analyzing the data and discussing the findings.
- 14- Presenting recommendations and suggestions for further research.

Results:

- 1- There was a statistically significant difference at 0.01 level between the pre and post performance of the experimental group on the enriched learning aspects achievement test favored the post performance.
- 2- There was a statistically significant difference at 0.01 level between the control and experimental groups in the post performance on the enriched learning aspects achievement test favoring the experimental group.
- 3- There was a statistically significant difference at 0.01 level between the pre and post performance of the experimental group on the regular learning aspects achievement test favoring the post performance.
- 4- There was a statistically significant difference at 0.01 level between the control and experimental groups in the post performance on the regular learning aspects achievement test favoring the experimental group.

Minia University
Faculty of Education
Dept. of Curricula &
Methods of Teaching

**Designing an Enrichment Program in Mathematics for
Gifted First Grade Prep School Pupils and its
Effect on Their Achievement of Both Enriched
and Regular Learning Aspects**

**Ph.D.Dissertation
Submitted for the Degree of Doctor of
Philosophy in Education
(Mathematics Education)**

**By
Hesham Moustafa Kamal Ahmed**

Supervised by

**Prof. Dr. William T. Ebied
Prof. of Mathematics Education
and ex-vice dean,
Faculty of Education
Ain Shams University**

**Prof. Dr. Wadieh M. Dawud
Prof. of Mathematics Education
and dean of Faculty of
Physical Education
Assuit University**

**Prof. Dr. Ahmed E. Moustafa
Prof. of Mathematics Education
and vice dean,
Faculty of Education
Minia University**

1994